

ЎЗБЕКИСТОН РЕСПУБЛИКАСИ ОЛИЙ ВА ЎРТА  
МАХСУС ТАЪЛИМ ВАЗИРЛИГИ

М. Ибадуллаев

Назарий электротехникадан  
масалалар тўплами

**Олий ўқув юртлари учун ўқув қўлланма**

Тошкент 2007

**Тақризчилар:** т.ф.д., профессор Хошимов О.О.  
т.ф.д., профессор Абдуқаюмов А.

Ўкув қўлланма “Назарий электротехника” фани ўқув дастури асосида тузилган бўлиб, электр занжирлари қисмидан масалалар ечиш бўйича намуналар кўрсатилиб, мустакил ечиш учун масалалар берилган ва талаба билимини текшириб кўришлари учун синов саволлари келтирилган. У олий ўкув юртларининг энергетика, электромеханика, электротехнология, автоматика, радиотехника, ахборот технологияси йўналишлари бўйича таълим оладиган талабалар учун мўлжалланган.

Ўкув қўлланма бакалавриат ва магистратура талабалари, аспирантлар ва мухандис ходимлар учун мўлжалланган.

Тошкент Давлат Авиация институти услубий Кенгаши қарорига асосан чоп этишга рухсат этилган. (Баённома №4 3.04.2006.)

## **Муқаддима**

Үқув қўлланма “Назарий электротехника” фани дастури асосида тузилган бўлиб, чизиқли электр занжирлари қисмидан масалалар ечиш учун намуналар кўрсатилган ҳамда мустақил ечиш учун масалалар тўплами ва назарий билимини синаш учун синов саволлари берилган.

Ҳар бир бобга оид масала ечиш учун зарур бўлган асосий: қонун қоидалар, формула, тенгламалар, аналитик, график, вектор, комплекс ифодалари ва ҳисоблаш усуллари бўйича фаннинг назарий қисмидан қисқача тушунчалар берилган.

Ҳар бир бобнинг мазмунига мос равишда масалалар танланиб, ечиш услуби кўрсатилган ва мустақил ечиш учун масалалар тўплами берилиб, талаба назарий билимини текшириб кўриш учун синов саволлари келтирилган.

Үқув қўлланма энергетика, электротехника, электромеханика, электротехнология, гидроэнергетика, автоматика, радиотехника ва ахборот технология соҳолари бўйича таълим оладиган талабаларга мўлжалланган бўлиб, ундан соҳа мутахасислари, мухандислар, магистрлар ва аспирантлар ҳам фойдаланишлари мумкин.

Үқув қўлланма талабаларга амалий машғулот дарсини ўтишда фойдаланишга тавсия этилиб, мустақил масала ечишни ўрганиш, ҳисоб – график ишини бажариш ва назарий билимларини амалда синаб кўришларида ёрдам бўлади деган умиддамиз.

## 1-Боб.

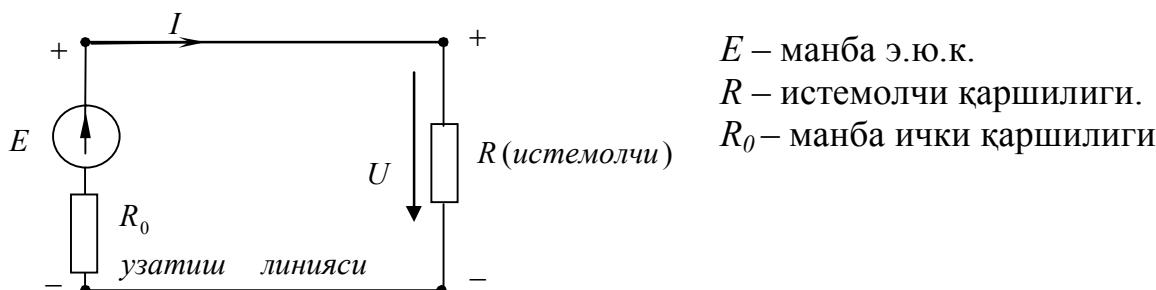
## Чизикли ўзгармас ток занжирлари.

### 1-1. Асосий назарий тушунчалар.

Электротехника фанининг ривожланишига буюк олимлар: Г. Ом, Э. Ленц, Д. Джоуль, Г. Кирхгофлар асос солган бўлиб, 1827 йилда немис олими Ом ток, кучланиш ва қаршиликларнинг орасида ўзаро боғланиш қонунини яратди. 1842 йилда рус олими Э. Ленц ва инглиз олими Д. Джоуллар электр ток энергиясининг иссиқлик энергия ўзгартериш қонунига асос солди. 1845 йилда Г. Кирхгоф электр ток занжирларини хисоблаш учун асосий қонунларни тадбиқ этди.

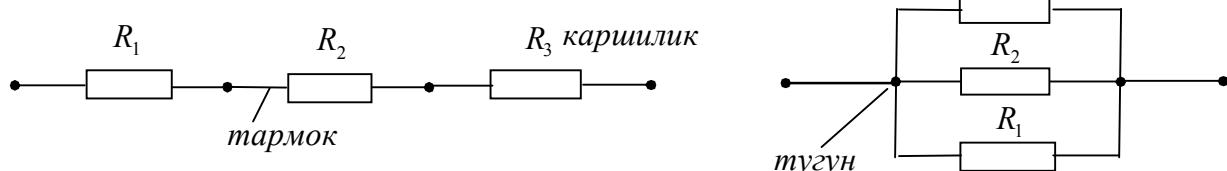
1. Ўзгармас ток – вақт бўйича ўзгармас бўлиб,  $I = \frac{q}{t}$  (A). Ўзгармас ток генератори, аккумулятор, галваник элементлар, фотоэлементлар, термопара, пъезодатчик ва ҳакозолар ўзгармас ток манбаи хисобланади.

Амалда; механик, химиявий, ёруғлик ва бошқа хилдаги энергияларни электр ток энергияси ўзгартериш билан электр ток манбаи хосил қилинади. Электр ток энергиясини истемолчиларга; узатиш линияси, кабель симлари орқали етказилади ва бундай боғланишини электротехникада берк электр ток занжири дейилиб қуидаги схема қўринишида ифодалаш мумкин.



Истемолчиларда эса электр ток энергияси, бошқа хилдаги энергияларга ўзгартирлади (механик, иссиқлик, ёруғлик, химиявий ва ҳакозолар).

Электр ток занжирлари тармоқланмаган ва тармоқланган бўлиб, истемолчиларни бирлаштирувчи симларга – тармоқ ва учтадан кўп тармоқларни бирлаштирувчи нуқталарга – түгун деб аталади.



Икки қутбли электр ток занжирлари таркибида электр энергия манбаи бўлганда актив ёки аксинча пассив бўлиши мумкин.

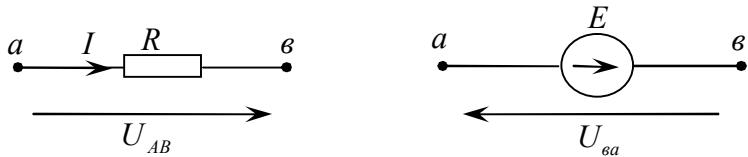


Электр ток занжирларини хисоблашдаги асосий мақсад истемолчилардаги тармоқ токлари, кучланишлари ва сарф бўладиган электр энергия қувватини хисоблаб топишдан иборат бўлиб, Ом ва Кирхгоф қонунларидан фойдаланилади.

**2. Электр күчланиш** ёки **потенциаллар фарқи** деб – электр майдон  $E$  (манба) тасирида бирор мусбат  $q$  заряднинг  $l$  масофага қўчирилишида бажарилган ишга айтилади ва Вольтда ўлчанади.

$$U_{AB} = \frac{A}{q} = \int_A^B Edl = \varphi_a - \varphi_b \quad (B)$$
(1-1)

**Масалан:**  $R$  – қаршиликдаги күчланиш патенциаллар айирмасига ёки манба күчланишига тенг:



$$\varphi_a - \varphi_b = U_{AB} = IR; \quad \varphi_b - \varphi_a = U_{ba} = E$$

Бунда:

$$U_{ba} = -U_{ab}$$

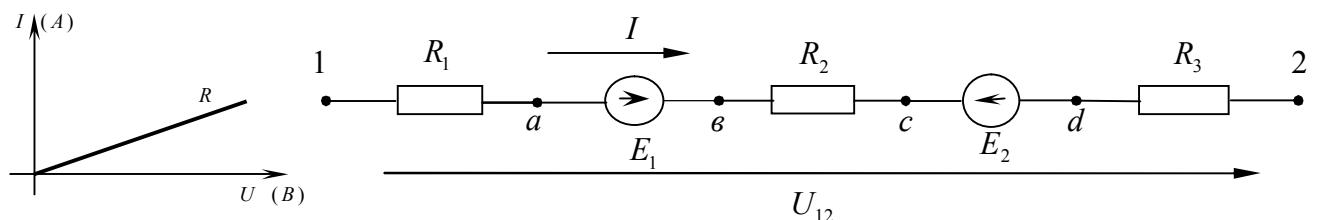
### 3. Электр занжирлари учун Ом қонуни

Актив қаршилиги бўлган занжирнинг бир қисми учун Ом қонуни

$$U_{ab} = U = RI \quad (B) \quad \text{ёки} \quad I = \frac{U}{R} \quad (A)$$
(1-2)

Бундан:  $R = \frac{U}{I}$  ( $O\Omega$ );  $g = \frac{1}{R}$  ( $\frac{1}{O\Omega} = \text{Сименс}$ ) – ўтказувчаник (1-3)

У холда қаршилик Вольт–Ампер характеристикаси  $I = f(U)$  чизиқли ўзгаради.



Электр ток занжирига манба уланган холда бутун занжир учун Ом қонуни қўйдагича тенглама билан ифодаланилади.

Потенциаллар тенгламасига асосан:

$$\varphi_d = \varphi_2 + R_3 I, \quad \varphi_c = \varphi_d + E_2, \quad \varphi_b = \varphi_c + R_2 I, \quad \varphi_a = \varphi_b - E_1, \quad \varphi_1 = \varphi_a + R_1 I$$

Ёки  $\varphi_1 = \varphi_2 + R_3 I + E_2 + R_2 I - E_1 + R_1 I, \quad \varphi_1 - \varphi_C = U_{12}$

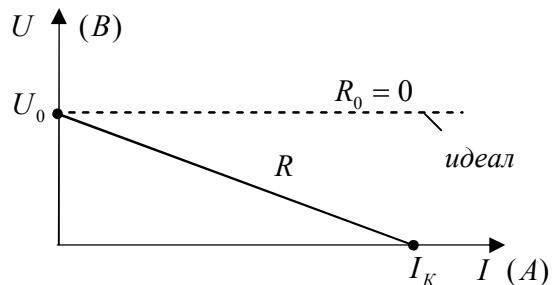
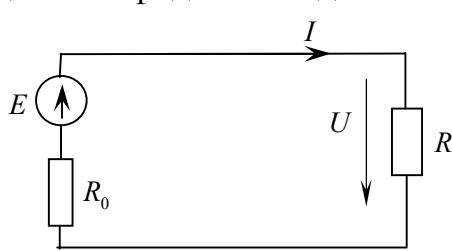
$$U_{12} = (R_1 + R_2 + R_3)I - E_1 + E_2$$

Бундан:

$$I = \frac{E_1 - E_2 + U_{12}}{R_1 + R_2 + R_3} \quad (1-4)$$

### 4. Электр манбай эквивалент схемалари:

Амалда электр ток занжири ва ташқи Вольт – Ампер характеристикалари  $U(I)$  қўйдагича ифодаланилади:



$$\text{Ушбу занжирдан оқиб ўтувчи ток: } I = \frac{E}{R_0 + R} \quad (1-5)$$

Ёки:

$$U = RI$$

Кирхгофнинг 2- қонунига асосан:  $R_0 I + RI = E$

Ёки:

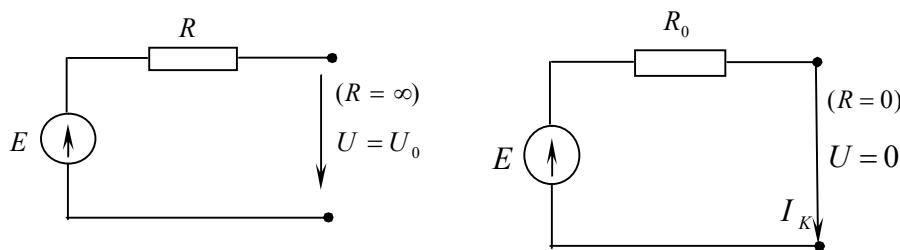
$$U = E - R_0 I$$

Вольт – Ампер характеристикасидан яни (1-5) тенгламадан:  $E = \text{const}$  ва  $R_0 = \text{const}$  характеристикаси тўғри чизиқли бўлиб, кучланиш манбай ташқи характеристикасини  $U(I)$  ифодалайди:

А) салт холатда  $R = \infty, I = 0$  бўлиб:  $U = U_0 = E$  (1-6)

Б) қисқа туташтирилганда:  $R = 0, U = 0$  бўлиб:  $I = I_K = \frac{E}{R_0}$  (1-7)

$R_0 = 0$  бўлганда эса идеал кучланиш манбай бўлиб:  $U = E = \text{const}$



Ушбу схемани истемолчи қаршилигига нисбатан бошқа кўринишда келтириш мумкин.

Бунинг учун (1-5) тенгламадан манба ички қаршилиги  $R_0$  га бўлиб юборилса:

$$\frac{U}{R_0} = \frac{E}{R_0} - I \quad (1-8)$$

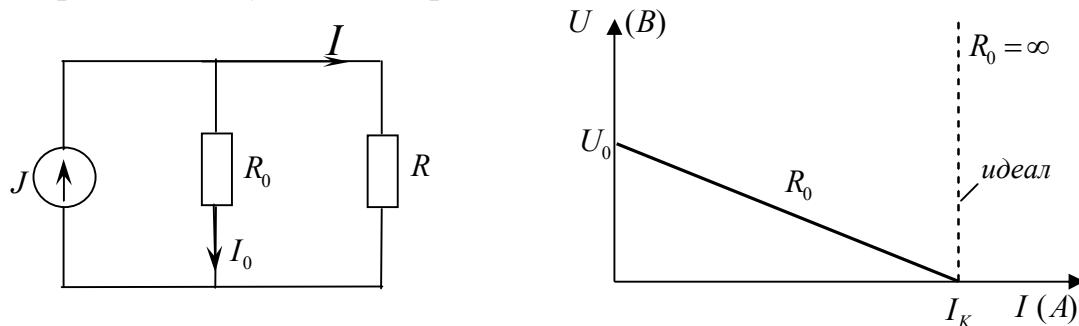
(1-7) тенгламага асосан:

$$I_K = \frac{E}{R_0} = J \quad \text{ва} \quad \frac{U}{R_0} = I_0 \quad \text{ёки} \quad I_0 = J - I \quad (1-8')$$

Бундан:  $J = I_0 + I$  ток манбай бўлади. (1-9)

Ёки:  $I = J - \frac{U}{R_0}$  (1-10)

(1-10) тенгламага асосан ток манбай (энергия) эквивалент схемаси ва ташқи характеристикаси қўйдагича ифодаланилади:

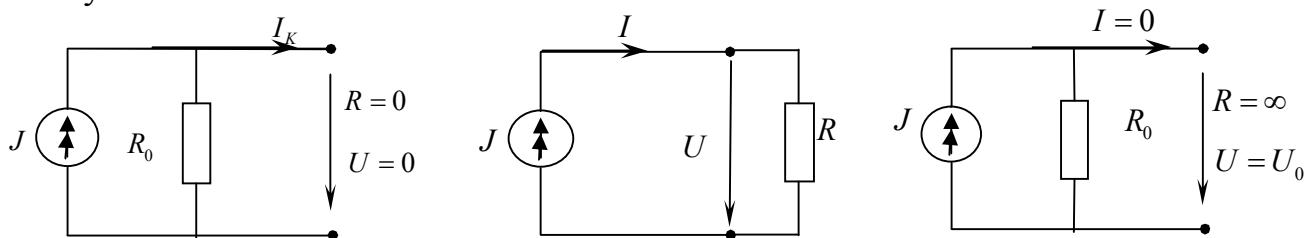


Ток манбай ташқи характеристикасидан:

А) салт холатда:  $R = \infty, I = 0$  ёки  $J = I_K = \frac{U}{R_0}; \quad U = U_0 = I_K R_0 = E$

Б) қисқа туташувда:  $R=0$ ;  $U=0$  ёки  $I = I_K = J = \frac{E}{R_0}$

Бунга асосан:



Агар  $R_0=\infty$ , ( $g_0=0$ ) бўлса, идеал ток манбай бўлади:  $J=I=const.$

Натижада электр ток занжирларининг ҳисоблашда идеал э.ю.к манбанини эквивалент ток манбаига алмаштириш ёки аксинча амалга ошириш мумкин бўлади.

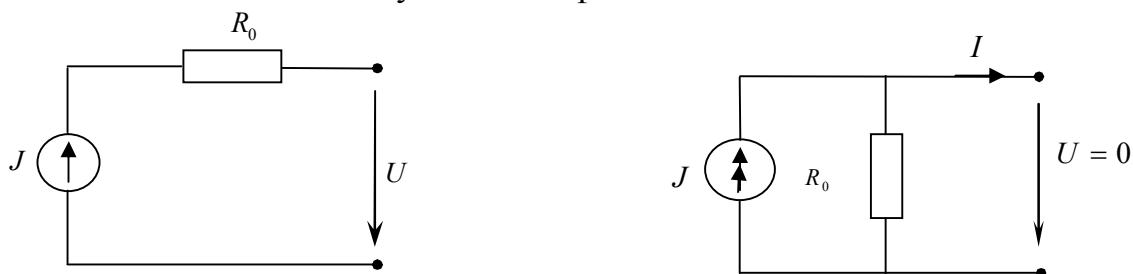
**Масалан:** Берилган схемада э.ю.к манбаси  $E=12\text{ V}$  ички қаршилиги  $R_0=2\text{ Ohm}$ . Ток манбай эквивалент схемаси тузилсин:

**Ечиш:**

Ток манбай қийматини аниқлаймиз.

$$\text{Ом қонунидан: } J = \frac{E}{R_0} = \frac{12}{2} = 6\text{ A}$$

Эквивалент схемасини қўйдагича ифодаланади:



Бунда э.ю.к манба билан ток манбай  $J$  йўналишлари бир хил бўлади.

## 5. Электр ток занжирлари учун Кирхгоф қонунлари.

Кирхгоф қонунлари электр ток занжирларини ҳисоблашда асосий қонунлардан бўлиб, барча ҳисоблаш усулларнинг ҳам негизи ҳисобланади.

Кирхгоф қонунларига асосан  $\rho$ - тармоқ.  $q$ - тугундан ташкил топган электр ток занжирини ҳисоблаб тармоқ токлари учун  $K = \rho - (q-1)$  тузилган тенгламани ечиш билан бажарилади.

**Кирхгофнинг 1 – қонуни:**  $\sum I = 0$  - тармоқ токларининг алгебраик йигиндиси нолга тенг.

**Кирхгофнинг 2 – қонуни:**  $\sum E = \sum RI$  - контур э.ю.к алгебраик йигиндиси шу контурга кирувчи қаршиликлардаги кучланишларнинг алгебраик йигиндисига тенг.

## 6. Электр занжирларида қувватлар мувозанати.

Электр занжирларида энергия мувозанатланиши қонунига асосан: манбалар электр ток қуввати, истемолчиларда сарф бўладиган электр ток қувватларига тенг бўлади.

$$\sum P_{ГЕН} = \sum P_{ИСТ}$$

$$\text{Ёки: } \sum_m E_m I + \sum_n J_n U = \sum_k I^2 R_k$$

бунда:  $m$  – э.ю.к манбалар сони

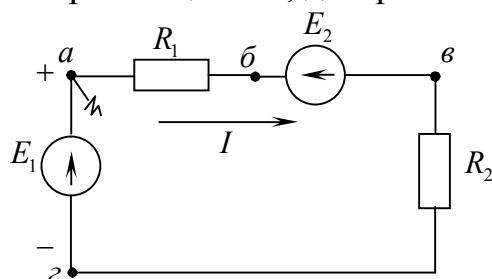
$n$  – ток манбалар сони

$k$  – истемолчи қаршиликлар сони

$U, I$  – бир хил йўналишдаги ток ва кучланишлар.

## 1-2. Масала ечиш.

**Масала 1-1.** Кетма – кет уланган электр ток занжирининг э.ю.к-лари  $E_1=4$  В,  $E_2=2$  В, қаршиликлари  $R_1=4\Omega$ ,  $R_2=6\Omega$  тенг. Ток қиймати ва потенциаллари аниқланиб, диаграммаси тузилсин



**Ечиш:** Ом қонунига асосан ток қийматини топамиз:

$$I = \frac{E_1 - E_2}{R_{\text{ям}}} = \frac{4 - 2}{R_1 + R_2} = \frac{2}{10} = 0,2 \text{ (A)}$$

Бунда:  $E_1 > E_2$  бўлганлиги учун ток соат стрелкасига мос йўналган бўлади.  
Потенциаллар фарқини аниқлаш учун  $\varphi_a = 0$  деб оламиз.

Бунда:  $\varphi_\delta - \varphi_a = R_1 I$ , ёки  $\varphi_\delta = \varphi_a + IR_1 = 0 + 0,2 \cdot 4 = 0,8$  (В)

$\varphi_\delta$  - потенциали:

$$\varphi_\delta - \varphi_\delta = E_1 \text{ ёки } \varphi_\delta = \varphi_\delta - E_1 = -3,2 \text{ (В)}$$

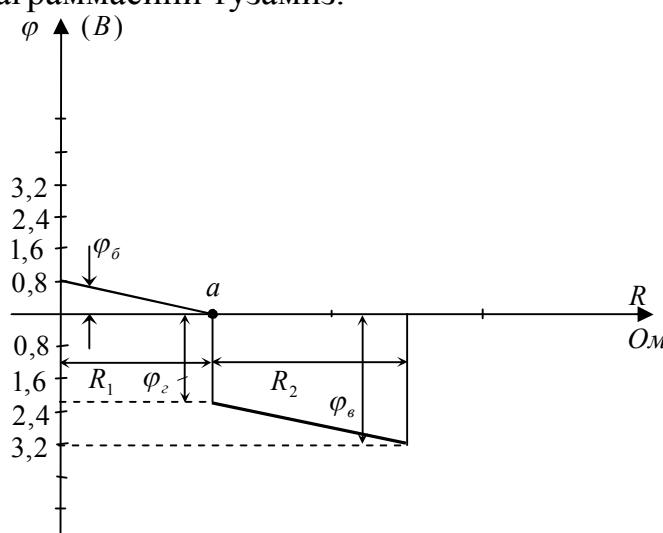
$\varphi_\delta$  - потенциали:

$$\varphi_\delta - \varphi_\delta = IR_2 \text{ ёки } \varphi_\delta = IR_2 + \varphi_\delta = 0,2 \cdot 6 - 3,2 = -2 \text{ (В)}$$

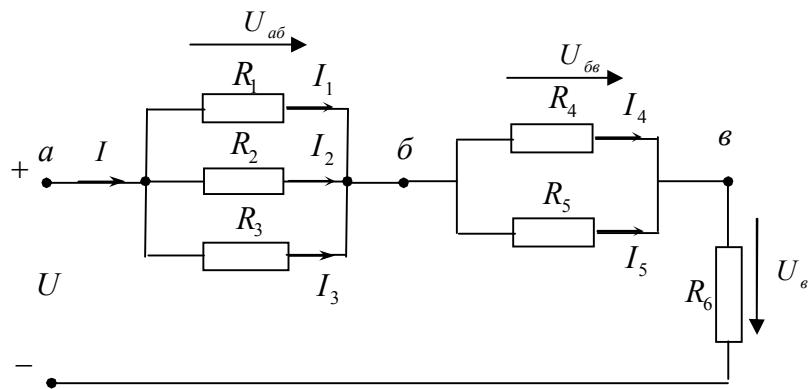
Ушбу тенгламалардан:  $\varphi_a - \varphi_\delta = E_2$  бўлиб:

$$\varphi_a = E_2 + \varphi_\delta = 2 - 2 = 0 \text{ (В)}$$

Потенциал диаграммасини тузамиз.

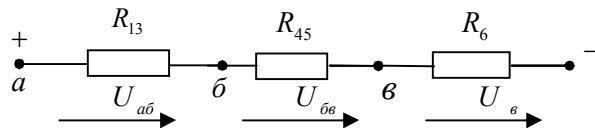


**Масала 1-2.** Тармоқланган электр ток занжири параметрлари  $R_1=40 \text{ Om}$ ,  $R_2=120 \text{ Om}$ ,  $R_3=60 \text{ Om}$ ,  $R_4=90 \text{ Om}$ ,  $R_5=10 \text{ Om}$ ,  $R_6=11 \text{ Om}$  бўлиб,  $U=120 \text{ V}$  ўзгармас кучланишга уланган. Эквивалент қаршилиги ва тармоқ токлари аниқлансин.



### Ечиш:

Эквивалент қаршиликлар схемасини тузамиз:



Занжирнинг эквивалент ёки умумий қаршилигини топамиз

Бунинг учун биринчи навбатда  $R_{13}$  ва  $R_{45}$  қаршиликларни паралелл қўшамиз:

$$\frac{1}{R_{13}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} = \frac{1}{40} + \frac{1}{120} + \frac{1}{60} = \frac{6}{120}$$

$$\text{Бундан: } R_{13} = \frac{R_1 \cdot R_2 \cdot R_3}{R_1 + R_2 + R_3} = \frac{120}{6} = 20 \text{ Om}$$

$$R_{45} = \frac{R_4 \cdot R_5}{R_4 + R_5} = \frac{90 \cdot 10}{90 + 10} = \frac{900}{100} = 9 \text{ Om}$$

Умумий эквивалент қаршилик:

$$R = R_{13} + R_{45} + R_6 = 20 + 9 + 11 = 40 \text{ Om}.$$

Умумий токни аниқлаймиз:

$$I = \frac{U}{R} = \frac{120}{40} = 3 \text{ A}$$

Тугун потенциали ёки кучланишни аниқлаймиз:

$$U_{a\delta} = I \cdot R_{13} = 3 \cdot 20 = 60 \text{ V}$$

$$U_{\delta e} = I \cdot R_{45} = 3 \cdot 9 = 27 \text{ V}$$

$$U_e = I \cdot R_6 = 3 \cdot 11 = 33 \text{ V}$$

Энди тармоқ токларини топамиз:

$$I_1 = \frac{U_{a\delta}}{R_1} = \frac{60}{40} = 1,5 \text{ A}$$

$$I_2 = \frac{U_{a\delta}}{R_2} = \frac{60}{120} = 0,5 \text{ A}$$

$$I_3 = \frac{U_{a\delta}}{R_3} = \frac{60}{60} = 1 \text{ A}$$

$$I_4 = \frac{U_{\delta e}}{R_4} = \frac{27}{90} = 0,3 \text{ A}$$

$$I_5 = \frac{U_{\text{бв}}}{R_5} = \frac{27}{10} = 2,7 \text{ A}$$

Масалани ечимини текшириб кўрамиз:

$$U = U_{ab} + U_{бв} + U_e = 60 + 27 + 33 = 120 \text{ B}$$

$$I = I_1 + I_2 + I_3 = 1,5 + 0,5 + 1 = 3 \text{ A}$$

Кувватлар мувозанати тенгламасига асосан:

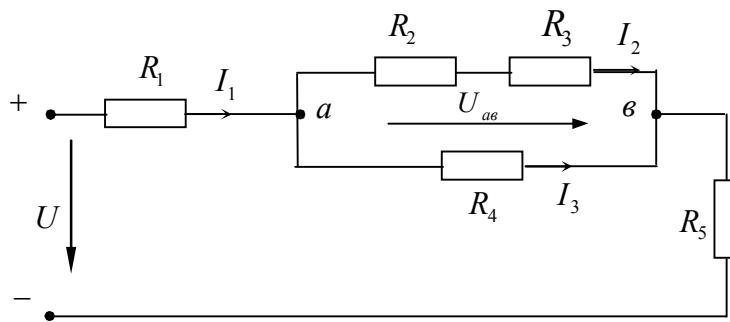
$$\begin{aligned} P_{\text{манб}} &= P_{ucm} = I_1^2 R_1 + I_2^2 R_2 + I_3^2 R_3 + I_4^2 R_4 + I_5^2 R_5 + I_6^2 R_6 = \\ &= (1,5)^2 \cdot 40 + (0,5)^2 \cdot 120 + (1)^2 \cdot 60 + (0,3)^2 \cdot 90 + (2,7)^2 \cdot 10 + (3)^2 \cdot 10 = 351 \text{ BT} = 360 \text{ BT} \end{aligned}$$

Хисоблашдаги хатолик:

$$\gamma = \frac{P_{zen} - P_{ucm}}{P_{ucm}} \cdot 100\% = \frac{360 - 351}{351} 100\% = 2,7\%$$

**Масала 1-3.** Арадаш схемада уланган ток занжири параметрлари:  $R_1=19 \text{ Om}$ ,  $R_2=2 \text{ Om}$ ,  $R_3=4 \text{ Om}$ ,  $R_4=4 \text{ Om}$ ,  $R_5=0,6 \text{ Om}$  бўлиб,  $R_2$  қаршиликда  $P_2=32 \text{ BT}$  электр қуввати сарфланади.

Занжирнинг тармоқ токлари манба кучланиши ва қуввати аниқлансин.



**Ечиш:**

$R_2$  қаршиликдан оқиб ўтувчи  $I_2$  токни топамиз:

$$I_2 = \sqrt{\frac{P_2}{R_2}} = \sqrt{\frac{32}{2}} = 4 \text{ A}$$

$a$  ва  $b$  патенциал кучланиши аниқлаймиз:

$$U_{ab} = I_2(R_2 + R_3) = 4(2 + 4) = 24 \text{ B}$$

$R_4$  қаршиликдан оқиб ўтувчи ток:

$$I_3 = \frac{U_{ab}}{R_4} = \frac{24}{4} = 6 \text{ A}$$

Умумий ток:  $I_1 = I_2 + I_3 = 4 + 6 = 10 \text{ A}$

Занжирнинг умумий қаршилигини аниқлаймиз:

$$R_{ym} = R_1 + \frac{R_4(R_2 + R_3)}{R_4 + R_2 + R_3} + R_5 = 19 + \frac{4(2 + 4)}{4 + 2 + 4} + 0,6 = 19 + 0,6 + \frac{24}{10} = 22 \text{ Om}$$

Манба кучланиши:  $U = I_1 R_{ym} = 10 \cdot 22 = 220 \text{ B}$

Манба қуввати:  $P = U \cdot I_1 = 220 \cdot 10 = 2200 \text{ BT}$ .

**Масала 1-4.** Икки контурли электр ток занжири манба кучланишлари:  $E_1=8 \text{ B}$ ,  $E_2=6 \text{ B}$ ,  $E_3=36 \text{ B}$  қаршиликлари:  $R_1=3 \text{ Om}$ ,  $R_2=1 \text{ Om}$ ,  $R_3=2 \text{ Om}$ ,  $R_{01}=1,3 \text{ Om}$ ,  $R_{03}=1,2 \text{ Om}$ ,  $R_4=6 \text{ Om}$ ,  $R_5=8 \text{ Om}$  тенг. Контурли ток ва тутунлараро кучланишлар

усулига асосан тармоқ токлари, волтметр күчланиши ва қувватлар баланси аниқлансина.

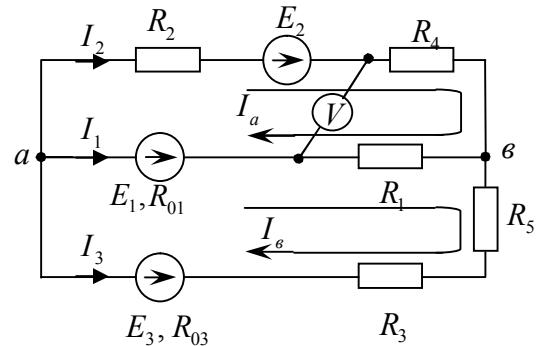
### Ечиш:

Мустақил контурлардаги контур токлари  $I_a, I_b$  йўналишларини белгилаймиз.

Кирхгофнинг 2- қонунига асосан, контур токлар тенгламаси қийидагича ифодаланади:

$$\left. \begin{array}{l} R_{11} \cdot I_a - R_{12} \cdot I_a = E_{11} \\ -R_{21} \cdot I_b + R_{22} \cdot I_b = E_{22} \end{array} \right\}$$

Бу ерда:  $R_{11}, R_{22}$  – контурларнинг хусусий қаршиликлари.



$$\begin{aligned} R_{11} &= R_1 + R_{01} + R_2 + R_4 \\ R_{22} &= R_1 + R_{01} + R_3 + R_{03} + R_5 \end{aligned}$$

$R_{12} = R_{21}$  - контурлараро қаршилик:

$$R_{12} = R_{21} = R_1 + R_{01}$$

$E_{11}$  ва  $E_{22}$  – мос контурга алақодор бўлган манбаларнинг ЭЮК ларнинг алгебрик йигиндиси.

Бу холда, агар манбай э.ю.к йўналиши билан контур токи йўналиш мос бўлса , унинг ишораси **мусбат** олинади ва аксинча **манфий** ишорали олинади.

Шунга асосан:

$$\begin{aligned} E_{11} &= E_2 - E_1 \\ E_{22} &= E_1 - E_3 \end{aligned}$$

Тенгламаларга сон қийматларини қўйсак :

$$\left. \begin{array}{l} (3+1,3+6+2) \cdot I_a - (3+1,3) \cdot I_b = 6-8 \\ -(3+1,3) \cdot I_a + (3+1,3+1+1,2) \cdot I_b = 8-36 \end{array} \right\}$$

$$\left. \begin{array}{l} 12,3 \cdot I_a - 4,3 \cdot I_b = -2 \\ -4,3 \cdot I_a + 14,5 \cdot I_b = -28 \end{array} \right\}$$

Тенгламалар системасини Крамер усулида ечамиш:

$$\begin{aligned} \Delta &= \begin{vmatrix} 12,3 & -4,3 \\ -4,3 & 14,5 \end{vmatrix} = 178,35 - 18,49 = 159,86 \\ \Delta_1 &= \begin{vmatrix} -2 & -4,3 \\ -2,8 & 14,5 \end{vmatrix} = -29 - 120,4 = -149,4 \\ \Delta_2 &= \begin{vmatrix} 12,3 & -2 \\ -4,3 & -28 \end{vmatrix} = -344,4 - 8,6 = -353,0 \end{aligned}$$

$$I_a = \frac{\Delta_1}{\Delta} = \frac{-149,4}{159,86} = -0,93A$$

Бундан:

$$I_e = \frac{\Delta_2}{\Delta} = \frac{-353,0}{159,86} = -2,21A$$

Энди шахобчалардаги токларни аниқлаймиз:

$$\begin{aligned} I_1 &= I_e - I_a = -2,21 - (-0,93) = -1,28A; \\ I_2 &= I_a = -0,93A; \\ I_3 &= -I_e = 2,21A; \end{aligned}$$

$I_1$  ва  $I_2$  токларнинг минус ишорали бўлиши, уларнинг занжирдаги ҳақиқий йўналиши, биз қабул қилганга нисбатан тескари эканлигини ифодалайди.

## 2. Тугун потенциаллари усулига асосан ҳисоблаш.

1. Бу усулга асосан, шахобчалардаги токларни тугун потенциаллари орқали ифодалаймиз. Номаълум потенциалларни аниқлаш учун  $q = 1$  та тенглама тузиш керак, яъни ихтиёрий тугун потенциали “маълум” ёки “нолга” тенг деб қабул қилинади. Берилган схема икки тугундан иборат, демак  $\varphi_a$  тугун потенциалини “нол”, деб қабул қилиб битта тенглама тузамиз.

$$g_{vv} \cdot \varphi_v = J_e$$

Бу ерда:  $\varphi_v$  – аниқлаши керак бўлган тугун потенциали.

$g_{vv}$  – «в» тугунга кирувчи шахобчаларнинг ўтқазувчанликлари йифиндиси.

$J_v$  – ЭЮК га эквивалент бўлган ток манбаларининг алгебрик йифиндиси.

Бунда, агар ток манбаи йўналиши тугунга йўналган бўлса, “мусбат” ва аксинча “манфий” ишора билан олинади.

Демак:

$$\begin{aligned} g_{vv} &= \frac{1}{R_2 + R_4} + \frac{1}{R_1 + R_{01}} + \frac{1}{R_3 + R_{03} + R_5}; \quad \left( \frac{1}{O_m} \right) \\ J_v &= \frac{E_1}{R_1 + R_{01}} + \frac{E_2}{R_2 + R_4} + \frac{E_3}{R_3 + R_{03} + R_5}; \quad (A) \end{aligned}$$

Сон қийматлари қўйилса:

$$\left( \frac{1}{2+6} + \frac{1}{3+1,3} + \frac{1}{1+1,2+8} \right) \varphi_e = \frac{8}{3+1,3} + \frac{6}{2+6} + \frac{36}{1+1,2+86}$$

Ёки:

$$\varphi_e = 13,49 \text{ (B)}$$

## 2. Шахобчалардаги токлар эса:

$$I_1 = \frac{-\varphi_e + E_1}{R_1 + R_{01}} = \frac{-13,49 + 8}{3+1,3} = \frac{-5,49}{4,3} = -1,28A;$$

$$I_2 = \frac{-\varphi_e + E_2}{R_2 + R_4} = \frac{-13,49 + 6}{2+6} = \frac{-7,49}{8} = -0,936A;$$

$$I_3 = \frac{-\varphi_e + E_3}{R_3 + R_{03} + R_5} = \frac{-13,49 + 36}{1+1,2+8} = \frac{22,51}{10,2} = 2,206A;$$

3. Вольтметрнинг кўрсатишини аниқлаймиз:

$$U_V = -I_2 R_4 + I_1 R_1 = -(-0,93) 6 + (-1,28) 3 = 1,74 \text{ В}$$

4. Қувватлар баланси тенгламасига асосан.  $P_{man} = P_{ucm}$  тенг бўлиб, манбалар қуввати:

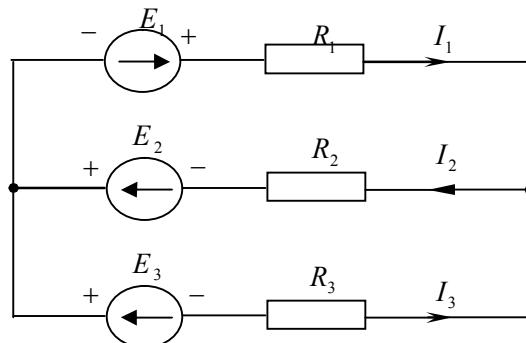
$$\begin{aligned} P_{man} &= E_1 I_1 + E_2 I_2 + E_3 I_3 = 8 (-1,28) + 6 (-0,93) + 36 2,21 = \\ &= -10,24 - 5,58 + 79,56 = 63,74 \text{ Вт} \end{aligned}$$

Истеъмолчиларда сарф бўладиган қувват:

$$\begin{aligned} P_{ucm} &= I_1^2 \cdot (R_1 + R_{01}) + I_2^2 \cdot (R_2 + R_4) + I_3^2 \cdot (R_3 + R_{03} + R_5) = 1,28^2 \cdot (3 + 1,3) + \\ &+ 0,93^2 \cdot (2 + 6) + 2,21^2 \cdot (1 + 1,2 + 8) = 7,045 + 6,91 + 49,81 = 63,76 \text{ Вт} \end{aligned}$$

Хисоблашдаги хато:  $j\% = \frac{|P_{ucm} - P_{man}|}{|P_{ucm}|} \cdot 100\% = \frac{63,76 - 63,74}{63,76} \cdot 100\% = 0,03\%$

**Масала 1-6.** Электр ток занжирининг манба кучланишлари  $E_1 = 10 \text{ В}$ ,  $E_2 = 40 \text{ В}$ ,  $E_3 = 5 \text{ В}$  қаршиликлари  $R_1 = 35 \text{ Ом}$ ,  $R_2 = 5 \text{ Ом}$ ,  $R_3 = 10 \text{ Ом}$  тенг. Устма – устлик усулига асосан тармоқ токлари аниқлансин.



**Ечиш:**

Устма – устлик усулига асосан занжир тармоқларидан оқиб ўтадиган ток ҳар бир э.ю.к алоҳида тасирида оқадиган тармоқ токларнинг алгебраик йифиндисига тенг бўлади:

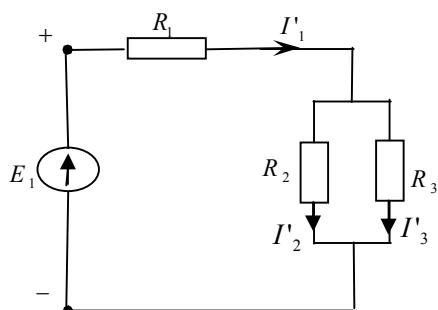
$$I_1 = I'_1 + I''_1 + I'''_1$$

$$I_2 = I'_2 + I''_2 + I'''_2$$

$$I_3 = I'_3 + I''_3 + I'''_3$$

Ушбу токларни аниқлаш учун берилган схемани битта э.ю.к дан иборат бўлган оддий эквивалент схемаларга ажратамиз.

a)  $E_1 = 10 \text{ В}$ ,  $E_2 = E_3 = 0$  бўлган холат учун тармоқ токлари  $I'_1$  аниқлаймиз:

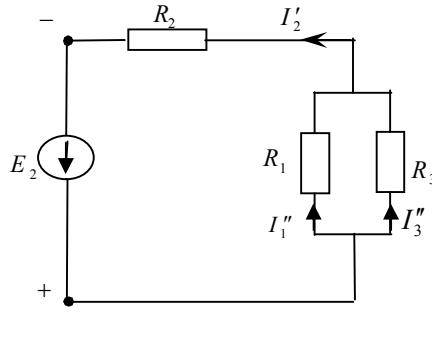


$$I'_1 = \frac{E_1}{R_{\text{экв}}} = \frac{E_1}{R_1 + \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3}} = \frac{10}{115} = \frac{6}{23} \text{ А}$$

$$I'_2 = I'_1 \frac{R_2}{R_2 + R_3} = \frac{6}{23} \cdot \frac{10}{5 + 10} = \frac{4}{23} \text{ А}$$

$$I'_3 = I'_1 \frac{R_3}{R_2 + R_3} = \frac{6}{23} \cdot \frac{5}{5 + 10} = \frac{2}{23} \text{ А}$$

б)  $E_2=40$  В,  $E_1=E_3=0$  бўлганда  $I_1''$  тармоқ токларини топамиз:

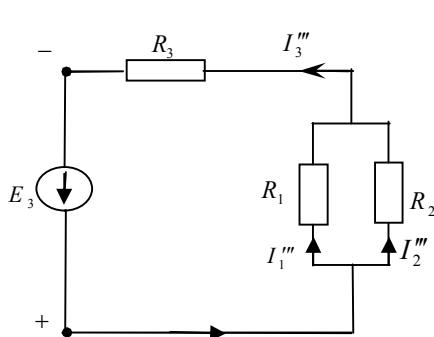


$$I_2' = \frac{E_2}{R_{\text{оке}}} = \frac{E_2}{R_2 + \frac{R_1 \cdot R_3}{R_1 + R_3}} = \frac{40}{\frac{115}{9}} = \frac{72}{23} \text{ A}$$

$$I_1'' = I_2' \cdot \frac{R_3}{R_1 + R_3} = \frac{72}{23} \cdot \frac{10}{35+10} = \frac{16}{23} \text{ A}$$

$$I_3'' = I_2' \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_3} = \frac{72}{23} \cdot \frac{35}{35+10} = \frac{56}{23} \text{ A}$$

в)  $E_3=5$  В,  $E_1=E_2=0$  бўлган  $I_1''$  тармоқ токлари аниқлаймиз:



$$I_3''' = \frac{E_3}{R_3 + \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}} = \frac{5}{\frac{115}{9}} = \frac{8}{23} \text{ A}$$

$$I_1''' = I_3''' \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} = \frac{8}{23} \cdot \frac{5}{40} = \frac{1}{23} \text{ A}$$

$$I_2''' = I_3''' \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} = \frac{6}{23} - \frac{1}{23} = \frac{7}{23} \text{ A}$$

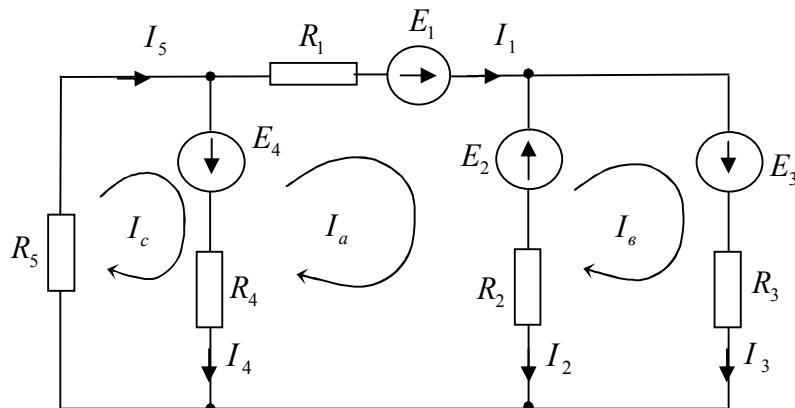
Энди токлар йўналиши ва ишорасини ҳисобга олган холда ҳақиқий тармоқ токларини аниқлаймиз:

$$I_1 = I_1' + I_1'' + I_1''' = \frac{6}{23} + \frac{16}{23} + \frac{1}{23} = 1 \text{ A}$$

$$I_2 = I_2' + I_2'' + I_2''' = \frac{4}{23} + \frac{72}{23} - \frac{7}{23} = 3 \text{ A}$$

$$I_3 = I_3' + I_3'' + I_3''' = -\frac{2}{23} + \frac{56}{23} - \frac{8}{23} = 2 \text{ A}$$

**Масала 1-7.** Берилган схема параметрлари:  $R_1=R_3=10$  Ом,  $R_4=5$  Ом,  $R_5=3$  Ом, э.ю.к лари  $E_1 = 70$  В,  $E_2 = 5$  В,  $E_3 = 15$  В,  $E_4 = 10$  В тенг. Контурли ток усулига асосан тармоқ токлари аниқлансин.



**Ечиш:**

Берилган электр ток схемаси 3 та контурдан ташкил топган бўлганлиги учун Кирхгофнинг иккинчи қонунига асосан контур токлари йўналиш бўйинча учта тенглама тузамиз:

$$\left. \begin{array}{l} R_{11}I_a - R_{12}I_e - R_{13}I_c = E_a \\ -R_{21}I_a + R_{22}I_e + R_{23}I_c = E_e \\ R_{31}I_a - R_{32}I_e - R_{33}I_c = E_c \end{array} \right\} \quad (1)$$

Контур қаршиликларини топамиз:

$$\begin{aligned} R_{11} &= R_1 + R_2 + R_4 = 20 \text{ } Om \\ R_{22} &= R_2 + R_3 = 20 \text{ } Om \\ R_{33} &= R_4 + R_5 = 8 \text{ } Om \end{aligned}$$

Контурлараро қаршиликларни топамиз:

$$\begin{aligned} R_{12} &= R_{21} = R_2 = 10 \text{ } Om \\ R_{23} &= R_{32} = 0 \\ R_{13} &= R_{31} = R_4 = 5 \text{ } Om \end{aligned}$$

Контурга кирувчи э.ю.к ларни қийматини аниқлаймиз:

$$\begin{aligned} E_a &= E_1 - E_4 - E_2 = 70 - 10 - 5 = 55 \text{ } B \\ E_a &= E_2 + E_3 = 5 + 15 = 20 \text{ } B \\ E_c &= E_4 = 10 \text{ } B \end{aligned}$$

Параметр қийматларини (1) тенгламага асосан детерминант усулига асосан тенглама тузамиз:

$$\begin{aligned} \Delta &= \begin{vmatrix} R_{11} & -R_{12} & -R_{13} \\ -R_{12} & R_{22} & -R_{23} \\ -R_{13} & -R_{23} & R_{33} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 20 & -10 & -5 \\ -10 & 20 & 0 \\ -5 & -10 & 8 \end{vmatrix} = 1900 \text{ (Om)} \\ \Delta_a &= \begin{vmatrix} E_a & -R_{12} & -R_{13} \\ E_e & +R_{22} & -R_{23} \\ E_c & -R_{32} & +R_{33} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 55 & -10 & -5 \\ 20 & 20 & 0 \\ 10 & -0 & 8 \end{vmatrix} = 11400 \text{ (B)} \\ \Delta_e &= \begin{vmatrix} R_{11} & E_a & -R_{13} \\ -R_{21} & E_e & -R_{23} \\ -R_{31} & E_c & +R_{33} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 20 & 55 & -5 \\ -10 & 20 & 0 \\ -5 & 10 & 8 \end{vmatrix} = 7600 \text{ (B)} \\ \Delta_c &= \begin{vmatrix} R_{11} & -R_{12} & E_a \\ -R_{21} & +R_{22} & E_e \\ -R_{31} & -R_{32} & E_c \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 20 & -10 & 55 \\ -10 & 20 & 20 \\ -5 & -0 & 10 \end{vmatrix} = 9500 \text{ (B)} \end{aligned}$$

Контур токларини аниқлаймиз:  $I_a = \frac{\Delta_a}{\Delta} = \frac{11400}{1900} = 6 \text{ A}$

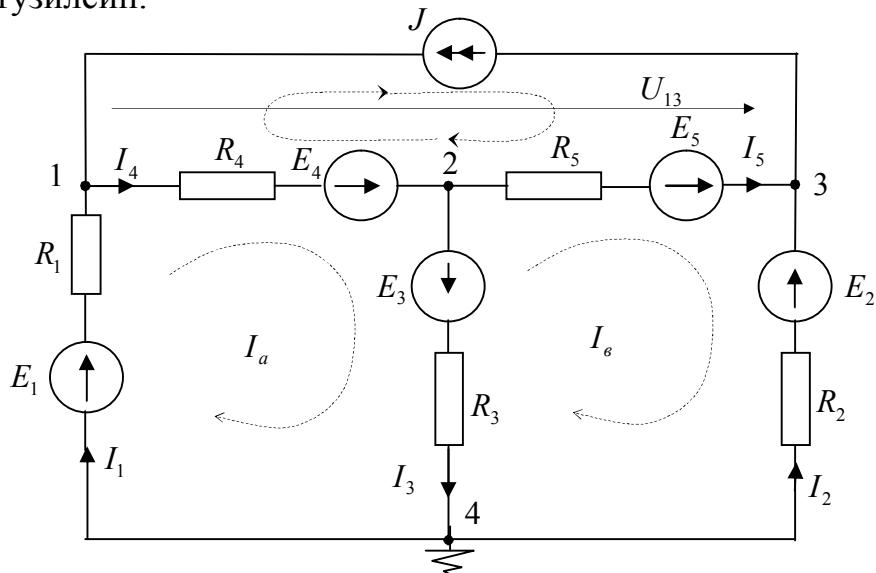
$$I_e = \frac{\Delta_e}{\Delta} = \frac{7600}{1900} = 4 \text{ A}$$

$$I_c = \frac{\Delta_c}{\Delta} = \frac{9500}{1900} = 5 \text{ A}$$

Контур токлари орқали тармоқ токларини топамиз:

$$I_1 = I_a = 6 \text{ A}; \quad I_2 = I_a - I_e = 6 - 4 = 2 \text{ A}; \quad I_3 = I_2 = 4 \text{ A}; \quad I_4 = I_a - I_c = 1 \text{ A}; \quad I_5 = I_c = 5 \text{ A}$$

**Масала 1-8.** Электр схема параметрлари:  $R_1=R_3=R_5=50 \text{ Ом}$ ,  $R_2=R_4=4 \text{ Ом}$ ,  $E_1=10 \text{ В}$ ,  $E_2=15 \text{ В}$ ,  $E_3=10 \text{ В}$ ,  $E_4=5 \text{ В}$ ,  $E_5=20 \text{ В}$ ,  $J=2 \text{ А}$  тенг. Тугунлараро күчланишлар усулига асосан тармоқ токлари топилиб, қувватлар мувозанат тенгламаси тузилсін.



**Ечиш:**

1) Тугунлараро күчланишлар усули мұрақкаб ток занжирини ҳисоблашда фойдаланишда қулай бўлиб, Кирхгоф ва Ом қонунларига асосан тугун потенциал-лари нисбатан тузилган тенгламаларни ечиш билан тармоқ токлари топилади. Бунда ихтиёрий тугун потенциали “нолга” тенглаш билан тенгламалар сонини ( $k-1$ ) камайтириш мүмкін.

Берилған схемада 4 тугун бўлиб, тўртинчи тугунни “нолга” тенглаймиз. ( $\varphi_4=0$ ) ва Кирхгофнинг биринчи қонунига асосан тугунлар учун тенглама ёзамиз:

$$\left. \begin{array}{l} 1 - \text{тугун } I_4 - J - I_1 = 0 \\ 2 - \text{тугун } I_3 + I_5 - I_4 = 0 \\ 3 - \text{тугун } J - I_2 - I_5 = 0 \end{array} \right\} \quad (1)$$

Ом қонунига асосан токлар ифодасини тугун потенциаллари айрмаси орқали ифодалаймиз:

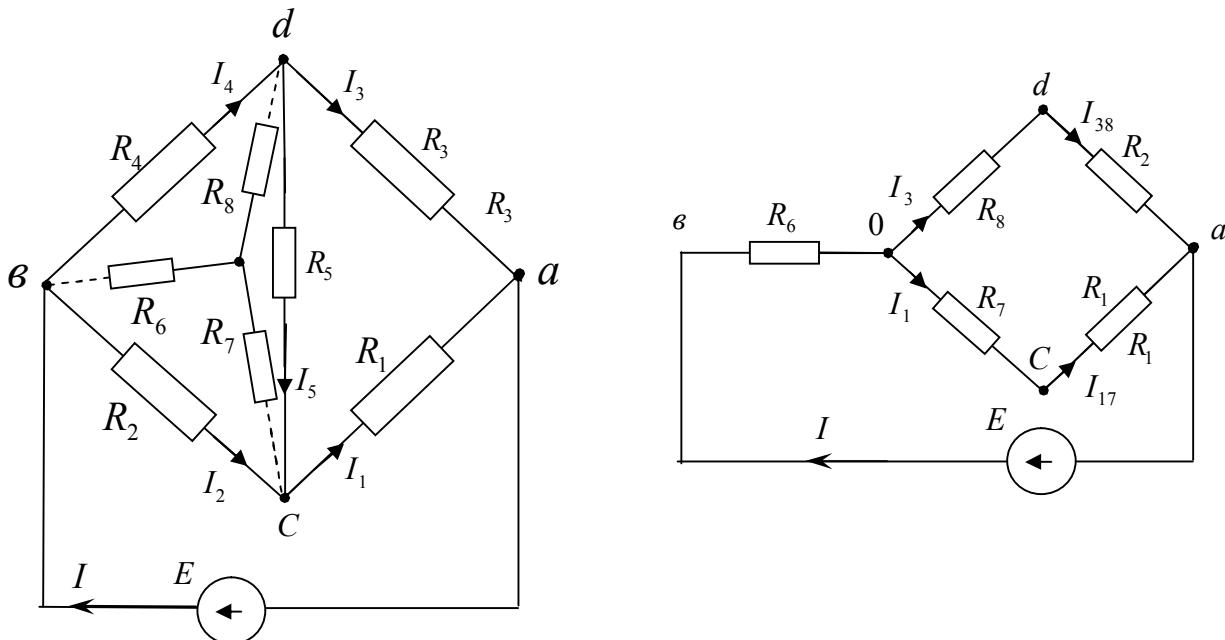
$$\left. \begin{array}{l} \frac{\varphi_1 - \varphi_2 + E_4}{R_4} - J + \frac{\varphi_4 - \varphi_1 + E_1}{R_1} = 0 \\ \frac{\varphi_2 - \varphi_3 + E_5}{R_5} + \frac{\varphi_2 - \varphi_4 + E_3}{R_3} + \frac{-\varphi_1 + \varphi_2 - E_4}{R_4} = 0 \\ J - \frac{\varphi_4 - \varphi_3 + E_2}{R_2} - \frac{\varphi_2 - \varphi_3 + E_5}{R_5} = 0 \end{array} \right\} \quad (2)$$

Потенциал  $\varphi_4=0$  эканлигини инобатга олиб тенгламани қўйдагича ёзамиз:

$$\left. \begin{array}{l} \varphi_1 \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_4} \right) - \varphi_2 \frac{1}{R_4} = E_1 \frac{1}{R_1} + J + E_4 \frac{1}{R_4} \\ -\varphi_1 \frac{1}{R_4} + \varphi_2 \left( \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5} \right) - \varphi_3 \frac{1}{R_5} = E_4 \frac{1}{R_5} - E_3 \frac{1}{R_3} - E_5 \frac{1}{R_5} \\ -\varphi_2 \frac{1}{R_5} + \varphi_3 \left( \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_2} \right) = E_2 \frac{1}{R_2} + E_5 \frac{1}{R_5} - J \end{array} \right\} \quad (3)$$



**Масала 1-9.** Күпприк схемада уланган электр ток занжири параметрлари:  $R_1=60 \text{ Ом}$ ,  $R_3=80 \text{ Ом}$ ,  $R_4=R_5=120 \text{ Ом}$ ,  $R_2=80 \text{ Ом}$  бўлиб,  $E=30 \text{ В}$  ўзгармас манбага уланган. Учбурчак схемадан эквивалент юлдузча схемага ўтиш билан тармоқ токлари ва истемолчиларда сарф бўладиган электр ток қуввати аниқлансин.



### Ечиш:

Берилган схемадан  $bcd$  учбурчак потенциаларини эквивалент юлдузча схемага ўтиш ифодасидан фойдаланамиз:

$$R_6 = \frac{R_2 \cdot R_4}{R_2 + R_4 + R_5} = \frac{80 \cdot 120}{320} = 30 \text{ Ом}$$

$$R_7 = \frac{R_2 \cdot R_5}{R_2 + R_4 + R_5} = \frac{120 \cdot 120}{320} = 45 \text{ Ом}$$

$$R_8 = \frac{R_4 \cdot R_5}{R_2 + R_4 + R_5} = \frac{80 \cdot 120}{320} = 30 \text{ Ом}$$

Тузилган юлдузча схемадан қаршиликларни кетма – кет ва паралелл қўшиш билан занжир умумий қаршилигини аниқлаймиз:

$$R_{ym} = R_6 + \frac{(R_3 + R_8)(R_1 + R_7)}{R_3 + R_8 + R_1 + R_7} = 30 + \frac{210 \cdot 105}{315} = 100 \text{ Ом}$$

$$\text{Умумий тармоқ токи: } I = \frac{E}{R_{ym}} = \frac{30}{100} = 0,3 \text{ А}$$

Паралелл тармоқ токларини аниқлаймиз:

$$I_{17} = I \frac{R_8 + R_3}{R_3 + R_8 + R_1 + R_7} = \frac{210 \cdot 0,3}{315} = 0,2 \text{ А}$$

$$I_{38} = I \frac{R_1 + R_7}{R_3 + R_8 + R_1 + R_7} = \frac{105 \cdot 0,3}{315} = 0,1 \text{ А}$$

Бу ерда  $R_1=R_3$  га teng бўлганлиги учун аниқланган  $I_{17}=I_1=0,2 \text{ А}$  ва  $I_{38}=I_3=0,1 \text{ А}$  teng.

Берилган схеманинг қолган тармоқларидан оқадиган токларни аниқлаш учун тугун потенциалларига асосан тенглама ёзамиш:

$$U_{ec} = IR_6 + I_1 R_7 = 0,3 \cdot 30 + 0,2 \cdot 45 = 18 \text{ В}$$

$$U_{ed} = IR_e + I_3 R_8 = 0,3 \cdot 30 + 0,1 \cdot 30 = 12 \text{ В}$$

$$U_{dc} = U_{ec} - U_{ed} = 18 - 12 = 6 \text{ В}$$

$$\text{Тармоқ токлари: } I_2 = \frac{U_{ec}}{R_2} = \frac{18}{120} = 0,15 \text{ А, } I_4 = \frac{U_{ed}}{R_4} = \frac{12}{80} = 0,15 \text{ А}$$

$$I_5 = \frac{U_{cd}}{R_5} = \frac{6}{120} = 0,05 \text{ А}$$

Масаланинг ечимини текшириб кўрамиз:

а – тугундаги тармоқ токлар:

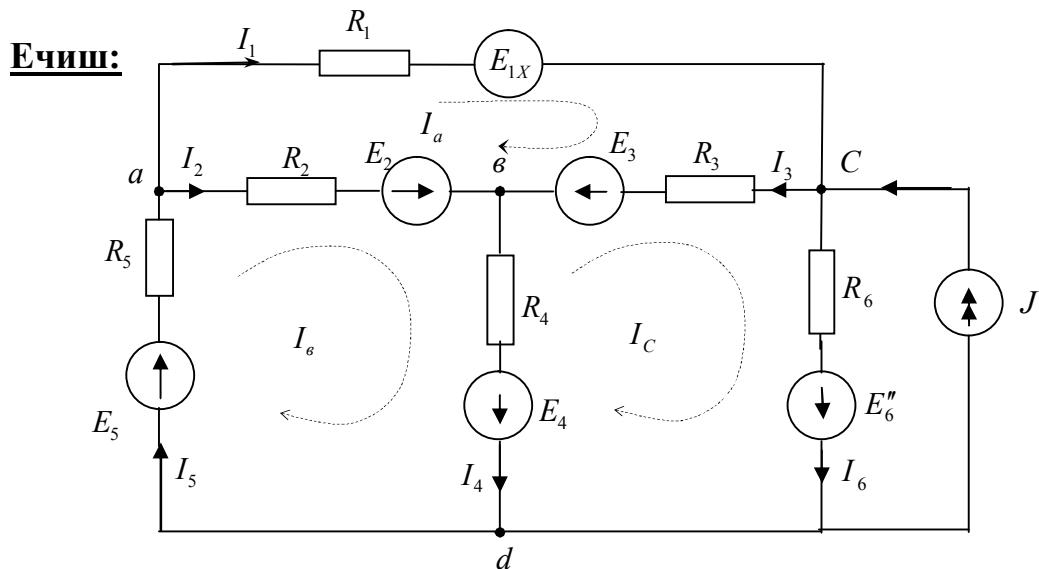
$$I = I_1 + I_3 = 0,2 + 0,1 = 0,3 \text{ А}$$

$$\text{в – тугунда: } I = I_4 + I_2 = 0,15 + 0,15 = 0,3 \text{ А}$$

Занжирда сарф бўладиган қувват:

$$P = UI = I^2 R_{ym} = 30 \cdot 0,3 = 9 \text{ ВТ}$$

**Масала 1-10.** Берилган электр ток схемасининг параметрлари:  $R_1=8 \text{ Ом}$ ,  $R_2=5 \text{ Ом}$ ,  $R_3=4 \text{ Ом}$ ,  $R_4=6 \text{ Ом}$ ,  $R_5=6 \text{ Ом}$ ,  $R_6=7 \text{ Ом}$ , э.ю.к лари:  $E_6 = 30 \text{ В}$ ,  $E_2 = 30 \text{ В}$ ,  $E_3 = 30 \text{ В}$ ,  $E_4 = 40 \text{ В}$ ,  $E_5 = 50 \text{ В}$ . Ток манбаи  $J=4 \text{ А}$  ва биринчи тармоқ токи  $I_1=2 \text{ А}$  бўлиб, контурли ток усулига асосан тармоқ токлари,  $E_{lx}$  – э.ю.к қиймати ва эквивалент генератор усулига асосан  $I_2$  тармоқ токи аниqlansin.

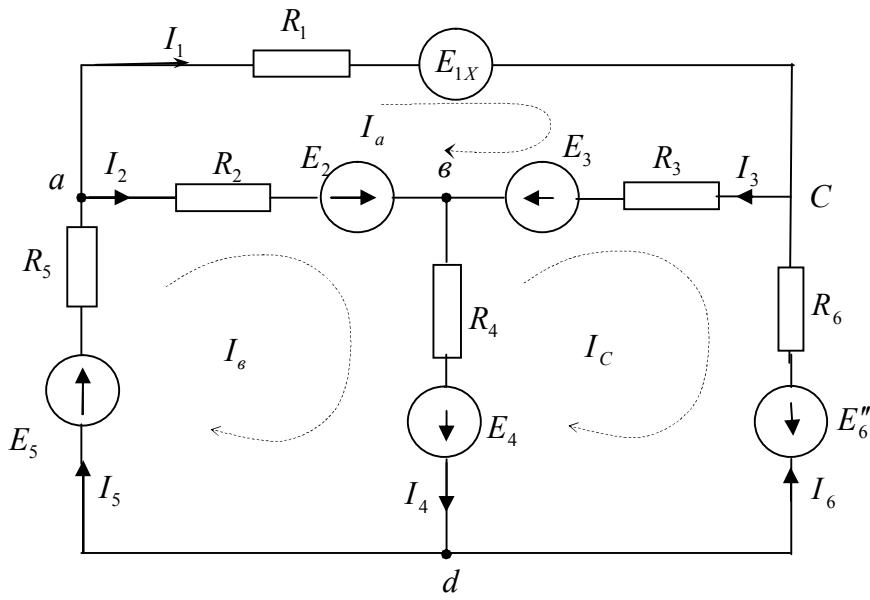


1. Ток манбасини эквивалент кучланиш манбаи билан алмаштирамиз:

Бунда:  $JR_6 = E'_6$ ; ёки  $E'_6 = 4 \cdot 7 = 28 \text{ В}$ ;

Демак:  $E''_6 = E_6 - E'_6 = 30 - 28 = 2 \text{ В}$ ;

2. Берилган схемани қўйдагича эквивалент схемага келтирамиз.



Контурли ток усулига асосан контур токлари  $I_a, I_6, I_c$  йўналишлари бўйича Кирхгофнинг 2 – қонунига асосан тенглама тузамиз:

$$\left. \begin{aligned} R_{11}I_a + R_{12}I_6 + R_{13}I_c &= E_a \\ R_{21}I_a + R_{22}I_6 + R_{23}I_c &= E_6 \\ R_{31}I_a + R_{32}I_6 + R_{33}I_c &= E_c \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

Энди контурга кирувчи қаршиликларни аниқлаймиз:

$$R_{11} = R_1 + R_2 + R_3 = 17 \text{ } \Omega$$

$$R_{22} = R_2 + R_4 + R_5 = 17 \text{ } \Omega$$

$$R_{33} = R_3 + R_4 + R_6 = 17 \text{ } \Omega$$

Контурларни боғловчи контурлараро қаршиликларни аниқлаймиз:

$$R_{12} = R_{21} = R_2 = 5 \text{ } \Omega$$

$$R_{31} = R_{13} = R_3 = 4 \text{ } \Omega$$

$$R_{23} = R_{32} = R_4 = 6 \text{ } \Omega$$

Контурни ташкил этувчи э.ю.к ларни аниқлаймиз:

$$E_a = E_{1X} + E_2 - E_3 = (E_{1X} - 17) \text{ } B$$

$$E_6 = E_2 + E_4 + E_5 = 140 \text{ } B$$

$$E_c = E_6'' - E_4 - E_3 = -68 \text{ } B$$

1 – контур токи:  $I_a = I_1 = 2 \text{ A}$

Топилган қийматларни (1) тенгламага қўямиз:

$$\left. \begin{aligned} 2 \cdot 17 - 5 \cdot I_6 - 4 \cdot I_c &= E_{1X} - 20 \\ - 2 \cdot 5 + 17 \cdot I_6 - 6 \cdot I_c &= 140 \\ - 2 \cdot 4 - 6I_6 + 17 \cdot I_c &= -68 \end{aligned} \right\} \quad (2)$$

Ушбу тенгламадан номаълум контур токлари  $I_6, I_c$  ларни аниқлаймиз:

$$\begin{aligned} \text{Ёки:} \quad & \left. \begin{aligned} 17I_b - 6I_c &= 150 \\ - 6I_b - 17I_c &= -60 \end{aligned} \right\} \end{aligned}$$

Бу тенгламани Крамер усулига асосан ечамиз:

$$\Delta_a = \begin{vmatrix} 17 & -6 \\ -6 & 17 \end{vmatrix} = 289 - 36 = 253$$

$$\Delta_b = \begin{vmatrix} 150 & -6 \\ -60 & 17 \end{vmatrix} = 2550 - 360 = 2190$$

$$\Delta_c = \begin{vmatrix} 17 & 150 \\ -6 & -60 \end{vmatrix} = -1020 + 900 = -120$$

Бундан:

$$I_b = \frac{2190}{253} = 8,65A, \quad I_c = -\frac{120}{253} = -0,475 A$$

Энди (2) тенгламадан  $E_{1x}$  – эюк қийматини аниқлаймиз

$$E_{1x} = 54 - 5 \cdot 8,65 + 4 \cdot 0,475 = 12,65 B$$

Тармоқ токларини аниқлаймиз:

$$I_1 = 2A, \quad I_2 = I_a - I_b = 2 - 8,65 = -6,65A$$

$$I_3 = I_a - I_c = 2 + 0,475 = 2,475A$$

$$I_4 = I_b - I_c = 8,65 + 0,475 = 9,125A$$

$$I_5 = I_b = 8,65A$$

$$I_6 = -I_c = 0,475A$$

Кувватлар мувозанат тенгламасини тузамиз:

$$I_1^2 R_1 + I_2^2 R_2 + I_3^2 R_3 + I_4^2 R_4 + I_5^2 R_5 + (I - I_2) R_6 = \\ E_1 I_1 + E_2 I_2 + E_3 I_3 + E_4 I_4 + E_5 I_5 + E_6 (I - I_6)$$

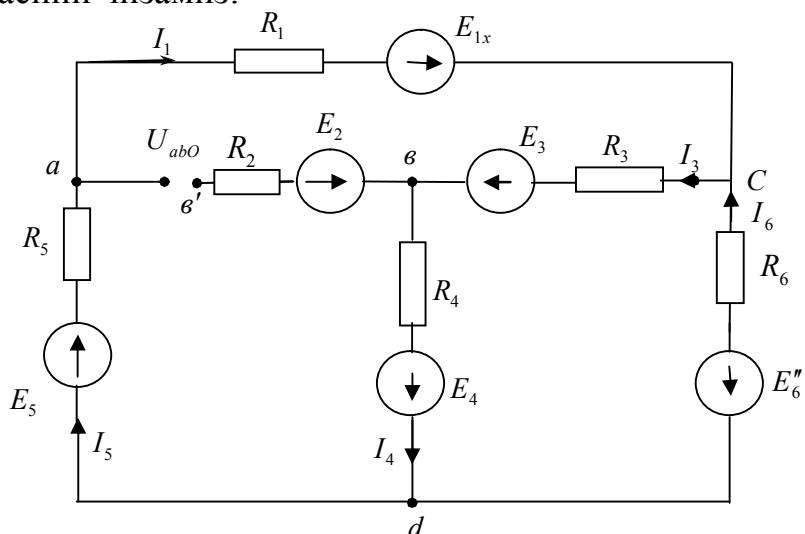
Бундан:  $13335,86 \approx 13337 Bm$

$$\text{Хисоблашдаги хатолик } \gamma = \frac{13337 - 13335,6}{13337} \cdot 100\% = 0,022\%,$$

3. Эквивалент генератор усулига асосан  $I_2$  тармоқ токини топамиз.

$$\text{Бунда: } I_2 = \frac{U_{abo}}{R_o + R_2} \quad (3)$$

Эквивалент схемасини чизамиз:



2 – тармокда узилиш бўлганда электр схема икки тугунли потенциал айирмаси билан ифодаланиб ( $\varphi_c - \varphi_d$ ) тугунлараро потенциаллар айирмаси тенгламасига асосан:

$$\begin{aligned}
U_{cd} &= \frac{\sum_{m=1}^n E_m g_m}{\sum_{m=1}^n g_m} = \frac{(E_5 + E_{1X}) \frac{1}{R_1 + R_5} - (E_4 + E_3) \frac{1}{R_3 + R_4} - E''_6 \frac{1}{R_6}}{\frac{1}{R_1 + R_5} + \frac{1}{R_3 + R_4} + \frac{1}{R_6}} = \\
&= \frac{\frac{62,65}{14} - \frac{70}{10} - 2 \frac{1}{7}}{\frac{1}{14} + \frac{1}{10} + \frac{1}{7}} = -8,95 B
\end{aligned}$$

Ом қонунига асосан тармоқ токларини анықтаймиз:

$$\begin{aligned}
I_1 = I_5 &= \frac{(E_5 + E_{1X}) - U_{cd}}{R_1 + R_5} = (62,65 + 8,95) \cdot \frac{1}{14} = 5,2 A \\
I_3 = I_4 &= \frac{(E_3 + E_4) + U_{cd}}{10} = \frac{70 - 8,95}{10} = 6,1 A \\
I_6 &= \frac{E''_6 + U_{cd}}{7} = \frac{2 - 8,95}{7} \approx -1 A
\end{aligned}$$

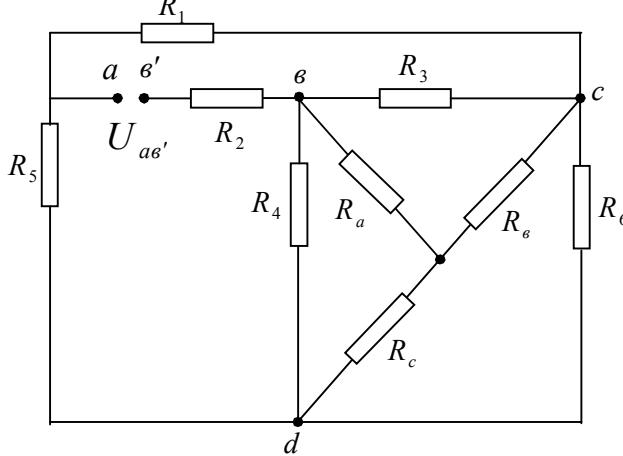
Потенциал қийматларини анықтаймиз:

$$\begin{aligned}
\varphi_a &= \varphi_d + E_5 + I_5 R_5 = 0 + 50 - 5,2 \cdot 6 = 19,3 B \\
\varphi_b &= \varphi_d - E_4 + I_4 R_4 = 0 - 40 + 6,1 \cdot 6 = -3,37 B \\
\varphi'_b &= \varphi_b + E_2 = -3,37 - 50 = -53,37 B
\end{aligned}$$

Демак:

$$U_{abo} = \varphi_a - \varphi'_b = 19,3 + 53,37 = 72,67 B$$

Энди (3) тенгламадаги  $R_0$  – ички эквивалент қаршилигини анықтаймиз. Бунинг учун b,c,d потенциалларни бирлаштирувчи қаришликларни “Учбұрчакдан” “Юлдузча” схемага келтириш формуласыга асосан эквивалент схемасини чизамиз:



Бунда:

$$R_a = \frac{R_3 R_4}{R_3 + R_4 + R_6} = \frac{24}{17} (Om)$$

$$R_b = \frac{R_3 R_6}{R_3 + R_4 + R_6} = \frac{28}{17} (Om)$$

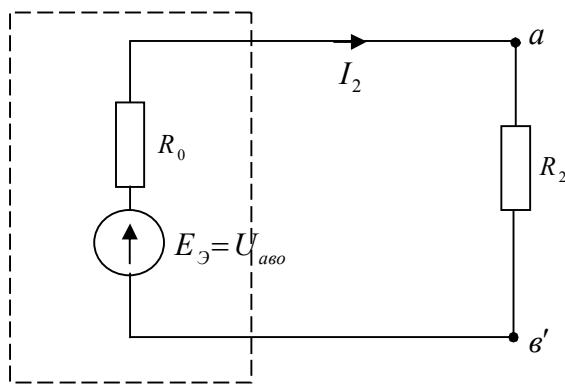
$$R_c = \frac{R_4 R_6}{R_3 + R_4 + R_6} = \frac{42}{17} (Om)$$

$R_C$  қаршиликни  $R_5$  билан ва  $R_I$  – қаршиликни  $R_b$  қаршилик билан құшиб иккита параллел уланган схеманинг умумий қаршилигини анықтаймиз:

$$R_0 = R_{ym} = \frac{(R_C + R_5)(R_b + R_1)}{R_C + R_5 + R_b + R_1} + R_a = 5,95(O\Omega)$$

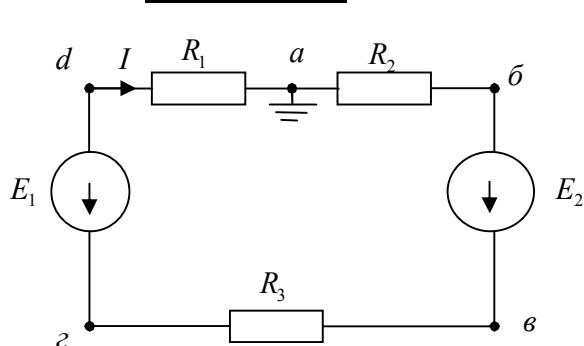
Үзилгандай 2 – тармоқта нисбатан, эквивалент схемасини тузамиз ҳамда аниқланган кийматларни (3) тенглемага қўйиш билан  $I_2$  тармоқ токини аниқлаймиз:

$$I_2 = \frac{U_{abo}}{R_0 + R_2} = \frac{72,6}{5,95 + 5} = 6,65 \text{ (A)}$$



### 1-3. Мұстакил ечиш үчүн масалалар

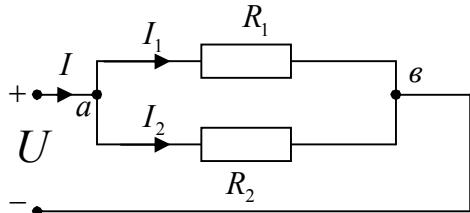
**Масала 1-1.** Кетма – кет схемада уланган электр ток занжир параметрлари:



$E_1=20 \text{ В}$ ,  $E_2=12 \text{ В}$ ,  $R_1=5 \text{ Ом}$ ,  $R_2=6 \text{ Ом}$ ,  $R_3=9 \text{ Ом}$  тенг. Тармоқ токи ва потенциаллари аниқланиб, потенциаллар диаграммаси түзилсін.

**Жавоб:**  $I_e=0,4 \text{ А}$ ,  $\varphi_a=0$ ,  $\varphi_b=2,4 \text{ В}$ ,  $\varphi_e=-14,4 \text{ В}$ ,  $\varphi_c=-18 \text{ В}$ ,  $\varphi_d=2 \text{ В}$

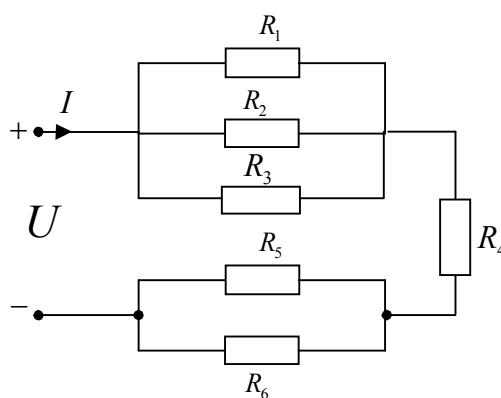
**Масала 1-2.** Паралелл схемада бириктирилган ток занжирларининг  $a$  ва  $b$  түгун потенциалларидаги күчланиш  $U_{ab}=60 \text{ В}$



бўлиб, кирувчи тармоқ токи  $I=1,5 \text{ А}$  ва қаршилик  $R_2=120 \text{ Ом}$  тенг. Тармоқ токлари,  $R_1$  қаршилиги ва эквивалент қаршилиги ҳисоблаб топилсін.

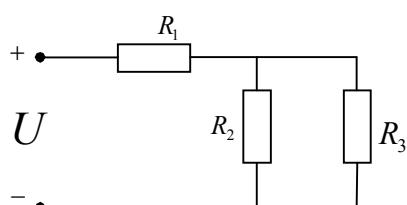
**Жавоб:**  $R_1=60 \text{ Ом}$ ,  $R_{экв}=40 \text{ Ом}$ ,  $I_1=1 \text{ А}$ ,  $I_2=0,5 \text{ А}$ ,

**Масала 1-3.** Аралаш схемада бириктирилган электр ток занжири  $U=26 \text{ В}$  күчланишга уланган бўлиб, қаршилик параметрлари:  $R_1=8 \text{ Ом}$ ,  $R_2=14 \text{ Ом}$ ,  $R_3=4 \text{ Ом}$ ,  $R_4=5,16 \text{ Ом}$ ,  $R_5=7,5 \text{ Ом}$ ,  $R_6=5 \text{ Ом}$ . Занжирнинг эквивалент қаршилиги ҳамда тармоқ токлари аниқлансин.



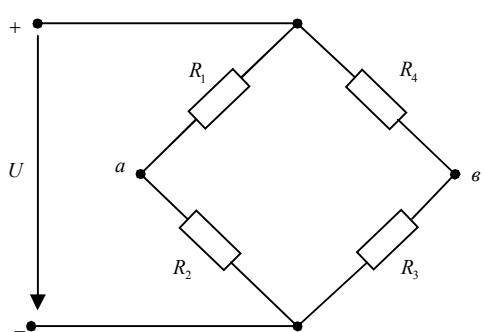
**Жавоб:**  $R_{экв}=10,4 \text{ Ом}$ ,  $I=2,5 \text{ А}$ ,  $I_1=0,7 \text{ А}$ ,  $I_2=0,4 \text{ А}$ ,  $I_3=1,4 \text{ А}$ ,  $I_4=1 \text{ А}$ ,  $I_5=1,5 \text{ А}$ ,

**Масала 1-4.** Электр ток занжири  $U=60 \text{ В}$  күчланишга уланганда,  $P=300 \text{ Вт}$  қувват сарфланади. Қаршилик параметрлари  $R_2=15 \text{ Ом}$ ,  $R_3=5 \text{ Ом}$  тенг бўлганда,  $R_1$  қаршилик қиймати ва тармоқ токлари аниқлансин.



**Жавоб:**  $R_1=8,25 \text{ Ом}$ ,  $I_1=3,75 \text{ А}$ ,  $I_2=1,25 \text{ А}$ ,  $I=5 \text{ А}$ ,

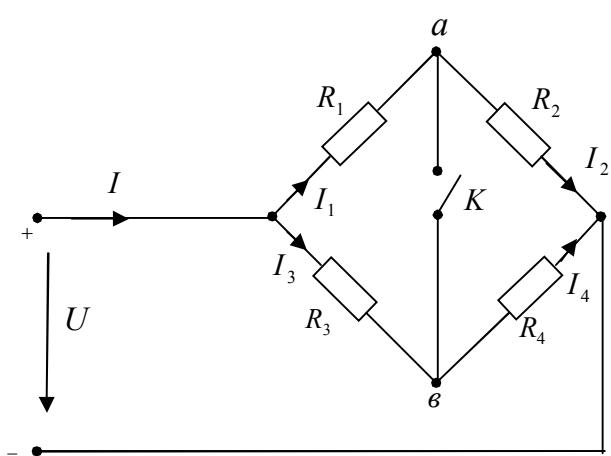
### Масала 1-5. Кўприк



схемада уланган ток занжирининг қаршилик параметрлари  $R_1=10 \text{ Om}$ ,  $R_2=20 \text{ Om}$ ,  $R_3=40 \text{ Om}$ ,  $R_4=30 \text{ Om}$  бўлиб,  $U=210 \text{ V}$  кучланишга уланган.  $U_{ab}$  – потенциал кучланиши аниқлансин.

**Жавоб:**  $U_{ab}=20 \text{ V}$

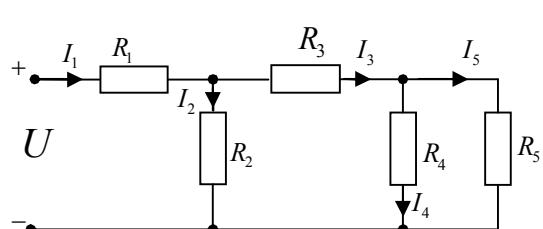
### Масала 1-6. Қаршиликлари кўприк



схемада уланган ток занжирининг қаршилик параметрлари:  $R_1=10 \text{ Om}$ ,  $R_2=20 \text{ Om}$ ,  $R_3=40 \text{ Om}$ ,  $R_4=30 \text{ Om}$  кучланиши  $U=15,6 \text{ V}$ . Калит уланган ва узилган холлар учун эквивалент қаршилик ва қаршиликлардан оқиб ўтувчи токлар қиймати аниқлансин.

- Жавоб:** а)  $R_{экв}=8 \text{ Om}$ ,  $I=1,95 \text{ A}$ ,  $I_1=I_2=0,65 \text{ A}$ ,  
 $I_3=I_4=1,3 \text{ A}$ ,  
 б)  $R_{экв}=7,8 \text{ Om}$ ,  $I=2 \text{ A}$ ,  
 $I_1=0,5 \text{ A}$ ,  $I_2=0,8 \text{ A}$ ,  
 $I_3=1,5 \text{ A}$ ,  $I_4=1,2 \text{ A}$ ,

### Масала 1-7. Арадаш схемада уланган электр ток занжири параметрлари:



$R_1=50 \text{ Om}$ ,  $R_2=80 \text{ Om}$ ,  $R_3=20 \text{ Om}$ ,  $R_4=30 \text{ Om}$ ,  $R_5=60 \text{ Om}$  бўлиб, тўртинчи тармоқдан оқиб ўтувчи ток  $I_4=0,2 \text{ A}$  га тенг. Тармоқ токлари, занжир умумий кучланиши ва сарф бўладиган электр ток қуввати аниқлансин.

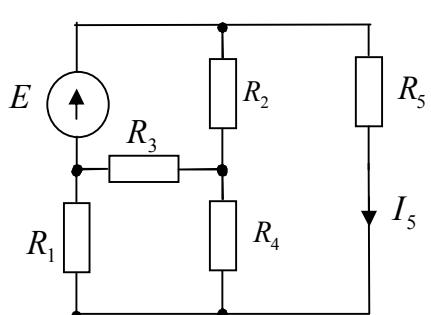
**Жавоб:**  $U=34,5 \text{ V}$ ,  $P=15,5 \text{ W}$

### Масала 1-8. 1-7 масалада берилган схема параметрлари қийматлари бўйича $U=50 \text{ V}$ кучланишга уланган. $I_4$ тармоқ токи аниқланиб, сарф бўладиган қувват аниқлансин.

**Жавоб:**  $P=32,5 \text{ W}$ ,  $I_4=290 \text{ mA}$

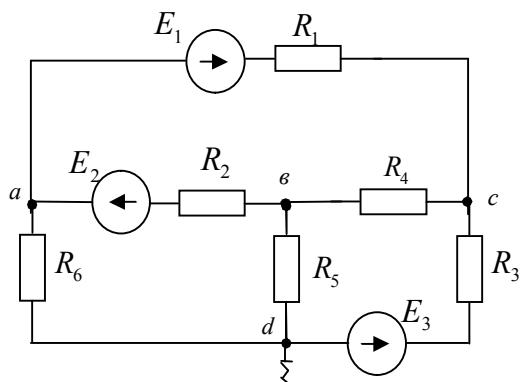
### Масала 1-9. Берилган

электр ток схеманинг қаршилик параметрлари:  $R_1=4 \text{ Om}$ ,  $R_2=6 \text{ Om}$ ,  $R_3=3 \text{ Om}$ ,  $R_4=20 \text{ Om}$ ,  $R_5=8,5 \text{ Om}$  э.ю.к  $E=24 \text{ V}$ . Контурли ток усули ва эквивалент генератор усулига асосан бешинчи тармоқдан оқиб ўтувчи  $I_5$  ток аниқлансин.



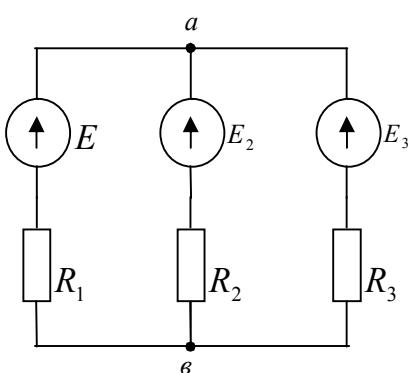
**Жавоб:**  $I_5=2 \text{ A}$

**Масала 1-10.** Берилган электр ток занжирининг қаршилик параметрлари  $R_1=R_3=R_6=3 \text{ Om}$ ,  $R_2=R_4=R_5=1 \text{ Om}$ , э.ю.к лари  $E_1=E_2=E_3=48 \text{ V}$ . Контурули ток усули ва тугунлараро кучланишлар усулига асосан тармоқ токлари аниқлансин.



**Жавоб:**  $I_4=8 \text{ A}$ ,  $I_1=5,33 \text{ A}$ ,  $I_2=8 \text{ A}$ ,  $I_3=13,33 \text{ A}$ ,  $I_5=0$ ,  $I_6=13,33 \text{ A}$ ,

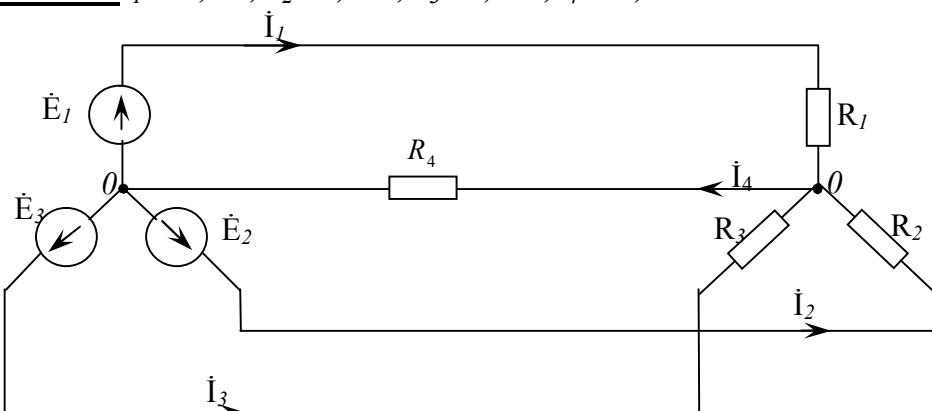
**Масала 1-11.** Берилган электр ток схеманинг параметрлари:  $E_1=40 \text{ V}$ ,  $E_2=5 \text{ V}$ ,  $E_3=30 \text{ V}$ ,  $R_1=5 \text{ Om}$ ,  $R_2=1 \text{ Om}$ ,  $R_3=3 \text{ Om}$ . Иккита тугун орасида потенциаллар кучланиш усули ва устма – устлик усулига асосан тармоқ токлари аниқлансин.



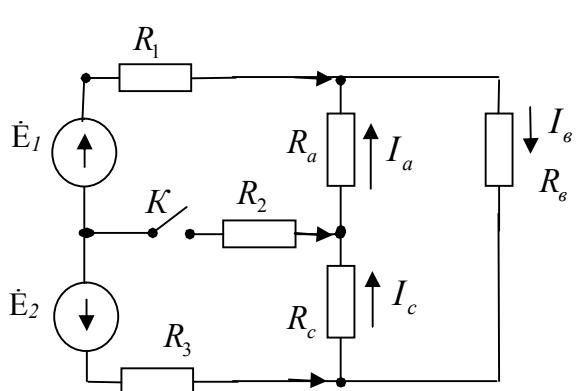
**Жавоб:**  $I_1=5 \text{ A}$ ,  $I_2=10 \text{ A}$ ,  $I_3=5 \text{ A}$

**Масала 1-12.** Берилган схема параметрлари:  $R_1=10 \text{ Om}$ ,  $R_2=20 \text{ Om}$ ,  $R_3=4 \text{ Om}$ . Э.ю.к  $E_1=20 \text{ V}$ ,  $E_2=100 \text{ V}$ ,  $E_3=80 \text{ V}$ , бўлганда тугунлараро кучланишлар усулига асосан тармоқ токлари аниқлансин.

**Жавоб:**  $I_1=-3,4 \text{ A}$ ,  $I_2=2,3 \text{ A}$ ,  $I_3=6,5 \text{ A}$ ,  $I_4=-5,4 \text{ A}$



**Масала 1-13.** Берилган электр ток занжири параметрлари:  $R_1=R_2=R_3=10 \text{ Om}$ ,  $R_a=25 \text{ Om}$ ,  $R_b=50 \text{ Om}$ ,  $R_c=50 \text{ Om}$ , бўлиб,  $E_1=E_2=120 \text{ V}$  ўзгармас ток манбага уланган. Калит “K” уланган холат учун тармоқ токлари аниқлансин.

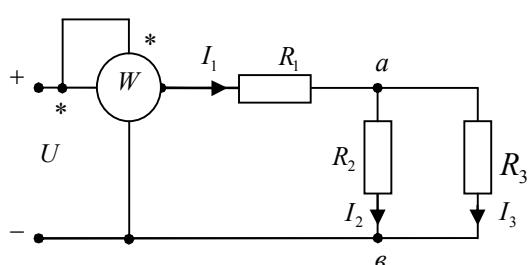


**Жавоб:**  $I_a=2,4 \text{ A}$ ,  $I_b=-2,85 \text{ A}$ ,  $I_c=1,65 \text{ A}$

**Масала 1-14.** 1-13 масалада берилган схема шарти бўйича  $I_a=2 A$ ,  $I_b=-3 A$ ,  $I_c=2 A$  (токлар йўналиши стрелкада кўрсатишига мос) бўлганда  $E_1$  ва  $E_2$  манба кучланишлари аниқлансин.

**Жавоб:**  $E_1=100 B$ ,  $E_2=-150 B$

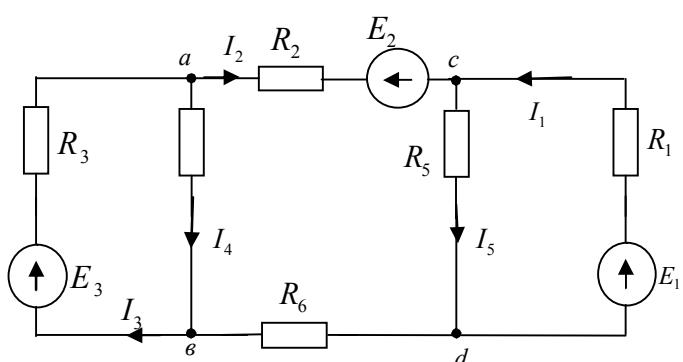
**Масала 1-15.** Арадаш схемада уланган ток занжири қаршилик параметрлари:



$R_2=20 \text{ Om}$ ,  $R_3=30 \text{ Om}$  бўлиб,  $U=625 \text{ B}$  кучланишга уланган. Ваттметр кўрсатиши  $P=32,25 \text{ KVt}$  бўлган холатда  $R_1$  – қаршилик, тармоқ токлари  $I_2$ ,  $I_3$  ва  $R_2$ ,  $R_3$  – қаршиликларда сарф бўладиган қувват аниқлансин.

**Жавоб:**  $I_2=3 A$ ,  $I_3=2 A$ ,  $R_1=113 \text{ Om}$ ,  $P_2=180 \text{ Bm}$ ,  $P_3=2 \text{ Bm}$

**Масала 1-16.** Берилган электр ток занжирининг параметрлари:  $R_1=6 \text{ Om}$ ,



$R_2=2 \text{ Om}$ ,  $R_3=2 \text{ Om}$ ,  $R_4=6 \text{ Om}$ ,  $R_5=2 \text{ Om}$ ,  $R_6=6 \text{ Om}$  э.ю.к  $E_1=80 B$ ,  $E_2=6 B$ ,  $E_3=120 B$  бўлиб, биринчи тармоқ токи  $I_1=8 A$  тенг. Ом ва Кирхгоф қонунларига асосан тармоқ токлари аниқлансин.

**Жавоб:**  $I_2=8 A$ ,  $I_3=21 A$ ,  $I_4=13 A$ ,  $I_5=16 A$ ,  $I_1=8 A$

**Масала 1-17.** Электр иситгич  $U=220 \text{ B}$  кучланишга мўлжалланган бўлиб,  $P=600 \text{ Bm}$  электр ток қувватини сарфлайди. Агар шу электр иситгич  $U=110 \text{ B}$  кучланишга уланганда қанча қувват сарфлайди.

**Жавоб:**  $P=150 \text{ Bm}$

**Масала 1-18.** Электр ток қуввати  $P=40 \text{ Bm}$  бўлган 10 лампочка ҳар куни 6 соат ёнади. 30 кун давомида сарф бўладиган электр ток энергияси аниқланиб, 1 кВт/соат энергия, қанча сарф харажат бўлиши ҳисоблаб топилсин.

**Жавоб:**  $W=72 \text{ kVt}/\text{soat}$ , сарф харажат нули:  $2520 \text{ сўм}$ .

#### **1-4. Синов саволлари:**

1. Электротехника фани нимани ўргатади?
2. Ўзбекистон энергетикасининг ривожланиши тарихида нималарни биласиз?
3. Электротехника фанининг ривожланишига хисса қўшган буюк олимларни биласизми?
4. Электр ток занжири қайси қисмлардан иборат?
5. Ўзгармас ток манбаларини биласизми?
6. Э.юқ ва ток манбалари нима?
7. Электр занжири асосий элементлари ҳақида маълумот беринг.
8. Тармоқланган электр ток занжирларини чизиб; тармоқ тутун, контур нима эканлигини изохлаб беринг.
9. Электр майдон кучланганлиги нима?
10. Электр сифими изохлаб беринг ва ўлчов бирлиги нима?
11. Электр майдонининг куч чизиқлари эквипотенциал сиртларга нисбатан қандай йўналган?
12. Сифими  $C=0,1$  мкФ бўған ҳаволи конденсатор қопламалари орасидаги масофа 0,5 мм га teng бўлса, қопламаларнинг юзаси  $S$  қанча бўлиши керак?
13. Кучланиш  $U=1$  кВ, сифими  $C=0,1$  мкФ бўлган конденсаторда қанча микдорда энергия тўпланади?
14. Нуқтавий зарядланган заррачаларнинг ўзаро таъсир кути қайси қонунга асосан аниқланади?
15. Потенциаллар фарқи, кучланиш нима ва ўлчов бирлиги нима?
16. Занжирнинг бир қисми ва бутун занжир учун Ом қонунини ёзинг.
17. Электр занжирлари учун Кирхгоф қонунларини ифодалаб беринг.
18. Электр ток қуввати, (актив қувват) қандай ифодаланади ва нимада ўлchanади?
19. Электр ўлчов асбоблари: амперметр, вольтметр ва ваттметрлар электр схемасига қандай уланади?
20. Электр манбай ташқи характеристикасини чизинг ва изох беринг. Қисқа туташув ва салт холат деганда нима тушунасиз?
21. Мураккаб занжирларни ҳисоблаш усуулларига изох беринг.
22. Потенциал диаграмма нима ва қандай қурилади?
23. Қувватлар баланси тенгламасини ёзинг.
24. Қайси холатда эквивалент генератор усулидан фойдаланиш қулай ҳисобланади ва қандай амалга оширилади?
25. Актив ва пассив 2-қутблик занжир нима?
26. Электр ва магнит майдон энергияси ифодасини ёзинг.
27. Э.Ю.К. манбадан эквивалент ток манбага ўзгартириш қоидаси қандай?
28. Иккита потенциалдан иборат бўлган схема учун тутунлараро усулига асосан тенглама тузинг.
29. Устма – устлик усулини изохлаб беринг.
30. Юлдузчадан учбурчакга ўтиш ва аксинча холат алмаштириш формуласини ёзинг.

31. 2-қутбلى линиядан истемолчига максимал қувват узатиш шартини тушунтириңг ва тенгламасини ёзинг.
32. Актив қаршилик ёки ўтқазувчанлик қандай ифодаланади?
33. Манбанинг ички қаршилиги деганда нима тушунамиз.
34. Электр ток энергяси бажарган иш тенгламаси қандай ифодаланади?

**2-1. Асосий назарий түшүнчалар.**

Синусоидал даврий ўзгарувчан ток оний қиймати қуийдаги функция күринишида ифодаланади.

$$i = I_m \sin(\omega t + \varphi_i); \quad (2 - 1)$$

$i$  – синусоид ўзгарувчан токнинг оний қиймати

$I_m$  – амплитуда ёки максимал қиймат

$\varphi_i$  – бошлангич фаза – (град)

$\omega$  - бурчак частота – (рад/сек)

$f$  – частота – (Гц)

$T$  – давр – (сек)

Синусоидал ўзгарувчан токнинг эффектив ёки таъсир этувчи қиймати:

$$I = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T i^2 dt} = \frac{I_m}{\sqrt{2}} \quad (2 - 2)$$

Синусоидал ўзгарувчан токнинг ярим даврдаги ўртача қиймати:

$$I_{yp} = \frac{2}{T} \int_0^{\frac{T}{2}} i dt = \frac{2}{\pi} I_m \quad (2 - 3)$$

Синусоидал ўзгарувчан токнинг форма ва амплитуда коэффициентлари:

$$K_\phi = \frac{I}{I_{cp}}; \quad K_a = \frac{I_m}{I}; \quad (2 - 4)$$

Синусоидал ўзгарувчан ток занжири учун Ом қонуни:

$$I = \frac{U}{z} = Uy(A); \quad (2 - 5)$$

ёки: бурчак коэффициентлари:

$$\begin{aligned} \cos \varphi &= \frac{R}{z} = \frac{g}{y}; & \sin \varphi &= \frac{x}{y} = \frac{b}{y}; \\ \operatorname{tg} \varphi &= \frac{x}{R} = \frac{b}{g}; & \varphi &= \operatorname{arcctg} \frac{x}{R} = \frac{b}{g}; \end{aligned} \quad (2 - 6)$$

Тўла қаршилиқ:

$$Z = \sqrt{R^2 + x^2} (Om); \quad (2 - 7)$$

Кетма – кет уланган R – актив; L – индуктив; С – сиғим қаршиликлар бўлганда, реактив қаршилиқ:

$$X = X_L - X_C \quad (2 - 8)$$

Электр занжири индуктив ҳарактерга эга бўлганда:  $\omega L > \frac{1}{\omega c}$ ;  $X_L > 0$ ;  $\varphi > 0$

Сигим ҳарактерга эга бўлса:  $\omega L < \frac{1}{\omega c}$ ;  $\varphi < 0$ ;  $x_c < 0$ .

$$\text{Тўла ўтқазувчанлик: } y = \sqrt{g^2 + b^2} \left( \frac{1}{O_m} = \text{сіменс} \right); \quad (2 - 9)$$

Эквивалент параметрлар ўхшашлик тенгламалари:

$$g = \frac{R}{z^2}; \quad b = \frac{X}{z^2}; \quad y = \frac{1}{z}; \quad (2 - 10)$$

$$R = \frac{g}{y^2}; \quad X = \frac{b}{y^2}; \quad z = \frac{1}{y}; \quad (2 - 11)$$

Истемолчилари кетма – кет уланган ток занжирларида эквивалент қаршилики:

$$R_s = \sum_{k=1}^n R_k; \quad X_s = \sum_{k=1}^n X_k \quad (2 - 12)$$

Параллел уланган холда:

$$g_s = \sum_{k=1}^n g_k; \quad b_s = \sum_{k=1}^n b_k \quad (2 - 13)$$

Ток ва кучланишларнинг актив ва реактив ташкил этиувчилари:

$$\begin{aligned} U_a &= IR = U \cos \varphi; & I_a &= Ug = U \cos \varphi; \\ U_p &= IX = U \sin \varphi; & I_p &= Ub = U \sin \varphi; \\ U &= \sqrt{U_a^2 + U_p^2}; & I &= \sqrt{I_a^2 + I_p^2}; \end{aligned} \quad (2 - 14)$$

### 1. Синусоидал ўзгарувчан токнинг қувват ифодалари:

Синусоидал ўзгарувчан токнинг оний қиймати  $\varphi = 0$  бўлганда:

$$P = ui [\cos \varphi - \cos(2\omega t - \varphi)] \quad (2 - 15)$$

Актив қувват:

$$P = UI \cos \varphi = I^2 R = U^2 g = U I_a = U_a I [Bm, \kappa Bm] \quad (2 - 16)$$

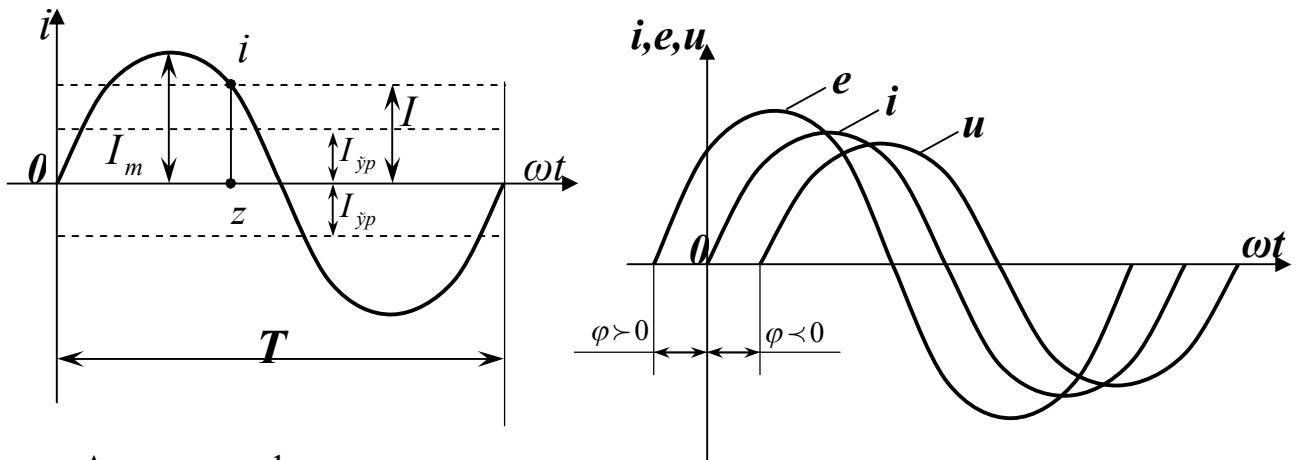
Реактив қувват:

$$Q = UI \sin \varphi = I^2 x = U^2 b = U I_p = U_p I [Bap, \kappa Bap] \quad (2 - 17)$$

Тўла қувват:

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = UI = I^2 Z = U^2 y [Ba, \kappa Ba] \quad (2 - 18)$$

### 2. Синусоидал ўзгарувчан ток, кучланиш ва э.ю.к. график ифодаси:



Аналитик ифодаси:

$$e = E_m \sin(\omega t + \varphi_i); u = U_m \sin(\omega t + \varphi_u); i = I_m \sin(\omega t + \varphi_u - \varphi_i) \quad (2-19)$$

Фаза фарқи:  $\varphi = \varphi_u - \varphi_i$

$$(2 - 20)$$

3. Синусоидал ўзгарувчан токнинг вектор ифодаси ёки вектор диаграммасини тузишда қуидагиларга эътибор бериш зарур:

- а) Актив – қаршиликда ток ва кучланиш векторлари устма – уст тушади ( $\varphi = 0$ ).
- б) Индуктивликда кучланиш вектори  $U$ , ток вектори  $I$  га нисбатан  $90^\circ$  фарқ қилиб, олдинга кетади ( $\varphi > 0$ ).
- с) Сигим қаршиликда кучланиш  $U$ ,  $I$  токга нисбатан  $90^\circ$  орқада қолади ( $\varphi < 0$ ).
- д) ЭлектрОмагнит индукция (ўз индукция, ўзароиндукация) қонунига асосан индуктивликда, ўзгарувчан ток ҳосил қилувчи электр юритувчи куч вектори  $E$ , магнит оқим вектори  $\Phi$  ёки  $\Psi$  нисбатан  $90^\circ$  фарқ қилиб, орқада қолади ( $\varphi_C = -90^\circ$ ).
- е) Индуктивлик кучланиш  $U_L$  векторига нисбатан э.ю.к. вектори  $E$ ,  $-180^\circ$  фарқ қилиб, тенг ва қарама - қарши йўналишда ифодаланади.
- ж) Қаршиликлар учбурчак вектор ифодасидан  $R$  ва  $Z$  ҳамда  $g$  ва  $u$  орасидаги бурчак  $\varphi$ -га тенг.

## 2-2. Масала ечиш.

**Масала 2 – 1.** Ўзгарувчан магнит оқими  $\Phi = 0,01 \sin 314t$  (вб) бўлиб, чўлғамлар сони  $W = 50$  бўлганда ғалтак айланма ҳаракатланиши натижасида ҳосил бўладиган э.ю.к.ни аниқланг.

**Ечиш:**

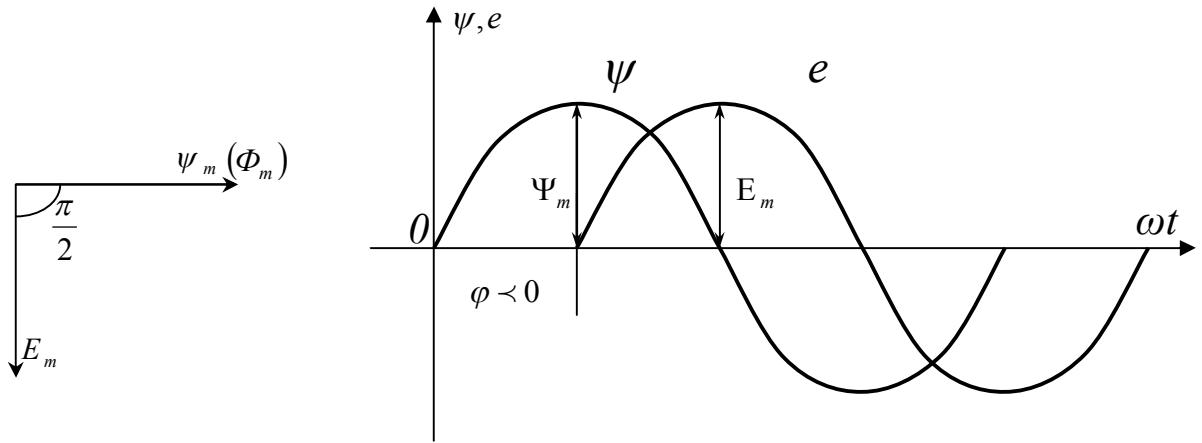
Ғалтакнинг илашган магнит оқими:  $\psi = w\phi = 0,5 \sin 314t = \psi_m \sin t$

Үзиндукия қонунига асосан:  $e = -\frac{d\psi}{dt} = \omega\psi_m \cos \omega t = E_m \sin(\omega t - 90^\circ)$

ёки:  $E_m = \omega\psi_m = 157(B)$

Э.ю.к. эффектив қиймати:  $E = \frac{E_m}{\sqrt{2}} = 90(B)$

Вектор ифодаси ва графигини чизамиз.



**Масала 2 – 2.** Ўрамлар сони  $W = 20$ , юзаси  $S = 100$  ( $\text{см}^2$ ) бўлган халқа, магнит индукцияси  $B = 2$  (вб/м) тенг бўлган магнит майдон ичида  $n = 6000$  (айл/мин) тезлик билан айланганда, халқада ҳосил бўладиган магнит оқими, оний қиймати, Э.ю.к. амплитудаси, даври ва частотаси аниқланиб вектор ифодаси ва вақтга нисбатан ўзгарувчан диаграммаси тузилсин.

### Ечиш:

Халқанинг бошлангич холатини  $\alpha = 0$  олсақ,  $\alpha = \omega t$  бўлиб халқа айланниши натижасида кесиб ўтувчи магнит оқимнинг оний қиймати:

$$\Phi = BS \cos \alpha = \Phi_m \cos \omega t$$

Халқада ҳосил бўладиган илашган магнит оқим оний қиймати:

$$\psi = \Phi W = W\Phi_m \cos \omega t = \psi_m \cos \omega t = 20 \cdot 2 \cdot 100 \cdot 10^{-4} \cos 628t = 0,4 \sin(628t + 90^\circ)$$

Бунда:

$$\omega = \frac{2\pi n}{60} = \frac{2 \cdot 3,146000}{60} = 628 \left( \frac{1}{\text{сек}} \right) - бурчак\ частота$$

Халқада ҳосил бўладиган Э.ю.к. оний қиймати:

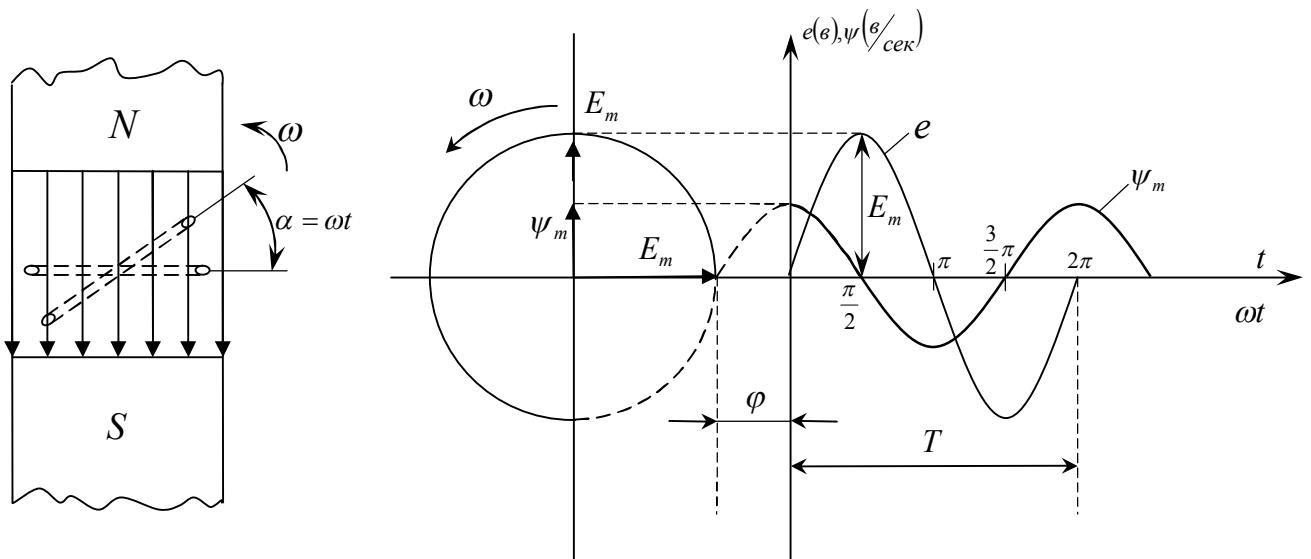
$$e = -\frac{d\psi}{dt} = -\frac{d}{dt}(\psi_m \cos \omega t) = \omega\psi_m \sin \omega t = E_m \sin \omega t = 251,2 \sin 628t$$

Халқа Т даврда бир маротаба айланади:  $\omega T = 2\pi$

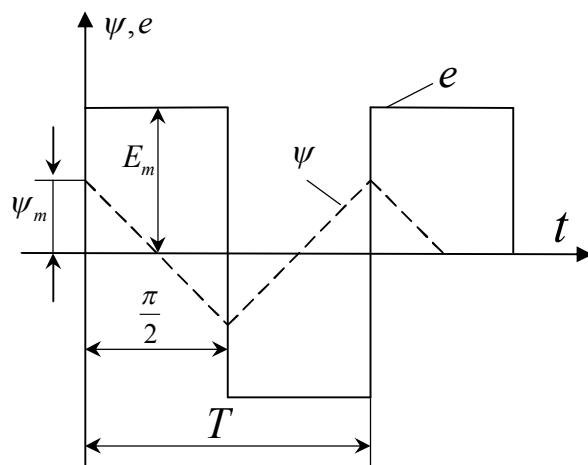
$$\text{Бундан: } T = \frac{2\pi}{\omega} = 0,01(\text{сек})$$

$$\text{Ўзгарувчан ток частотаси: } f = \frac{1}{T} = \frac{1}{0,01} = 100(\text{Гц})$$

Вектор ифодаси чизамиз;



**Масала 2 - 3.** Ўрамлар сони  $\psi$  бўлган айланма ҳаракатланувчи ғалтакда индукцияланган э.ю.к. тўғри бурчакли импульсли формага эга бўлиб, э.ю.к. амплитудаси:  $E_m = 10$  (В) ва  $f = 50$  (Гц) тенг. Э. ю. к.  $E$  ўртача ва эффектив қийматлари, амплитуда ва форма коэффициенти ҳамда магнит оқими қийматлари аниқлансин.



**Ечиш:**

$$\text{Э.ю.к. ўртача қиймати: } E_{\bar{y}} = \frac{2}{T} \int_0^{\frac{T}{2}} edt = \frac{2}{T} E_m \frac{T}{2} = E_m = 10(\text{В})$$

$$\text{Эффектив қиймат, } E = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T e^2 dt} = \sqrt{\frac{1}{T} E_m^2 T} = E_m = 10(\text{В})$$

$$\text{Амплитуда ва форма коэффициентлари: } K_a = \frac{E_m}{E} = 1, K_\phi = \frac{E}{E_{yp}} = 1$$

$$\text{Ўз индукция қонунига асосон: } \psi = - \int edt$$

Келтирилган функцияда  $\psi$  тутри бурчакли учбурчак шаклида ўзгарувчан бўлиб,  $T = 0,02$  сек = 20 м сек тенг, ёки:

$$E_{yp} = \frac{\Delta\psi}{\Delta t}$$

Бундан  $\Delta\psi = E_{yp}\Delta t$  ҳамда  $\Delta\psi = 2\psi_m$ ,  $\Delta t = \frac{T}{2}$  бўлганлиги учун ғалтакдаги магнит оқим  $\psi$  қиймати:  $\psi_m = \frac{1}{2}\Delta\psi = \frac{1}{2}E_{cp}\frac{T}{2} = \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot \frac{0,02}{2} = 0,05 \text{ вб} = 50 (\text{мВб})$

**Масала 2–4.** Синусоидал ўзгарувчан ток кучланиши  $U = 120\sin 1000t$  бўлган генераторга индуктив қаршилик уланган бўлиб, синусоидал ток оқиб ўтади:  
 $i = 8\sin(1000t - 53^\circ)$ .

Ўзгарувчан кучланиш частотаси 2 марта камайганда: индуктив ғалтакнинг актив қаршилиги, индуктивлиги, ток қиймати ва фаза бурчаги аниqlansin.

### Ечиш:

Масаланинг шарти бўйича умумий қаршилик:

$$Z = \frac{U_m}{I_m} = 15(\Omega) \text{ бўлиб, фаза бурчаги } \varphi = \varphi_u - \varphi_i = 53^\circ$$

Қаршиликлар учбурчак ифодасига асосан:

$$R = Z \cos \varphi = 15 \cos 53^\circ = 9(\Omega)$$

$$X = Z \sin \varphi = 15 \sin 53^\circ = 12(\Omega)$$

$$\text{Индуктивлик: } L = \frac{x_L}{\omega} = \frac{12}{1000} = 0,012 \text{ Гн} = 12(\text{мГн})$$

Кучланиш частотаси икки марта камайтирилган холда, индуктив қаршилик ҳам икки марта камаяди:  $x'_L = 6\Omega$

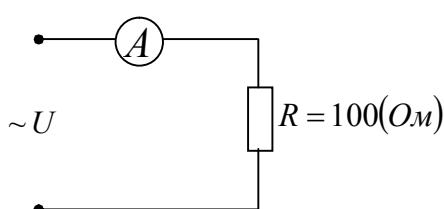
$$\text{Фаза фарқи эса: } \varphi' = \arctg \frac{x'_L}{R} = \arctg \frac{6}{9} = 33^\circ 40'$$

$$\text{Тўла қаршилик: } Z' = \frac{x'_L}{\sin \varphi'} = \frac{6}{\sin 33^\circ 40'} = 10,8(\Omega)$$

$$\text{Ток амплитудаси: } I'_m = \frac{U_m}{Z'} = \frac{120}{10,8} = 11,09(A)$$

$$\text{Токнинг оний қиймати: } i = 11,09 \sin(500t - 33^\circ 40')$$

**Масала 2–5.** Ўзгарувчан ток кучланиши  $U = 283 \sin t$  бўлган генераторга, актив қаршилиги  $R = 10(\Omega)$  реостат уланган, Реостатдан оқиб ўтувчи токнинг эффектив, оний қиймати ва ўртача қувват қиймати аниqlаниб, вақт бўйича ўзгарувчан диаграммаси чизилсин.



### Ечиш:

Токнинг амплитуда қиймати  $I_m = \frac{U_m}{R} = \frac{283}{10} = 28,3(A)$ ;

Эффектив қиймати:  $I = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = 20(A)$

Оний қиймати эса:  $i = I_m \sin \omega t = 28,3 \sin 314t$

Актив қувватнинг ўртача қиймати:  $P_{yp} = \frac{1}{T} \int_0^T P dt = UI = I^2 R = 4000 BT = 4(kBm)$

Қувватнинг оний қиймати:  $P = ui = UI + UI \sin(2\omega t - 90^\circ) = [4 + 4 \sin(2\omega t - 90^\circ)] kBm$

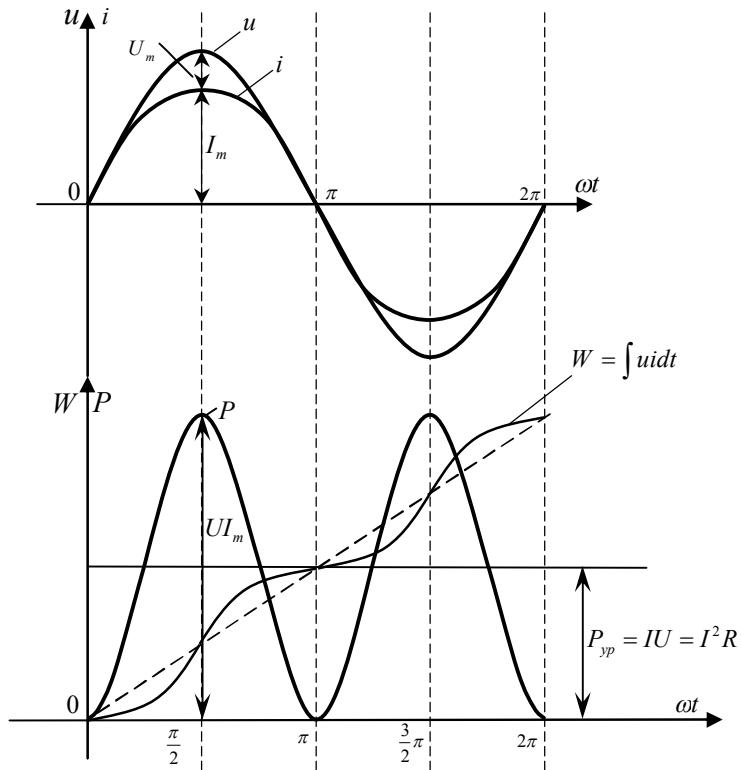
Электр энергиясининг оний қиймати:

$$W = \int P dt = UIt - \frac{UI}{2\omega} \sin 2\omega t = 4000t - \frac{4000}{2 \cdot 314} \sin 2\omega t = (4000 - 6,37 \sin 2\omega t)(Дж)$$

Джоул-Ленц қонунига асосан актив қаршиликда (реостатда) ўзгарувчан электр ток энергияси иссиқлик энергияси ажиралиб сарф бўлади.

Актив қувват вақт бўйича ўзгарувган диаграммаси чизмада келтирилган.

Бунда ток ва кучланиш орасидаги бурчак  $\varphi = 0$  бўлиб,  $I_m$  ва  $U_m$  вектор ифодалари устма - уст тушади.



**Масала 2-6.** Индуктивлиги  $L = 0,27 (\text{Гн})$ , актив қаршилиги  $R = 49 (\Omega)$  бўлган реактив фалтак, синусоидал ўзгарувчан ток частотаси  $f = 50 (\text{Гц})$ ,  $U = 220(V)$  кучланишга уланган.

Токнинг эффектив қиймати  $I$ , ток ва кучланиш орасидаги бурчак  $\varphi$  аниқланиб вектор ифодаси тузилсин.

**Ечиш:**

$$\text{Ом қонунига асосан: } I = \frac{U}{z} = \frac{220}{\sqrt{R^2 + (\omega L)^2}} = \frac{220}{\sqrt{49^2 + (314 \cdot 0,27)^2}} = 2,24(A)$$

Бунда:

$$\omega = 2\pi f = 314 \cdot 2 \cdot 50 = 314 \text{ (рад/сек)}$$

Бурчак фазаси:

$$\varphi = \arctg \frac{x}{R} = \arctg \frac{100}{49} = 2 = 60^\circ$$

ёки фаза фарқи

$$\varphi = \varphi_u - \varphi_i = 0 - 60^\circ = -60^\circ$$

Токнинг оний қиймати:

$$i = \sqrt{2}I = 3,16 \sin(\omega t - 60^\circ) (A)$$

Кучланиш оний қиймати:

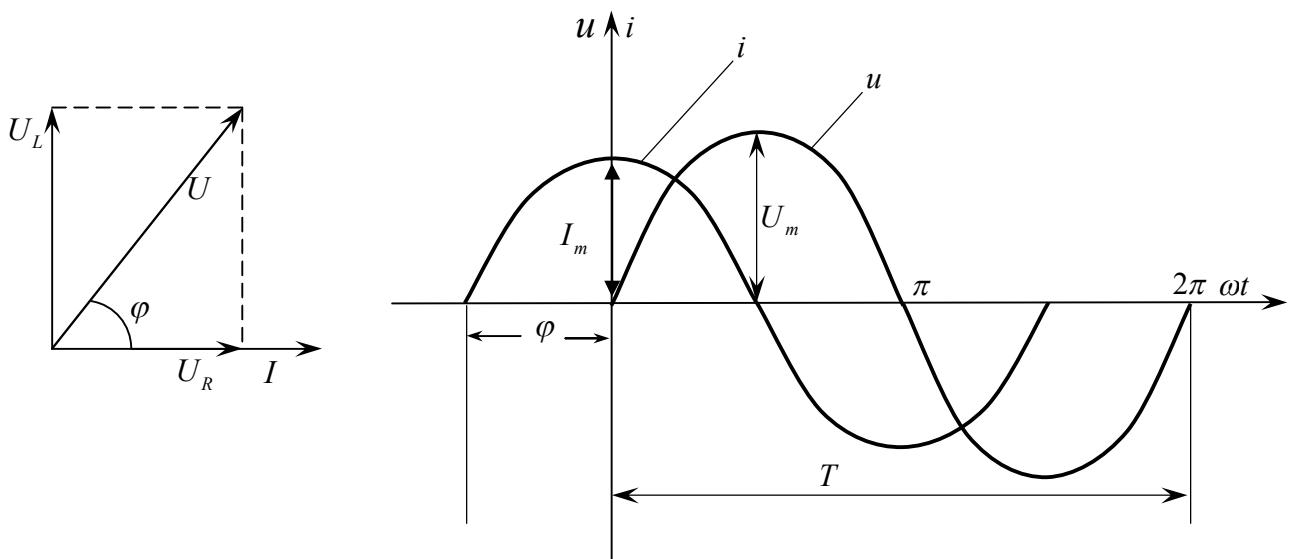
$$u = 220 \sin \omega t (B)$$

Бундан:

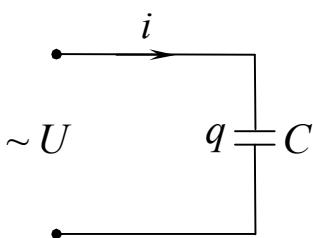
$$U_m = \sqrt{2}U = 1,41 \cdot 220 = 310 (B)$$

Масштаб танлаб, ток ва кучланишлар вектор ифодасини ва вақт бўйича ўзгарувчан диаграммасини тузамиз.

Бунда  $R$  ва  $x_L$  қаршиликлардаги кучланиш:  $U_R = IR = 2,24 \cdot 49 = 115 (B)$ ;  
 $U_L = I_L X_L = 2,24 \cdot 100 = 224 (B)$ ;



**Масала 2-7.** Сигими  $C = 41,6 \text{ мкФ}$  бўлган конденсатор  $u = 120 \sin(314t + \frac{\pi}{4})$



кучланишга уланган. Сигим, токи  $i$ , заряди  $Q$ , куввати  $P_c$  ва электр майдон энергияси  $W_e$  аниқлансин.

**Ечиш:**

Сигим қаршилигини аниқлаймиз:

$$X_c = \frac{1}{\omega C} = 76,6 (\Omega)$$

Токнинг амплитуда қиймати:

$$I_m = \frac{U_m}{X_c} = 1,57 (A)$$

Ток ва кучланиш орасидаги фаза фарқи:

$$\varphi = \varphi_u - \varphi_i = \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{2} = \frac{3}{4}\pi$$

Токнинг оний қиймати:

$$i = 1,57 \sin(314t + \frac{3}{4}\pi) (A)$$

Сигимдаги заряднинг оний қиймати:

$$Q = CU = 416 \cdot 10^{-6} \cdot 120 \sin(314t + \frac{\pi}{4}) = 5 \sin(314t + \frac{\pi}{4}) (\text{мкФ})$$

Күвватнинг оний қиймати:

$$P = U_m I_m [\cos \varphi - \cos(2\omega t + 2\varphi_U - \varphi)] = -UI \cos 2\omega t$$

Бунда  $\varphi = -\frac{\pi}{2}$  ва  $\varphi_U = \frac{\pi}{4}$  бўлганлиги учун:

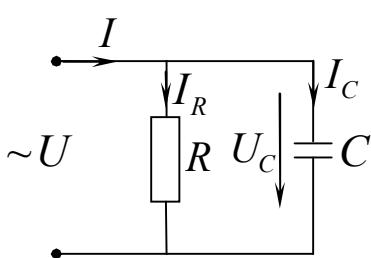
$$P = \frac{120 \cdot 1,57}{2} \cos 2\omega t = 93,2 \cos 2\omega t (\text{Вм})$$

Сигимда ҳосил бўладиган электр майдон энергияси:

$$W_s = \frac{CU^2}{2} = \frac{1}{2} \cdot 41,6 \cdot 10^{-6} \cdot 120^2 \sin^2(314t + \frac{\pi}{4}) = 0,15(1 + \sin 628t) (\text{Дж})$$

### **Масала 2-8.**

Параллел схемада уланган ток занжирининг кучланиши  $U=150(\text{В})$ ,  $I=5(\text{А})$ ,  $I_R=3(\text{А})$  ва частотаси  $f=50(\text{Гц})$  тенг. Сигим параметри  $C$ , хамда занжирда сарф бўладиган тўла қувват аниқлансин.



#### **Ечиш:**

Пифагор теоремасига асосан токлар учбуручак вектор ифодасидан:

$$I_C^2 = I^2 - I_R^2 = \sqrt{25 - 9} = 4(\text{А})$$

Сигимдаги кучланиш:  $U_C = \frac{I_C}{x_C} = \frac{I_C}{\omega C} (\text{В})$

Бундан сигим параметри:  $C = \frac{I_C}{U_C \omega} = \frac{4}{150 \cdot 314} = 85(\text{мкФ})$

Электр занжирнинг тўла қуввати:  $S = UI = 1505 = 750 (\text{ВА})$

Актив қаршилик қуввати:

$$P = UI_R = 150 \cdot 3 = 450 (\text{Вм})$$

Сигим қаршилик реактив қуввати:  $Q_C = \sqrt{S^2 - P^2} = \sqrt{750^2 - 450^2} = 600 (\text{Вар})$

**Масала 2-9.** Ўзгарувчан ток частотаси  $f = 500 (\text{Гц})$  бўлган ток занжирда индуктивлиги  $L=5(\text{МГн})$ , токи  $I=10(\text{А})$  бўлиб,  $P=1(\text{КВт})$  қувват сарфланади.

Умумий кучланиш  $U$  ва қувват коэффициенти  $\cos \varphi$  аниқлансин.

#### **Ечиш:**

Актив қувват тенгламасидан:  $P = I^2 R ; R = \frac{P}{I^2} = \frac{1000}{10^2} = 100(\Omega)$

Ғалтак тўла қаршилиги:  $Z_k = \sqrt{R^2 + (\omega L)^2} = \sqrt{100^2 + (6,28 \cdot 500 \cdot 5 \cdot 10^{-3})^2} = 18,6(\Omega)$

Кучланиш:

$$U = IZ_k = 10 \cdot 18,6 = 186 (\text{В})$$

Кувват коэффициенти:  $\cos \varphi = \frac{P}{S} = \frac{1000}{IU} = \frac{1000}{186 \cdot 10} = 0,54$

**Масала 2-10.** Кучланиш  $U = 283 \sin 500t$  бўлган генераторга, параметрлари  $L = 0,016 \text{ Гн}$ ,  $R = 6 \text{ Ом}$  бўлган индуктив ғалтак уланган бўлиб, шу ғалтакдан оқиб ўтувчи токнинг оний қиймати ( $i_i$ ) актив, реактив кучланишлари ( $U_a, U_p$ ), тўла қувват ( $S$ ) аниқланиб, кучланишлар учбуручак вектор ифодаси чизилсин.

**Ечиш:**

Индуктив қаршилик:  $X_i = \omega L = 500 \cdot 0,016 = 8(\text{Ом})$

Фаза фарқи:  $\varphi = \arctg \frac{x}{R} = \arctg \frac{8}{6} = 53^\circ$

$$\varphi_i = \varphi_U - \varphi = -53^\circ$$

Тўла қаршилик:  $Z = \sqrt{R^2 + x^2} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10(\text{Ом})$

Ток амплитудаси:  $I_m = \frac{U_m}{Z} = \frac{283}{10} = 28,3(A)$

Оний қиймати:  $i_m = 28,3 \sin(500t - 53^\circ)(A)$

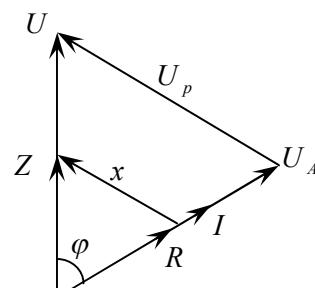
Актив ва реактив кучланишлар:  $U_{ma} = U_m \cos \varphi = 170(B)$ ,  $U_{mp} = U_m \sin \varphi = 226(B)$

Тўла қувват:  $S = UI = \frac{U_m}{\sqrt{2}} \cdot \frac{I_m}{\sqrt{2}} = 400 \text{ ват} = 4(\text{кВт})$

Актив қувват:  $P = S \cos \varphi = 4 \cdot 0,6 = 2,4(\text{кВт})$

Реактив қувват:  $Q = S \sin \varphi = 4 \cdot 0,8 = 3,2(\text{кВар})$

Вектор ифодасини тузамиз.

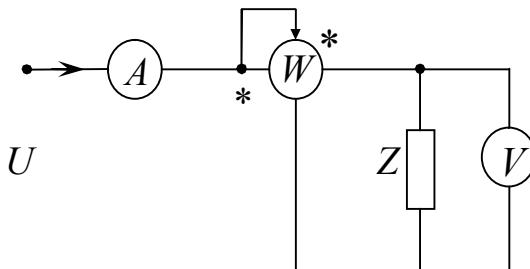


Актив қаршилиқдаги кучланиш вектори ( $U_a$ ), ток вектори билан устма- уст тушади шу сабабли  $\varphi_{ua} = -53^\circ$ .

$U_p$  - кучланиш эса ток векторига нисбатан  $90^\circ$  фарқ килиб  $\varphi_{Up} = 37^\circ$  тенг.

Яни:  $U_a = 170 \sin(500t - 53^\circ) \text{ в}, \quad U_p = 226 \sin(500t + 37^\circ) \text{ в}$

**Масала 2-11.** Берилган электр ток занжирига уланган электр асбоблари: амперметр токи  $I=20 \text{ А}$ , вольтметрдаги кучланиш  $U=100 \text{ В}$  ва ваттметр қуввати  $P=1200 \text{ Вт}$  тенг. Электр занжир индуктив ( $\varphi > 0$ ) ҳарактерга эга бўлган ҳолат учун ўхшашлик эквивалент схемаси тузилиб, қаршиликлари параметрлари аниқлансан ин ҳамда учбуручак вектор ифодалари тузилсин.



Ечиш:

Тұла қаршилиқ:

$$Z = \frac{U}{I} = 5(\Omega)$$

Актив қаршилиқ:

$$R = \frac{P}{I^2} = \frac{1200}{20^2} = 3(\Omega)$$

Индуктив қаршилиқ:

$$x_L = \sqrt{z^2 - R^2} = 4(\Omega)$$

Актив қаршилиқ күчланиш:

$$U_R = U_a = IR = 60(V)$$

Индуктивлик реактив күчланиши:

$$U_L = U_p = Ix_i = 80(V)$$

Актив үтказувчанлик:

$$g = \frac{R}{z^2} = 0,12\left(\frac{1}{\Omega}\right)$$

Индуктив үтказувчанлик:

$$b_L = \frac{x^2 L}{z} = 0,16\left(\frac{1}{\Omega}\right)$$

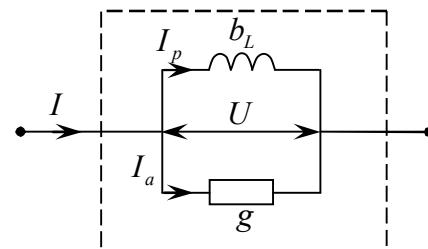
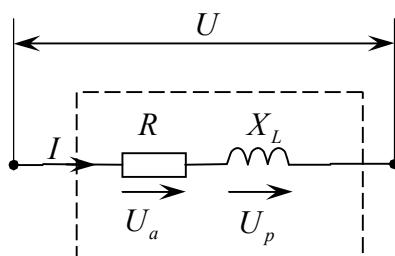
Тұла үтказувчанлик:

$$y = \frac{1}{z} = \sqrt{g^2 + b_2^2} = 0,2\left(\frac{1}{\Omega}\right)$$

Электр үлчов асбоблари курсатган қийматлари бүйича:

$$g = \frac{P}{U_2} = 0,12\left(\frac{1}{\Omega}\right); \quad y = \frac{I}{U} = 0,2 \frac{1}{(\Omega)}; \quad b_2 = \sqrt{y^2 - g^2} = 0,16 \frac{1}{(\Omega)}$$

Аниқланған қийматлар асосида эквивалент үхашашлик схемасини тузамиз.



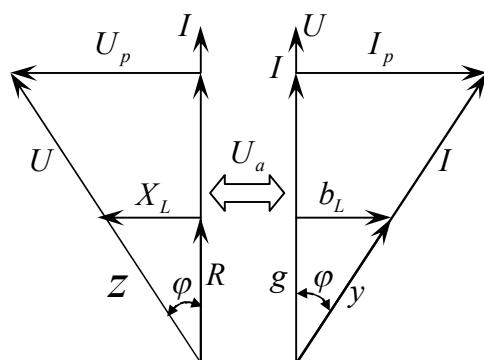
Бундан актив қаршилиқдаги ток:

$$I_R = I_a = Ug = 12(A)$$

Индуктивликда реактив ток:

$$I_L = I_p = Ub_L = 16(A)$$

Қаршиликлар үтказувчанликлар, ток ва күчланишлар эквивалент (үхашашлик) вектор ифодаси күйидеги күринишда бўлади.



**Масала 2 - 12.** Индуктивлиги  $L = 0,18(\text{Гн})$  актив қаршилиги  $R = 30(\Omega)$  тенг бўлган индуктив ғалтак, сифими  $C = 40(\text{мкФ})$  бўлган конденсатор билан кетма-кет схемада бириктирилиб,  $U = 250 \sin 500t(B)$  манба кучланишига уланган. Ток ( $I_m$ ), фаза бурчаги ( $\varphi$ ), индуктивлик ва сифим кучланишлари аниқланиб вектор ифодаси тузилсин.

### Ечиш:

Реактив қаршиликлар ифодасига асосан:

$$x_L = \omega L = 500 \cdot 0,18 = 90(\Omega)$$

$$x_c = \frac{1}{\omega C} = \frac{10^3}{500 \cdot 40} = 50(\Omega)$$

$$x = x_L - x_c = 40(\Omega)$$

Тўла қаршилик

$$z = \sqrt{R^2 + x^2} = 50(\Omega)$$

Ток амплитудаси :

$$I_m = \frac{U_m}{z} = \frac{250}{50} = 5(A)$$

Ток ва кучланиш орасидаги фаза фарқи:

$$\varphi = \arctg \frac{x}{R} = \arctg 1,33 = 53^\circ 8'$$

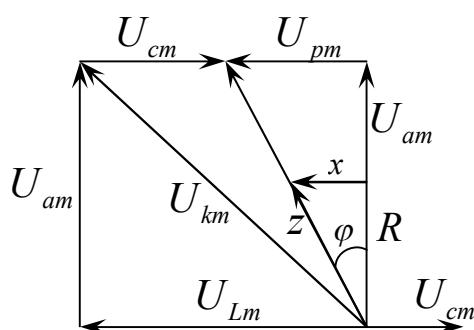
Сифимдаги кучланиш:  $U_{cm} = x_c I_m = 5 \cdot 50 = 250 \text{ B}$

Индуктивликдаги кучланиш:  $U_{Lm} = x_L I_m = 90 \cdot 5 = 450 \text{ B}$

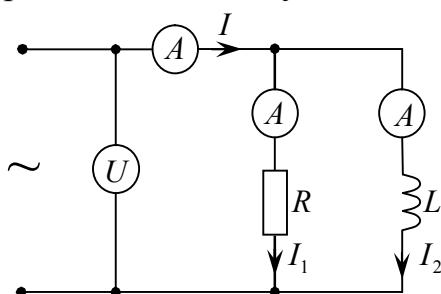
Актив қаршилик кучланиш:  $U_{Rm} = RI_m = 30 \cdot 5 = 150 \text{ B}$

Галтак умумий кучланиш эса:  $U_{km} = \sqrt{U_{am}^2 + U_{Lm}^2} = 470 \text{ B}$

Хисоблаб топилган қийматлар буйича масштаб  $[m_i m_u]$  танланиб вектор диаграммасини тузамиз.



**Масала 2-13.** Чизмада келтирилган схемага уланган электродинамик асбобларнинг кўрсатиши:  $U = 120 \text{ В}$ ,  $I = 10 \text{ А}$ ,  $I_2 = 6 \text{ А}$  бўлиб, частотаси  $f = 1 \text{ кГц}$  бўлганда; ток  $I$ , актив қаршилик  $R$ , ва индуктивлик  $L$  аниқлансин.



### Ечиш:

Үзгарувчан ток бурчак частотаси:  $\omega = 2\pi f = 628 \left( \frac{1}{сек} \right)$

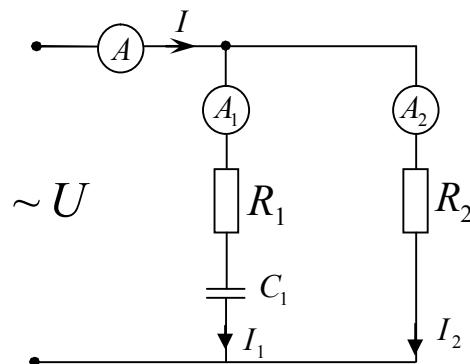
Индуктив қаршилик:  $x_L = \frac{U}{I_2} = \frac{120}{6} = 20(\Omega)$

Индуктивлик:  $L = \frac{x_L}{\omega} = 3,18(mH)$

Актив қаршилиқдан оқиб ўтувчи ток:  $I_1 = \sqrt{I^2 - I_2^2} = 8(A)$

Қаршилиги эса:  $R = \frac{U}{I_1} = 15(\Omega)$

**Масала 2-14.** Схемага уланган амперметрларнинг кўрсатиш:  $I = 25A$ ,  $I_1 = 13,5A$ ,  $I_2 = 15(A)$  ва  $R_2 = 20 \Omega$ ,  $f = 50 (Гц)$  тенг бўлган холат учун занжир параметрлари ва сарф бўладиган актив қувват (Р) ҳамда қувват коэффициенти ( $\cos\varphi$ ) ҳисоблаб топилсин.



### Ечиш:

Параллел уланган холатда умумий қучланиш:  $U = I_2 R_2 = 20 \cdot 15 = 300(V)$

Умумий ток эса:  $I = \sqrt{I_a^2 + I_p^2}$

Бундан:  $I_a = I_2 + I_1 \cos\varphi_1$ ,  $I_p = I_1 \sin\varphi$

Ёки:  $I^2 = (I_1^2 + I_1 \cos\varphi_1)^2 = I_1^2 \sin^2 \varphi_1 = I_1^2 + I_2^2 + 2I_1 I_2 \cos\varphi_1$

Биринчи тармоқ бурчаги:  $\cos\varphi_1 = \frac{I^2 - I_1^2 - I_2^2}{2I_1 I_2} = 0,538$

Тўла қаршилик:  $z_1 = \frac{U}{I_1} = \frac{300}{13,5} = 22,2(\Omega)$

Актив қаршилик:  $R_1 = z_1 \cos\varphi_1 = 11,9(\Omega)$

Сигим каршилиги:  $x_1 = \sqrt{z_1^2 - R_1^2} = 18,8(\Omega)$

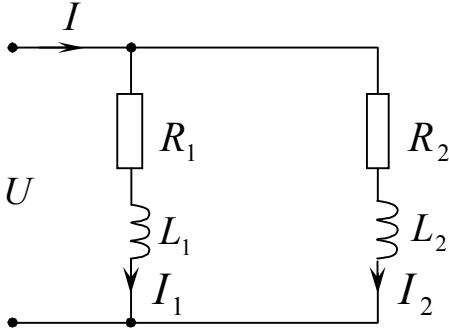
Сигим параметри:  $C_1 = \frac{1}{x_1 \omega} = 169 \cdot 10^{-6} \Phi = 169(\mu\Phi)$

Электр занжирнинг қувват коэффициенти:  $\cos\varphi = \frac{I_a}{I} = \frac{I_2 + I_1 \cos\varphi_1}{I} = 0,89$

Занжирда сарф бўладиган актив қувват:

$$P = UI \cos\varphi = 300 \cdot 25 \cdot 0,89 = 6680 BT = 6,68(kBm)$$

**Масала 2 – 15.** Күчланиш  $U = 120 \text{ В}$  частотаси  $f = 50 \text{ Гц}$  бўлган ток занжирига параметрлари:  $R_1 = 4 \text{ Ом}$ ,  $L_1 = 0,6 \text{ МГн}$ ,  $R_2 = 6 \text{ Ом}$ ,  $L_2 = 25,5 \text{ МГн}$ , бўлган иккита индуктив ғалтак истемолчилар параллел уланган. Тармақ токлари, занжирнинг қувват коэффициенти ва истемолчиларда сарф бўладиган актив қувват аниқлансин.



### Ечиш:

Биринчи ғалтак индуктивлигини аниқлаймиз:

$$x_{L_1} = 2\pi fL_1 = 2 \cdot 3,14 \cdot 50 \cdot 0,6 \cdot 10^{-3} = 3 \text{ Ом}$$

Биринчи ғалтак тўла қаршилигини аниқлаймиз:

$$Z_1 = \sqrt{R_1^2 + x_{L_1}^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5 \text{ Ом}$$

Бириничи тармоқ токи:

$$I_1 = \frac{U}{Z} = \frac{120}{5} = 24 \text{ А}$$

Биринчи ғалтак қувват коэффициенти:

$$\cos \varphi_1 = \frac{R_1}{Z} = \frac{4}{5} = 0,8$$

(бурчак  $\varphi_1 = 36^{\circ}50'$  бўлганда  $\sin \varphi_1 = 0,6$ )

Бунда биринчи тармоқ токи актив ташкил этувчиси:

$$I_{a_1} = I_1 \cos \varphi_1 = 24 \cdot 0,8 = 19,2 \text{ А}$$

Реактив ташкил этувчиси:

$$I_{P_1} = I_1 \sin \varphi_1 = 24 \cdot 0,6 = 14,4 \text{ А}$$

Иккинчи ғалтак индуктив қаршилиги:

$$x_{L_2} = 2\pi fL_2 = 6,28 \cdot 50 \cdot 2,5 \cdot 10^{-3} = 10 \text{ Ом}$$

Иккинчи тармоқ токи:

$$I_2 = \frac{U_2}{Z_2} = \frac{120}{10} = 12 \text{ А}$$

Иккинчи ғалтак қувват коэффициенти:

$$\cos \varphi_2 = \frac{R_2}{Z_2} = \frac{6}{10} = 0,6$$

(бурчак  $\varphi_2 = 52^{\circ}10'$  бўлганда  $\sin \varphi_2 = 0,8$ )

Иккинчи тармоқ токи актив ташкил этувчиси:

$$I_{a_2} = I_2 \cos \varphi_2 = 12 \cdot 0,6 = 7,2 \text{ А}$$

Реактив ташкил этувчиси:

$$I_{P_2} = I_2 \sin \varphi_2 = 12 \cdot 0,8 = 9,6 \text{ А}$$

Умумий токнинг актив ташкил этувчиси қисми:

$$I_a = I_{a_1} + I_{a_2} = 19,2 + 7,2 = 26,4 \text{ А}$$

Реактив ташкил этувчиси:

$$I_P = I_{P_1} + I_{P_2} = 14,4 + 9,6 = 24 \text{ A}$$

Умумий ток қиймати:

$$I = \sqrt{I_a^2 + I_P^2} = 36 \text{ A}$$

Занжир қувват коэффициенти:

$$\cos\varphi = \frac{I_a}{I} = \frac{26,4}{36} = 0,733$$

Биринчи ғалтакда сарф бўладиган актив қуввати:

$$P_1 = UI_1 \cos\varphi_1 = 120 \cdot 24 \cdot 0,8 = 2304 \text{ Bm}$$

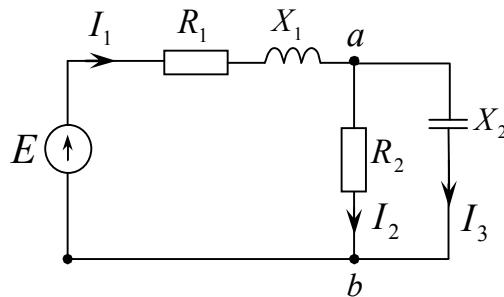
Иккинчи ғалтакда сарф бўладиган актив қуввати:

$$P_2 = UI_2 \cos\varphi_2 = 120 \cdot 12 \cdot 0,6 = 864 \text{ Bm}$$

Истемолчиларда сарф бўладиган актив қувват:

$$P = P_1 + P_2 = 2304 + 864 = 3168 \text{ Bm}$$

**Масала 2–16.** Чизмада келтирилган схемада ўзгарувчан кучланиш частотаси  $f=50\text{Гц}$  бўлган генераторнинг актив қуввати  $P=31,25 \text{ (кВт)}$  занжир қаршиликлари  $R_1=2 \text{ Ом}$ ,  $x_1 = 36 \text{ (Ом)}$ ,  $R_2 = 75 \text{ Ом}$ ,  $x_3=100 \text{ (Ом)}$  тенг. Шу занжир учун тармоқ токлари ва кучланишлари ҳисоблансин.



**Ечиш:**

Параллел уланган тармоқ ўтқазувчанлиги:

$$g_{ab} = \frac{1}{R_2} = 1,33 \cdot 10^{-2} \left( \frac{1}{\text{Ом}} \right); \quad b_{ab} = \frac{1}{x_2} = -0,01 \left( \frac{1}{\text{Ом}} \right)$$

Умумий ўтқазувчанлик:  $y_{ab} = \sqrt{g_{ab}^2 + b_{ab}^2} = 1,67 \cdot 10^{-2} \left( \frac{1}{\text{Ом}} \right)$

Икки қутбли ток занжирлари эквивалент ўхшашлик тенгламасидан:

$$R_{ab} = \frac{g_{ab}}{y_{ab}^2} = 48(\text{Ом}); \quad x_{ab} = \frac{b_{ab}}{y_{ab}^2} = -\frac{0,01}{2,78 \cdot 10^{-4}} = 36(\text{Ом})$$

Занжирнинг умумий актив ва реактив қаршиликлари:

$$R = R_1 + R_{ab} = 50 \text{ (Ом)}; x = x_1 + x_{ab} = 36 - 36 = 0$$

Тўла қаршилик:  $Z = \sqrt{R^2 + x^2} = 50(\text{Ом})$

Биринчи тармоқ токи:  $I_1 = \sqrt{\frac{P}{R}} = \sqrt{\frac{31250}{50}} = 25(\text{A})$

Умумий кучланиш эса  $U = I_1 Z = 1250 \text{ (В)}$  бўлиб фаза бурчаги  $\varphi = 0$ .

Биринчи тармоқ кучланишлари:  $U_{1a}=R_1 I_1=25 \cdot 2=50 \text{ (В)},$

$$U_{1p}=x_1 I_1=25 \cdot 36=900(\text{В})$$

$$U_1 = \sqrt{U_{a1}^2 + U_{p1}^2} = 900(B)$$

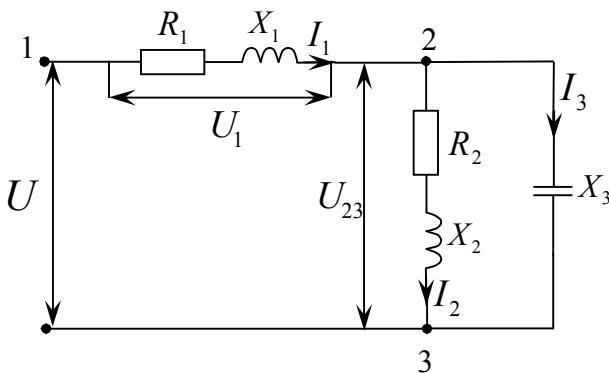
Параллел уланган тармоқдаги күчланиш:  $U_{ab} = \frac{I_1}{y_{ab}} = \frac{25}{1,67 \cdot 10^{-2}} = 1500(B)$

Тармоқ токлари:

$$I_2 = \frac{U_{ab}}{R_2} = 20(A),$$

$$I_3 = \frac{U_{ab}}{x_3} = 15(A)$$

**Масала 2–17.** Қаршиликлари аралаш схемада уланган электр занжирида сарф бўладиган актив қувват  $P=1,2$  ( $kW$ ) бўлиб параметр қийматлари:  $R=2$  ( $OM$ ),  $x=26$  ( $OM$ ),  $R_2=10$  ( $OM$ ),  $x_2=10$  ( $OM$ ),  $x_3=-10$  ( $OM$ ) тенг. Занжирдаги умумий күчланиш  $U$  тармоқ токлари  $I_1$ ,  $I_2$ ,  $I_3$ , реактив қуввати  $Q$  аниқланиб вектор диаграммаси тузилсин.



Занжирнинг актив ва реактив қаршиликларини, қаршиликлар эквивалент параметр ўхшашлик тенгламасига асосан аниқлаймиз:

$$g_2 = \frac{R_2}{R_2^2 + x_2^2} = \frac{10}{200} = 0,05 \left( \frac{1}{OM} \right); \quad b_2 = \frac{x_2}{R_2^2 + x_2^2} = \frac{10}{200} = 0,05 \left( \frac{1}{OM} \right)$$

Учинчи тармоқ ўтқазувчанлиги:  $g_3 = 0, b_3 = \frac{1}{x_3} = -0,1 \left( \frac{1}{OM} \right)$

Тармоқлар параллел уланган қисми учун:  $g_{23} = g_2 + g_3 = 0,05 \left( \frac{1}{OM} \right)$

Умумий ўтқазувчанлик:  $y_{23} = \sqrt{g_{23}^2 + b_{23}^2} = 0,005 \left( \frac{1}{OM} \right)$

Ўхшашлик эквивалент параметрлар тенгламасига асосан актив қаршилик:

$$R_{23} = \frac{g_{23}}{y_{23}^2} = \frac{0,05}{0,005} = 10(OM)$$

Реактив қаршилик:  $x_{23} = \frac{b_{23}}{y_{23}^2} = -\frac{0,05}{0,005} = -10(OM)$

Тўла қаршилик:  $z_{23} = \sqrt{R_{23}^2 + x_{23}^2} = 14,1(OM)$

Занжирнинг умумий актив қаршилиги:  $R = R_1 + R_{23} = 12(OM)$

Умумий реактив қаршилиги:  $x = x_1 + x_{23} = 16(OM)$

Актив қувват тенгламасига асосан:  $P = I^2 R$

Бунда  $I = \sqrt{\frac{P}{R}} = \sqrt{\frac{1200}{12}} = 10(A)$

Бурчак фазаси:  $\varphi = \arctg \frac{x}{R} = \arctg \frac{16}{12} = 1,33 = 53^\circ 10'$

Үмумий кучланиш:  $U = \frac{P}{I \cos \varphi} = \frac{1200}{10 \cdot 0,6} = 200B$

Тұла қувват:  $S = UI = 200 \cdot 10 = 2000BA = 2KBA$

Тұла қаршилисік:  $z = \frac{S}{I^2} = \frac{2000}{100} = 20 \text{ Om};$

Бурчак:  $\sin \varphi = \frac{x}{z} = \frac{16}{20} = 0,8$

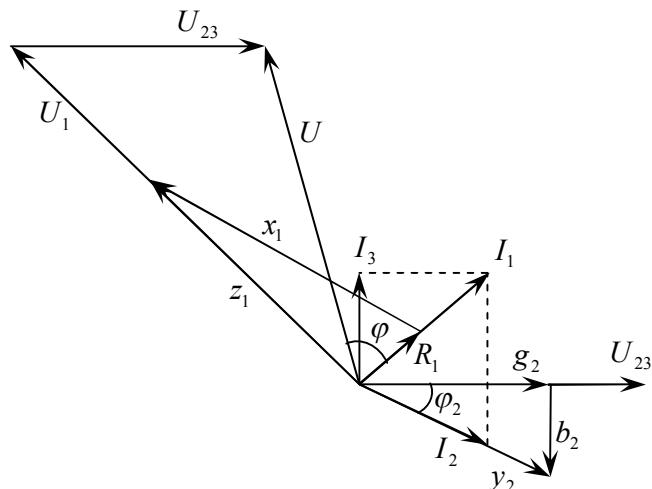
Реактив қувват:  $Q = S \sin \varphi = 2 \cdot 0,8 = 1600BAP = 1,6KBAP$

Тармоқ кучланишлари:  $U_1 = z_1 I_1 = 26,2 \cdot 10 = 262B, U_{23} = z_{23} I_1 = 14,1 \cdot 10 = 141B$

Тармоқ токлари:  $I_2 = \frac{U_{23}}{z_{23}} = \frac{141}{14,1} = 10A, I_3 = \frac{U_{23}}{z_3} = \frac{141}{10} = 14,1A$

Вектор диаграмма түзиш учун ток ва кучланиш масштаблари танланади:

$$\left( m_I = 5A/cm, m_U = 25B/cm, m_y = 0,02 \frac{1}{\text{ом} \cdot \text{см}}, m_z = 5 \frac{\text{ом}}{\text{см}} \right)$$



### **2-3. Мұстакіл ечиш учун масалалар:**

**Масала 5-1.** Қутблар сони  $P=3$  берк ҳалқа магнит майдонида  $n=1000$  айл/мин тезлик билан айланганда, ҳосил бўладиган э.ю.к частотаси аниқлансин.

**Жавоб:**  $f=50$  Гц.

**Масала 5-2.** Ўзгарувчан ток генераторининг якорь айланиш тезлиги  $n=500$  айл/мин бўлиб,  $f=50$  Гц частотали, э.ю.к ҳосил қилганда қутблар сони нечта бўлади?

**Жавоб:**  $P = 6$

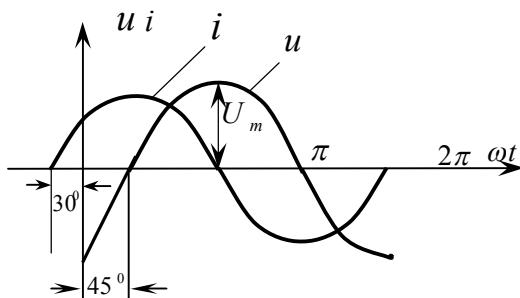
**Масала 5-3.** Ўзгарувчан э.ю.к амплитуда қиймати  $E_m=120$  В частотаси,  $f=100$  Гц бўлганда,  $t=0,0075$  сек вақтда э.ю.к оний қиймати аниқлансин.

**Жавоб:**  $e=120\sin 270^\circ$ ;  $e=E_m=-120$  В

**Масала 5-4.** Магнит майдонида ўрамлар сони  $W=40$  тенг бўлган ғалтак айланганда ҳосил бўладиган магнит оқими  $\Phi=0,02\sin 314t$  бўлиб, ғатакда индукцияланадиган э.ю.к оний қиймати аниқлансин.

**Жавоб:**  $e=250\sin(314t-90^\circ)$

**Масала 5-5.** Расмда келтирилган синусаидал функциялар учун аналитик ифодаси ёзилиб, ток ва кучланиш орасида бурчак ф аниқлансин.



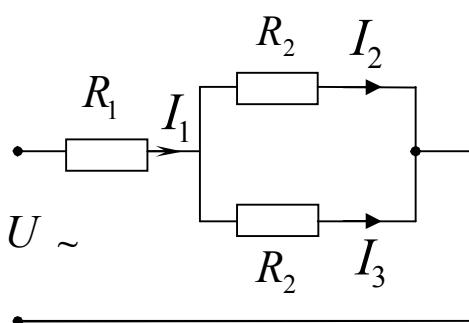
**Масала 5-6.** Кучланиш ва ток оний қийматлари  $U=170\sin(\omega t + 45^\circ)$   $i=10\sin(\omega t - 45^\circ)$  бўлганда булар орасидаги бурчак ф топилиб,  $t=0$  бўлганда оний қийматлари аниқлансин.

**Жавоб:**  $U_m=120$  В,  $I_m=7$  А,  $\varphi=90^\circ$

**Масала 5-7.** Актив қаршиликка эга бўлган синусаидал ўзгарувчан ток занжирига  $U=141\sin \omega t$  кучланиш уланганда,  $i=7,05\sin \omega t$  ток оқиб ўтади. Электр ток қувват  $P_{yp}$  – ўртача қиймати ва  $R$  - қаршилиги аниқлансин.

**Жавоб:**  $P_{yp}=750$  ВТ  $R=70$  ОМ

**Масала 5-8.** Синусаидал ўзгарувчан ток занжири актив қаршилик параметрлари:  $R_1=24 \text{ Ом}$ ,  $R_2=10 \text{ Ом}$ ,  $R_3=15 \text{ Ом}$  бўлиб,  $R_2$  қаршиликда сарф бўладиган қувват  $P_2 = 58 \text{ Вт}$ . Тармоқ токлари  $I_1$ ,  $I_2$ ,  $I_3$  лар ва умумий кучланиш  $U$  аниқлансин.

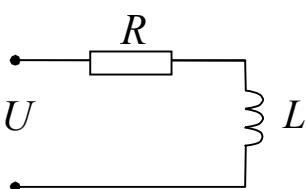


**Жавоб:**  $I_1=4 \text{ А}$ ,  $I_2=2,4 \text{ А}$ ,  $I_3=1,6 \text{ А}$ ,  $U=120 \text{ В}$

**Масала 5-9.** Ўзгарувчан ток частотаси  $f=160 \text{ Гц}$ ,  $U=220 \text{ В}$  кучланишга уланган бўлиб ғалтакдан  $I=4 \text{ А}$  оқиб ўтади. Ғалтак индуктивлиги аниқласин.

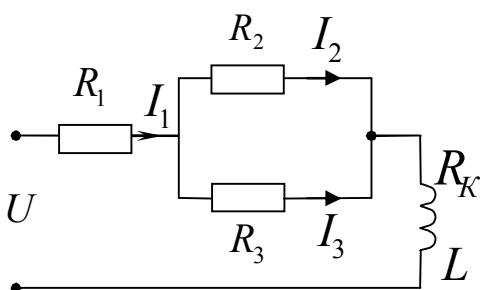
**Жавоб:**  $L=30 \text{ МГн}$

**Масала 5-10.** Параметрлари  $R=6 \text{ Ом}$ ,  $L=25 \text{ МГн}$  бўлган ғалтак, частотаси  $f=50 \text{ Гц}$  бўлган  $U=120 \text{ В}$  синусаидал ўзгарувчан кучланишга уланган. Қувват коэффициенти ва актив, реактив қувват аниқлансин.



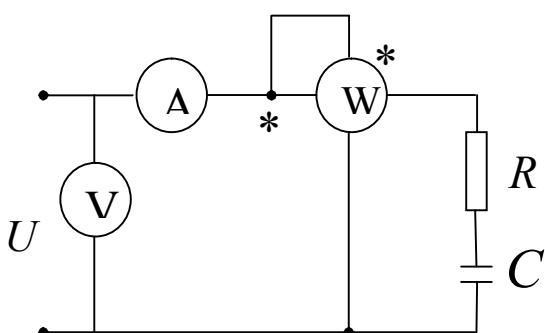
**Жавоб:**  $\cos\varphi=0,6$ ,  $P=864 \text{ Вт}$ ,  $Q_L=1152 \text{ ВАР}$

**Масала 5-11.** Синусаидал ўзгарувчан ток занжири параметрлари:  $R_1=4 \text{ Ом}$ ,  $R_2=10 \text{ Ом}$ ,  $R_3=15 \text{ Ом}$  ва индуктивлиги  $L=95 \text{ МГн}$  бўлиб,  $R_2$  қаршилиқдан частотаси  $f=50 \text{ Гц}$  бўлган  $I=2 \text{ А}$  ток оқиб ўтади. Умумий кучланиш  $U$  қиймати, бурчак коэффициенти  $\cos\varphi$  ва актив қувват  $P$  аниқлансин.



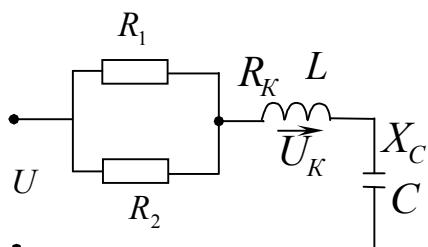
**Жавоб:**  $U=100 \text{ В}$ ,  $\varphi=36^{\circ}50'$ ,  $P=160 \text{ Вт}$

**Масала 5-12.** Электр ўлчов асбоблари кўрсатиши:  $U=200 \text{ В}$ ,  $I=2 \text{ А}$ ,  $P=240 \text{ Вт}$  бўлиб, частотаси  $f = 50 \text{ Гц}$  тенг. Актив ва сифим қаршилик параметрлари аниқлансин.



**Жавоб:**  $R=60 \text{ Ом}$ ,  $C=40 \text{ мкФ}$

**Масала 5-13.** Синусаидал ўзгарувчан ток занжири қаршиликлари:  $R_1=R_2=100 \text{ Ом}$ ,

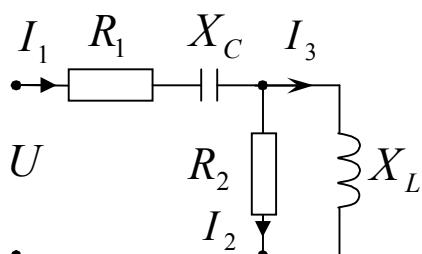


бўлиб, ғалтакдаги кучланиш  $U_K=100\text{В}$  частотаси  $f = 50 \text{ Гц}$  teng. Занжирдан оқиб ўтувчи токнинг ҳақиқий қиймати  $I$ , умумий кучланиш  $U$ , сифим ва индуктивлик параметрлари  $L$ ,  $C$ , актив қуввати  $P$  ҳамда электр  $W_e$  ва магнит  $W_M$  майдон энергиялари аниқлансин.

**Жавоб:**  $U=200 \text{ В}$ ,  $I=2 \text{ А}$ ,  $L=0,127 \text{ МГн}$   $C=32 \text{ мкФ}$ ,

$$P=320 \text{ Вт}, W_e=1,24 \text{ Дж}, W_M=0,5 \text{ Дж}$$

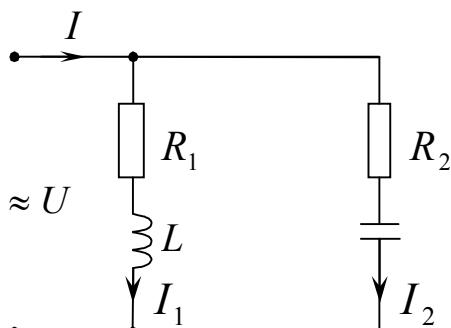
**Масала 5-14.** Қаршилик параметрлари:  $R_1=12 \text{ Ом}$ ,  $R_2=10 \text{ Ом}$ ,  $X_C=24 \text{ Ом}$ ,



$X_L=20 \text{ Ом}$  бўлган электр ток занжири  $f=50\text{Гц}$  бўлган  $U=220 \text{ В}$  синусаидал кучланишга уланган. Тармоқ токлари  $I_1$ ,  $I_2$ ,  $I_3$  ҳақиқий қийматлари аниқлансин.

**Жавоб:**  $I_1=6 \text{ А}$ ,  $I_2=4,4 \text{ А}$ ,  $I_3=5,25 \text{ А}$

**Масала 5-15.** Параметрлари  $R_1=160 \text{ Ом}$ ,  $L=0,04 \text{ МГн}$  бўлган индуктив ғалтак,



актив қаршилиги  $R_2=30 \text{ Ом}$  сифими  $C=50 \text{ мкФ}$  бўлиб паралелл схемада уланган. Ўзгарувчан ток кучланиши  $U=110 \text{ В}$  частотаси  $f=318 \text{ Гц}$  бўлганда умумий ўтқазувчанлик, тармоқ токлари аниқлансин.

$$\text{Жавоб: } y_1 = 0,036 \frac{1}{\text{Ом}}, y_2 = 0,0316 \frac{1}{\text{Ом}}, y = 0,036 \frac{1}{\text{Ом}}$$

$$I=3,96 \text{ А}, I_2=1,1 \text{ А}, I_3=3,5 \text{ А}$$

## **2-4. Синов саволлари:**

1. Синусоидал ўзгарувчан ток хусусияти нимадан иборат?
2. Синусоидал ўзгарувчан ток қандай хосил қилинади, манбаи нима?
3. Синусоидал ўзгарувчан ток билан, ўзгармас ток фарқи нимада?
4. Синхрон генераторнинг тузилиши ва ишлаш принципини биласизми?
5. Ўтказгич магнит майдонда ҳаракатланганда унда хосил бўладиган Э Ю К нимага тенг ?
6. Электр машина ва аппаратларида магнит ўзак (ферромагнетик) қандай максад учун хизмат килади?
7. Магнит доимийси деганда нимани тушунасиз?
8. Индуктивлик нима ва у қандай бирлиқда ўлчанади?
9. Синусоидал ўзгарувчан ток қандай қийматларда ифодаланади?
10. Синусоидал ўзгарувчан ток частотаси, даври ва оний қиймат ифодаларини ёзинг.
11. Синусоидал ўзгарувчан ток вектор ифодасини таърифлаб беринг. Электр занжирлар учун вектор диаграмма қандай тузилади?
12. Синусоидал ўзгарувчан ток ва кучланиш бошланғич фазаси ва фаза фарқи қандай аниқланади?
13. Актив индуктив ва сифим қаршилик параметрлари учун Ом қонуни ифодасини ёзинг.
14. Кетма-кет ва параллел схемаларда уланган R, L, C занжири учун Ом қонуни тенгламасини ёзинг.
15. 2-кутбели занжир учун эквивалент ўхшашлик тенгламаларини ёзинг.
16. Кетма-кет уланган актив ва индуктив қаршилиги бўлган ток занжири учун вектор ифодасини тузиб, тўла қаршилик ифодасини ёзинг.
17. Актив ва сифим қаршилиги бўлган ток занжири учун вектор ифода тузиб тўла қаршилик тенгламаси ёзилсин.
18. Кетма-кет бириктирилган R, L, C занжирида  $X_L > X_C$ ,  $X_L < X_C$ ,  $X_L = X_C$  бўлган холат учун вектор ифодасини тузиб, қайси характерга эга эканлигини тушунтиринг.
19. Актив, реактив ва тўла қувват тенгламаларини ёзинг.
20. Актив ва реактив элементларда электр ток энергияси каерда ва қандай сарфланади?
21. Қувват коэффициенти  $\cos\varphi$  нима ва қандай амалий аҳамиятга эга?
22. Ўзгармас токга нисбатан индуктив ва сифим қаршиликлар нимага тенг?
23. Нима учун сифимдан ўзгарувчан ток оқиб ўтади, ўзгармас ток эса оқиб ўтмайди?
24. Кетма-кет схемада уланган R, L занжир қаршиликларидағи кучланиш:  $U_r = 60V$ ,  $U_L = 80V$  га тенг бўлганда умумий U кучланиш нимага тенг?
25. Параллел схемада уланган R, C занжирларда оқиб утувчи токлар  $I_r = 3A$ ,  $I_c = 4A$  бўлганда умумий ток I қанчага тенг?
26. Агар R, L, C занжирлари кетма-кет уланган занжирнинг тўла қаршилиги  $Z = 100\Omega$ ,  $R = 80 \Omega$ ,  $X_C = 40 \Omega$  бўлса галтакнинг индуктив қаршилиги  $X_L$  канча Ом га тенг?

27. Агар  $C = 20 \text{ мкФ}$  бўлган сифим параметри  $U=220(\sin 314t - 60) \text{ В}$  кучланишга уланганда токнинг оний киймати  $i$  ни аникланг.
28. Кучланиш  $U=100 \text{ В}$  ток кучи  $I=5A$  ва фаза бурчаги  $\varphi = 60^\circ$  бўлган занжирнинг актив қуввати неча ватт бўлади?
29. Кучланиш қаршиликлар ва қувватлар учбурчак вектор ифодасига асосан  $\cos\varphi, \sin\varphi, \operatorname{tg}\varphi$  лар тенгламасини ёзинг
30. Қаршиликлар ва қувватлар учбурчак вектор ифодасидан, актив ва реактив ташкил этувчи векторлар қандай маънони билдиради?

### **3-Боб. Синусоидал ўзгарувчан ток занжирларини комплекс (символик) усулда ҳисоблаш.**

#### **3-1. Асосий назарий түшүнчалар.**

##### **1) Комплекс сон.**

Комплекс сон Эйлер формуласига асосан  $e^{\pm i\varphi} = \cos\varphi + j\sin\varphi$  ифодаланади, комплекс тексилиқда эса нүкта ёки вектор күринишда тасвир қилиш мүмкін бўлиб, комплекс сон уч хил күринишда ифода қилинади.

$$\dot{A} = a_1 + ja_2 \text{ - алгебрик}$$

$$\dot{A} = a(\cos\alpha + j\sin\alpha) \text{ - тригонометрик}$$

$$\dot{A} = ae^{j\alpha} \text{ - қўрсаткичли}$$

Бунда  $a_1 = a\cos\alpha = \operatorname{Re} \dot{A}$  - ҳақиқий қисми.

$$a_2 = a\sin\alpha = \operatorname{Im} \dot{A} \text{ - мавхум қисм.}$$

$$a - \text{комплекс сон модули: } |a| = \sqrt{a_1^2 + a_2^2}$$

$$\alpha - \text{комплекс сон аргументи: } \alpha = \arctg \frac{a_2}{a_1}$$

$$\text{Шунингдек } e^{\pm\pi/2} = \pm j; \quad \frac{1}{j} = -j; \quad j^2 = 1 \quad j^3 = -j \quad \text{ва} \quad j^4 = 1$$

Комплекс сонларни қўшиш ёки айриш амалини бажаришда алгебрик күринишда, кўпайтириш ва бўлиш амалини бажаришда эса қўрсаткичли ифодасидан фойдаланилади.

Синусоидал ўзгарувчан ток, кучланишлар ва э.ю.к функциясини комплекс күринишдаги ифодаси:

$$i = I_m \sin (\omega t + \varphi_i) \stackrel{\bullet}{=} I_m e^{j\omega t} \cdot I_m e^{j\varphi_i} = \dot{I}_m e^{j\omega t}$$

$$u = U_m \sin (\omega t + \varphi_u) \stackrel{\bullet}{=} U_m e^{j\omega t} \cdot U_m e^{j\varphi_u} = \dot{U}_m e^{j\omega t}$$

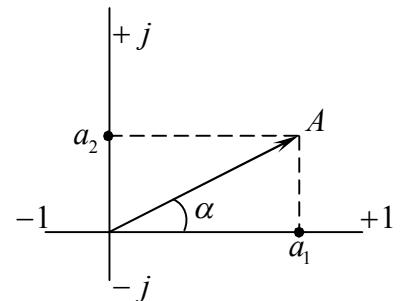
$$e = E_m \sin (\omega t + \varphi_e) \stackrel{\bullet}{=} E_m e^{j\omega t} \cdot E_m e^{j\varphi_e} = \dot{E}_m e^{j\omega t}$$

Бунда:

$\dot{I}_m, \dot{U}_m, \dot{E}_m$  - синусоидал ўзгарувчан ток, кучланиш, ва Э.Ю.К комплекс амплитудаси.

Электр занжирларини комплекс усулда ҳисоблаш жараёнида  $\dot{I}, \dot{U}, \dot{E}$  лар фақатгина вақт функцияси тарзида эмас, балки унинг хосиласи ёки интеграл тарзида ҳам учирашиши мүмкін.

$$\frac{di}{dt} = \omega I_m \sin \left( \omega t + \psi_i + \frac{\pi}{2} \right) \stackrel{\bullet}{=} \omega \dot{I}_m e^{j(\omega t + \varphi_i + \frac{\pi}{2})} = j\omega \dot{I}_m e^{j\varphi_i} \cdot e^{j\omega t} = j\omega \dot{I}_m e^{j\omega t}$$



$$\int idt = \frac{I_m}{\omega} \sin \left( \omega t + \varphi_i - \frac{\pi}{2} \right) = \frac{I_m}{j\omega} e^{j(\omega t + \varphi_i - \frac{\pi}{2})} = \frac{I_m}{j\omega} e^{j\varphi_i} \cdot e^{j\omega t} = \frac{I_m}{j\omega} e^{j\omega t}$$

Демак, комплекс шаклда берилган хар қандай синусоидал функция тасвири  
 $\dot{I} = me^{j\omega t}$  бўлса, у функциядан хосила олиш " $j\omega$ " кўпайтириш ёки интеграллаш эса " $j\omega$ " га бўлиш билан баробар экан.

2). Синусоидал ўзгарувчан ток занжирларини комплекс усулда ҳисоблаш.

### Ом қонунинг комплекс ифодаси:

$$\dot{I} = \frac{\dot{U}}{Z}$$

Тўла қаршилик:  $Z = R + jx = Ze^{j\varphi}$  Ом

Тўла ўтказувчаник:  $y = \frac{1}{Z} = g - j\beta = y e^{-j\varphi} \frac{1}{Om}$

Тўла қувватлар комплекс ифодаси:

$$\tilde{S} = \dot{U}\dot{I} = \dot{U}e^{j\varphi u} \cdot \dot{I}e^{-j\varphi i} = \dot{U}\dot{I}e^{j\varphi} = \dot{U}\dot{I}\cos\varphi + j\dot{U}\dot{I}\sin\varphi = P + jQ BA$$

\*

$I$  – комплекс токнинг тескари ишораси билан олинган киймати.

Мураккаб синусоидал ўзгарувчан ток занжирларини ҳисоблашда; (Ом ва Кирхгор қонунлари билан бир қаторда) Кирхгоф қонунларини тадбиқ этиш, контурли токлар усули, тугун кучланишлар, устма – устлик (суперпозиция) усули, мутаносиблик принципи, эквивалент генератор усулларидан фойдаланилади.

- Истемолчилари кетма-кет уланган оддий электр ток занжирларида ток умумий бўлиб Ом қонунига асосан.

$$\dot{I} = \frac{\dot{U}}{Z}; \text{ бунда } \underline{z} = \underline{z}_1 + \underline{z}_2 + \dots \dots \underline{z}_n = \sum_{b=1}^{n=v} \underline{z}_n$$

- Истемолчилари паралелл уланган ток занжирдида кучланиш умумий бўлиб:

$$\dot{I} = \dot{U} \underline{y}; \text{ бунда } \underline{y} = \underline{y}_1 + \underline{y}_2 + \dots \dots \underline{y}_n = \sum_{b=1}^{n=v} \underline{y}_n$$

- Аралаш схемада уланган ток занжири учун комплекс каршилиги

$$Z_{12} = \frac{\underline{Z}_1 \cdot \underline{Z}_2}{\underline{Z}_1 + \underline{Z}_2} \text{ бўлиб, тармок токлари:}$$

$$\dot{I}_1 = \frac{\underline{Z}_2}{\underline{Z}_1 + \underline{Z}_2} \dot{I}; \quad \dot{I}_2 = \frac{\underline{Z}_1}{\underline{Z}_1 + \underline{Z}_2} \dot{I}$$

$\dot{I}$  - умумий токнинг комплекс киймати.

- Кирхгоф қонунларининг комплекс ифодаси.

$$1 \text{ қонун: } \sum_{k=1}^n \dot{I}_k = 0$$

$$2 \text{ қонун: } \sum_{k=1}^n \dot{E}_k = \sum_{k=1}^n Z_k \dot{I}_k$$

### 3. Мураккаб синусоидал ўзгарувчан ток занжирларини комплекс усулда ҳисоблаш.

#### a) Кирхгоф қонунларини тадбиқ қилиш.

Мураккаб ток занжирларини Кирхгоф қонунларига асосан ҳисоблашда берилган занжир учун электр мувозанат тенгламаси тузилади. Тузилган тенгламалар сони тармоқ токлари сонига тенг бўлиши керак. Агар занжирнинг тармоқлар сони  $P$ , тугунлар сони  $q$  га тенг бўлса, у холда Кирхгоф нинг биринчи қонуни асосан  $(p-q+1)$  та тенглама тузилади. Тенгламалар системасини ечиш билан  $\dot{I}_1, \dot{I}_2, \dots, \dot{I}_p$  тармоқ токлари аниқланади.

#### б) Контурли ток усули

Контурли ток усули Кирхгофнинг 2 – қонунига асосланган бўлиб, берилган занжирнинг контурлари учун тузилган тенгламалар системасини ечиш билан контур-токлари ва булар орқали тармоқ токлари топилади.

Умумий холда контур токлари тенгламаларининг сони  $(p-q+1)$  га тенг бўлади.

$q$  – занжирдаги тугунлар сони

$p$  – тармоқлар сони

Агар занжир  $n$  та контур токларига эга бўлса, унинг тенгламаси қўйидагича тузилади:

$$\left. \begin{aligned} \dot{I}_{k1} Z_{11} + \dot{I}_{k2} Z_{12} + \dots + \dot{I}_{kn} Z_{1n} &= \dot{E}_{11} \\ \dot{I}_{k1} Z_{12} + \dot{I}_{k2} Z_{22} + \dots + \dot{I}_{kn} Z_{2n} &= \dot{E}_{12} \\ \dot{I}_{k1} Z_{n1} + \dot{I}_{k2} Z_{n2} + \dots + \dot{I}_{kn} Z_{nn} &= \dot{E}_{nn} \end{aligned} \right\}$$

Бунда:  $Z_{nn}$  -  $n$  – контурнинг хусусий қаршилиги

$Z_{-qs}$  –  $q$  ва  $S$  – ёндаги контурларнинг ўзаро қаршилиги.

Агар ёндаш контур токларининг  $\dot{I}_{kq}$  ва  $\dot{I}_{ks}$  йўналишлар мос бўлса, тармоқнинг қаршилиги тенгламалар системасига (+) ишора, қарама – қарши бўлса (-) ишора киритилади.  $\dot{E}_{nn}$  -  $n$ -контурнинг хусусий э.ю.к.

### **в) Тугулараро кучланишлар усули.**

Тугулараро кучланишлар усуслидан фойдаланиш асосан кўп элементлардан таркиб топган тармоқланган мураккаб ток занжирларини хисоблашда анча қулагай бўлиб, ихтиёрий электр занжиридаги  $q=(n+1)$  тугундан биттасини нисбий кучланиш (потенциали) нолга тенг деб олинади ( $\varphi_n = 0$ ). Қолган барча тугун потенциал тенгламалари шунга нисбатан тузилади.

$$\left. \begin{aligned} \underline{y}_{11} \dot{U}_{10} + \underline{y}_{12} \dot{U}_{20} + \dots + \underline{y}_{1k} \dot{U}_{ko} &= \dot{I}_{11} \\ \underline{y}_{21} \dot{U}_{10} + \underline{y}_{22} \dot{U}_{20} + \dots + \underline{y}_{2k} \dot{U}_{ko} &= \dot{I}_{22} \\ \dots & \\ \underline{y}_{n1} \dot{U}_{10} + \underline{y}_{n2} \dot{U}_{20} + \dots + \underline{y}_{nn} \dot{U}_{ko} &= \dot{I}_{nn} \end{aligned} \right\}$$

Бунда:

$$\left. \begin{aligned} \underline{y}_{nn} &= \sum_{\substack{p=1 \\ p \neq n}}^n \underline{y}_{pn} \\ \dot{I}_{nn} &= \sum_{\substack{p=1 \\ p \neq n}}^n \underline{y}_{pn} \dot{E}_{pn} \end{aligned} \right\}$$

Тенгламалар системасини ечиш билан тугуларнинг комплекс кучланиши:

$$\dot{U}_{10}, \dot{U}_{20}, \dot{U}_{n0} \quad (\varphi_1 - \varphi_0; \varphi_2 - \varphi_0; \varphi_3 - \varphi_0 \dots)$$

ва тугулар орасида комплекс кучланишлар аниқланилади:

$$\dot{U}_{nm} = \dot{U}_{no} - \dot{U}_{mo}$$

Тармоқ токлари эса бутун занжир учун Ом қонунига асосан

$$\dot{I}_{nm} = \underline{Y}_{nm} \left( \dot{E}_{nm} + \dot{U}_{nm} \right)$$

Агар электр занжири фақат иккита тугундан иборат бўлса ( $q = 2$ ) тенглами

$$\underline{Y}_{11} \cdot \dot{U}_{10} = \dot{I}_{11}; \quad \dot{U}_{10} = \frac{\dot{I}_{11}}{\underline{Y}_{11}};$$

Яни тугулараро кучланиш тенгламасига асосан иккита тугун ўртасида кучланиш аниқланиб Ом қонунига асосан тармоқ токлари топилади.

$$\dot{U}_{ab} = \frac{\underline{Y}_1 \dot{E}_1 + \underline{Y}_2 \dot{E}_2 + \underline{Y}_3 \dot{E}_3 + \dots + \underline{Y}_n \dot{E}_n}{\underline{Y}_1 + \underline{Y}_2 + \underline{Y}_3 + \dots + \underline{Y}_n} = \frac{\sum_{p=1}^n \underline{y}_p \dot{E}_p}{\sum_{p=1}^n \underline{y}_p}$$

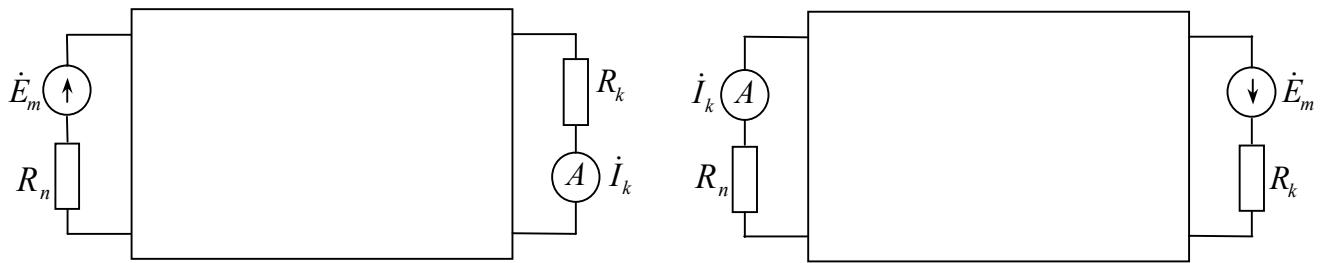
### **г) Устма-устлик усул (суперпозиция усули).**

Параметрлари чизиқли бўлган электр ток занжирларининг бирор К – тармоғидан оқиб ўтувчи ток шу занжирни ташкил этувчи э.ю.к. хосил қиласидан токларнинг йифиндисидан иборат бўлади. Шу сабабли чизиқли мураккаб электр

ток занжирларини ҳисоблашда, ҳар бир э.ю.к. таъсирида занжир тармоқларидан оқиб ўтадиган токлар алохиди аниқланади (қолган э.ю.к. нолга тенг деб олиниб, занжирнинг ички қаршиликлари сақланади). Натижада ҳар бир э.ю.к. таъсирида тармоқлардан оқиб ўтувчи токларнинг алгебрик йиғиндиси умумий ток қийматига тенг бўлади.

$$\dot{I} = \dot{I}' + \dot{I}'' + \dots + \dot{I}_K^n$$

Устма – устлик усули ёрдамида фақатгина занжирнинг ток ва кучланишлари аниқланиб, кувватларни ҳисоблашда эса тавсия этилмайди.



#### д) Мутаносиблик принципи (Принцип взаимности).

Бу принцип чизиқли ток занжирлари учун Максвелл томонидан таклиф этилган бўлиб, ҳар қандай мураккаб электр ток занжирининг «К» тартибида жойлашган  $\dot{E}_k = \dot{E}$  э.ю.к. манба (бошқа манбалар бўлмаган холда), шу занжирларнинг ихтиёрий п тармоғида  $\dot{I}_n = \dot{I}$  ток хосил қилган бўлса, шу э.ю.к. манбанинг ўзи п тармоқга кўчирланган холда ( $\dot{E}_k = \dot{E}$ ) «К» тармоқдаги токни хосил қиласди.

**Масалан:** Контурли ток усулига асосан  $k$  – тармоқ занжирининг  $q$  – контурига,  $n$  – тармоғи  $S$  – контурига кирган деб фараз қиласиз. Бу холда контурда контур токлари  $\dot{I}_k = \dot{I}_q$  ва  $\dot{I} = \dot{I}_3$  бўлади ва э.ю.к. қайси тармоқга уланганидан қатъий назар уларнинг қийматлари

$$\dot{I}_k = \dot{I}_q = \dot{E} \frac{\Delta q s}{\Delta} \quad \text{ва} \quad \dot{I}_n = \dot{I}_s = \dot{E} \frac{\Delta s q}{\Delta} \quad \text{га тенг бўлади.}$$

Демак

$$\dot{I}_k = \dot{I}_n = \dot{I}, \text{ чунки } \Delta_{qs} = \Delta s q \text{ бўлиб,}$$

$$\frac{\dot{E}_k}{\dot{I}_n} = \frac{\dot{E}_n}{\dot{I}_k} = \frac{\dot{E}}{\dot{I}} = Z_{qs}$$

Демак контурлараро қаршилик  $Z_{qs}$  тенг бўлиб ушбу усулининг мутаносиблигини тасдиқлайди.

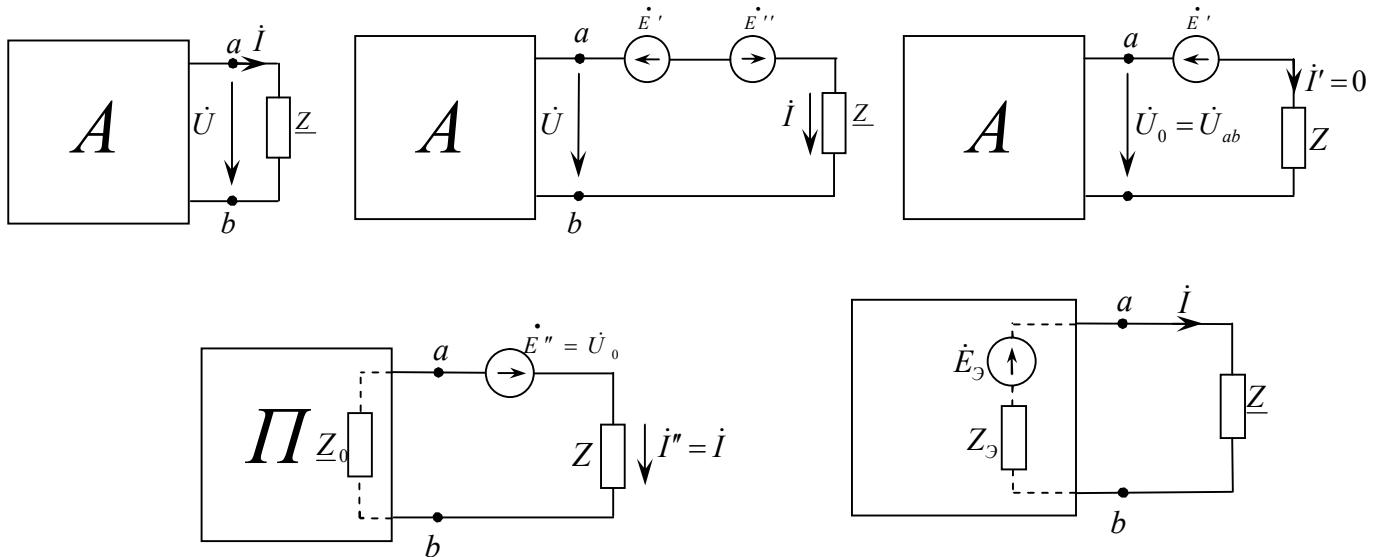
#### е) Эквивалент генератор усули.

Бу усул мураккаб электр ток занжирларининг бирор қимсидаги тармоқ токини аниқлашда ишлатишда қулай бўлиб, амалда қисқа туташтирув ёки узилиш (салт холат) тажрибалари ўтказилади. Электр энергияси бўлган икки қутубли электр занжирини эквивалент манба ва параметр билан алмаштирилади.

Бунда занжир манба кучланиш салт холат кучланишига тенг бўлади.

$\dot{E} = \dot{U}_0 = \dot{U}_{ab}$  ички қаршилик эса эквивалент қаршиликтага тенг дейилади  
(расм 3-3)  $Z_{-o} = Z_{-e}$

Ички қутбли актив занжирнинг бирор «К» тармоқдаги  $R$  қаршилик токини аниқлаш зарур бўлса, Ом қонунига асосан.

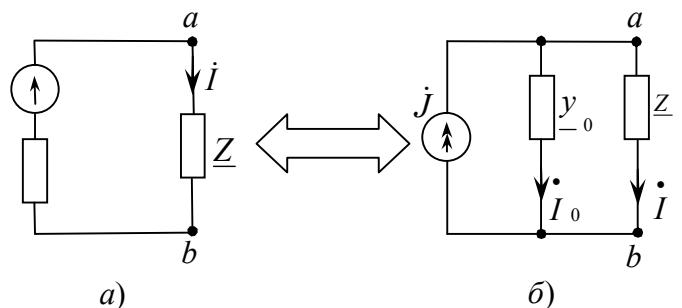


#### 4. Э.Ю.К. манбаларини ток манбаларига алмаштириш.

Амалда э.ю.к. ва ток манбаларини алмаштиришга имкон берувчи, нолдан фарқ қиласидиган ички параметрлар  $R \neq 0$  ва  $g \neq 0$  мавжуд; шу туфайли уларни ўзаро алмаштириш мумкин. Расм. а)

манба кучланиш тенгламаси:

$$\dot{U}_{ab} = E - Z_o \dot{I}$$



Баъзи холарда манба кучланиши параллел схема билан алмаштирилиб ток манбай кўринишда ҳам ифодаланади. Расм б)

Бунда кучланишлар мувозанат тенгламасини манбанинг қаршилиги  $Z_0$  га бўлинса

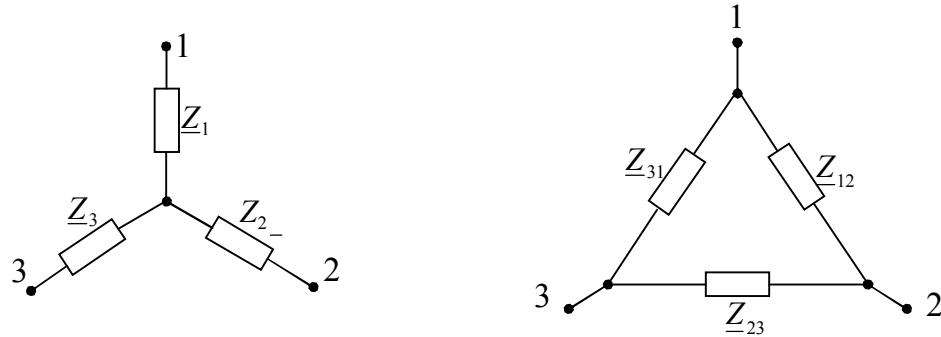
$$\frac{\dot{U}_{ab}}{Z_0} = \frac{\dot{E}}{Z} - \dot{I}; \text{ ёки } \dot{I}_0 = \dot{J} - \dot{I}$$

Бунда

$$\dot{J} = \frac{\dot{E}}{Z} \quad \text{ва} \quad \dot{Y}_0 = \frac{1}{Z_0}$$

#### Юлдуз ва учбурача тарзида уланган тармоқларни ўзаро алмаштириш (эквивалент параметрлар)

**a) Учбурча шаклида уланган каршиликларни юлдузча шаклида алмаштириш тенгламалари:**



$$\underline{Z}_1 = \frac{\underline{Z}_{31} \cdot \underline{Z}_{12}}{\underline{Z}_{12} + \underline{Z}_{23} + \underline{Z}_{31}}; \quad \underline{Z}_2 = \frac{\underline{Z}_{12} \cdot \underline{Z}_{23}}{\underline{Z}_{12} + \underline{Z}_{23} + \underline{Z}_{31}}; \quad \underline{Z}_{31} = \frac{\underline{Z}_{23} \cdot \underline{Z}_{31}}{\underline{Z}_{12} + \underline{Z}_{23} + \underline{Z}_{31}}$$

**б) Юлдузча шаклидан учбурчак шаклига алмаштириш тенгламалари:**

$$\underline{Z}_{12} = \underline{Z}_1 + \underline{Z}_2 = \frac{\underline{Z}_1 \cdot \underline{Z}_2}{\underline{Z}_3}; \quad \underline{Z}_{23} = \underline{Z}_2 + \underline{Z}_3 + \frac{\underline{Z}_2 \cdot \underline{Z}_3}{\underline{Z}_1}; \quad \underline{Z}_{31} = \underline{Z}_3 + \underline{Z}_1 + \frac{\underline{Z}_1 \cdot \underline{Z}_3}{\underline{Z}_2}$$

### 3-2. Масала ечиш

**Масала 3-1.** Берилган кучланиш ва ток  $u = 100 \sin(\omega t + \frac{\pi}{6})$  (В)

$i = 5 \sin(\omega t - \frac{\pi}{6})$  (А) функцияларининг комплекс ифодаси, комплекс тўла қаршилик  $\underline{Z}$  тўла ўтқазувчанлик  $\underline{Y}$  ва тўла қуввати  $\tilde{S}$  аниqlansin.

**Ечиш:**

$$u = 100 \sin(\omega t + 30^\circ) = 100 e^{j30^\circ}$$

$$i = 5 \sin(\omega t - 30^\circ) = 5 e^{-j30^\circ}$$

Комплекс тўла қаршилик:

$$\underline{Z} = \frac{\dot{U}_m}{\dot{I}_m} = \frac{100 e^{j30^\circ}}{5 e^{-j30^\circ}} = 20 e^{j60^\circ} = 10 + j17,3 \text{ (Ом)}$$

Комплекс тўла ўтқазувчанлик:  $\underline{Y} = \frac{1}{\underline{Z}} = 0,1 + j0,06 \quad \left( \frac{1}{\text{Ом}} = \text{сум} \right)$

Комплекс тўла қувват:

$$\tilde{S} = \dot{U} \dot{I} = \dot{U} \cdot \dot{I} e^{j(\phi_U - \phi_i)} = 500 e^{j60^\circ} = 500 \cos 30^\circ + j500 \sin 30^\circ = 250 + j430 \text{ (ВАР)}$$

Бундай актив қувват:  $P = 250 \text{ Вт};$

Реактив қувват:  $Q = 430 \text{ (ВАР)}.$

**Масала 3-2.** Қаршиликлари  $R = 3 \text{ Ом}, X = \pm 4 \text{ Ом}$ . тенг бўлган электр занжири кучланиш  $U = 100 \text{ В}$ . Ток ва тўла қувватларнинг комплекс қийматлари хисоблаб топилсин.

**Ечиш:**

Тұла қаршилик комплекс ифодаси:  $Z = R \pm jx = 3 \pm j4 = 5e^{\pm j53^\circ}$

Ток эса:  $\dot{I} = \frac{\dot{U}}{Z} = \frac{100e^{j0^\circ}}{5e^{\pm j53^\circ}} = 20e^{\pm j53^\circ} = 12 \pm j16$

Тұла қувват комплекс ифодаси:

$$\tilde{S} = \dot{U} \dot{I} = 100 \cdot 20e^{\pm j53^\circ} = 2000 \cos 53^\circ \pm j2000 \sin 53^\circ = 1200 \pm j1600$$

**Масала 3-3.** Күчланиш  $\dot{U} = (80 + j60)$  ток  $\dot{I} = (24 - j7)$  комплекс ифодалари учун актив ва реактив қаршиликлар қиймалари анықланиб ток ва күчланиш вектор ифодаси чизилсін.

**Ечиш:**

Ток ва күчланишнинг күрсаткичли ифодасини анықтаймиз

$$\dot{U} = (80 + j60) = 100e^{j36^\circ 50'} \quad (B)$$

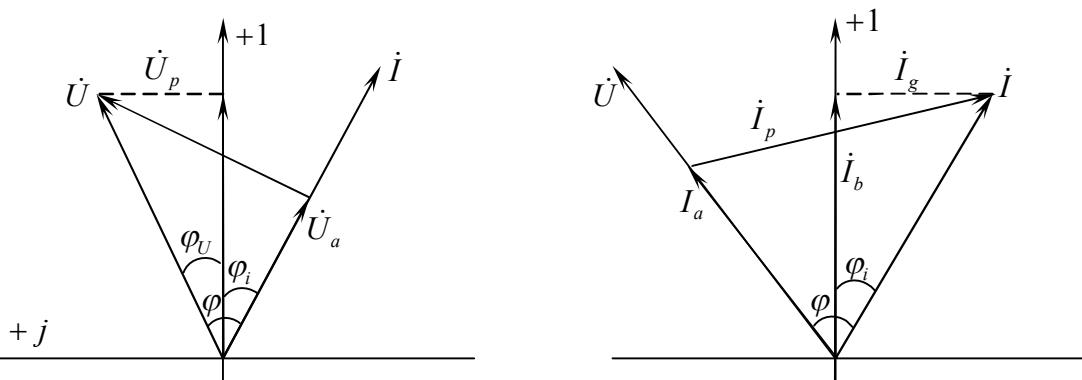
$$\dot{I} = (24 - j7) = 25e^{-j16^\circ 15'} \quad (A)$$

Комплекс тұла қаршилик:  $Z = \frac{\dot{U}}{\dot{I}} = 4e^{-j53^\circ} = (2,4 + j3,2) \text{ OM}$

Бундан актив қаршилик  $R = 2,4 \text{ OM}$ ; реактив қаршилик  $X = 3,2 \text{ OM}$ .

Күчланиш ва ток орасидаги фаза фарқы:  $\varphi = \varphi_u - \varphi_i = 53^\circ$

Комплекс тексилика ток ва күчланишлар вектор диаграммасини тузамиз.



Вектор диаграммадан

$$\dot{U}_a = U \cos \varphi$$

$$\dot{I}_a = I \cos \varphi$$

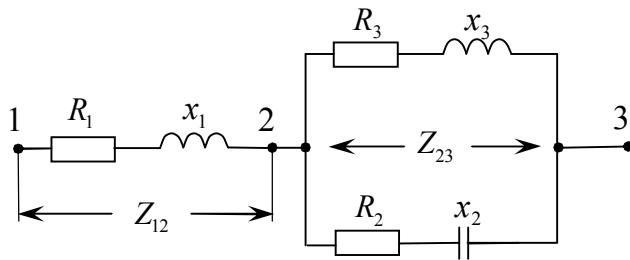
$$\dot{U}_p = U \sin \varphi$$

$$\dot{I}_p = I \sin \varphi$$

$$U = \sqrt{U_a^2 + U_p^2}$$

$$I = \sqrt{I_a^2 + I_p^2}$$

**Масала 3-4.** Берилған электр схеманинг параметрлари  $R_1=30 \text{ OM}$ ,  $X_1=20 \text{ OM}$ ,  $R_2=50 \text{ OM}$ ,  $X_2 = -100 \text{ OM}$ ,  $R_3 = 100 \text{ OM}$ ,  $X_3 = 50 \text{ OM}$  тенг. Занжирнинг эквивалент қаршилиги анықланисін.



**Ечиш:**

Занжирнинг параллел уланланган қисми учун комплекс тўла қаршилиқ:

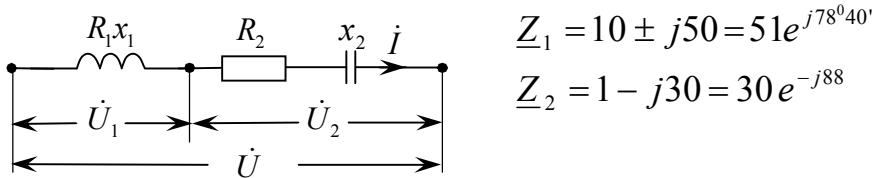
$$Z_{-23} = \frac{(R_3 + jx_3)(R_2 - jx_2)}{R_3 + jx_3 + R_2 - jx_2} = \frac{112e^{j26^030^\circ} \cdot 112e^{-j63^\circ}}{150 - j50} = \frac{12550e^{-j37^\circ}}{158e^{j18^026^\circ}} = 79,5e^{j18^034^\circ} = 75,2 - j25,3$$

Энди умумий комплекс эквивалент қаршиликини топиш учун тўла комплекс қаршиликларни қўшамиз:  $Z = R_1 + jx_1 + Z_{-23} = 30 + j20 + 75,2 - j25,3 = 105,5 - j5,3$

Бундан актив қаршилиқ  $R = 105,5$  Ом, реактив қаршилиқ эса  $X_a = -5,3$  Ом тенг бўлиб сифим параметрига мос келади.

**Масала 3-5.** Қаршиликлари  $R_1 = 10$  Ом,  $X_1 = 50$  Ом бўлган индуктив ғалтак, актив қаршилиги  $R_2 = 10$  Ом ва сифим қаршилиги  $X_2 = -30$  Ом билан кетма-кет схемага бириктирилиб ва  $U = 127$  В кучланишга уланган. Занжирдан оқиб ўтадиган ток, ғалтақдаги кучланиш ва сифим кучланишлари аниқлансин.

**Ечиш:** Қаршиликларнинг комплекс ифодасини ёзамиз:



$$\underline{Z}_1 = 10 \pm j50 = 51e^{j78^040^\circ}$$

$$\underline{Z}_2 = 1 - j30 = 30e^{-j88^\circ}$$

Умумий комплекс қаршилиқ:  $\underline{Z} = \underline{Z}_1 + \underline{Z}_2 = 11 + j20 = 22,8e^{j61^\circ}$  Ом

$$\text{Комплекс ток: } \dot{I} = \frac{\dot{U}}{\underline{Z}} = \frac{127}{22,8e^{j61^\circ}} = 5,56e^{-j61^\circ}$$

$$\text{Ғалтақдаги кучланиш: } \dot{U}_1 = \underline{Z}_1 \dot{I} = 284e^{j17^030^\circ} \quad \text{ёки} \quad \varphi_1 = 17^030^\circ$$

$$\text{Схемадаги кучланиш: } \dot{U}_2 = \underline{Z}_2 \dot{I} = 30e^{-j88^\circ} \cdot 5,56e^{-j61^\circ} = 167e^{-j149^\circ}; \quad \varphi_2 = -149^\circ$$

$$\text{Кучланишлар орасида фаза фарқи: } \varphi = \varphi_1 - \varphi_2 = 166^030^\circ$$

**Масала 3-6.** 2 – Бобда берилган. 2-16 масалани шартига асосан комплекс усулдан фойдаланиб тармоқ токлари аниқлансин.

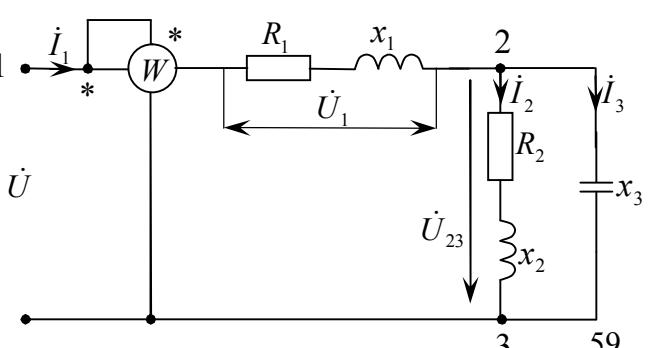
**Ечиш:** Комплекс тўла қаршиликлари: 1

$$\underline{Z}_1 = (2 + j26) \text{Ом}$$

$$\underline{Z}_2 = (10 + j10) \text{Ом}$$

$$\underline{Z}_3 = -j10 \quad \text{Ом}$$

Занжирнинг қаршиликлари параллел уланган қисми учун:



$$\underline{Z}_{23} = \frac{\underline{Z}_2 \underline{Z}_3}{\underline{Z}_2 + \underline{Z}_3} = (10 - j10) \text{ } \Omega$$

Занжирнинг умумий комплекс қаршилиги

$$\underline{Z} = \underline{Z}_1 + \underline{Z}_{23} = (2 + j26) + (10 + j10) = (12 + j16) \text{ } \Omega$$

Актив қувват формуласидан  $P=I_2R$ , занжирига оқиб кирувчи ток:

$$I_1 = \sqrt{\frac{P}{R_1}} = \sqrt{\frac{1200}{12}} = 10A, \text{ яни } I_1 = 10A \text{ тенг ва хакикий қийматга эга.}$$

Занжирнинг умумий қучланиш эса:  $\dot{U} = I_1 \underline{Z} = (12 + j16) \cdot 10 = (120 + j160) \text{ } V$

$$\text{Бундан: } U = \sqrt{120^2 + 160^2} = 200 \text{ } V$$

Параметрлари кетма – кет уланган қисмидаги қучланиш:

$$\dot{U}_1 = \underline{Z}_1 \dot{I}_1 = (2 + j26) \cdot 10 = (20 + j260)$$

$$\text{ёки: } U_1 = \sqrt{20^2 + 260^2} = 261 \text{ } V$$

Параллел схемада уланган қисмидаги қучланиш:

$$\text{ёки: } \dot{U}_{23} = \dot{I} \underline{Z}_{23} = (10 + j10) \cdot 10 = (100 + j100) \text{ } V$$

$$U_{23} = \sqrt{100^2 + 100^2} = 200 \text{ } V$$

Тармоқ токлари:

$$\dot{I}_2 = \frac{\dot{U}_{23}}{\underline{Z}_1} = \frac{100e^{-j45^0}}{10e^{j45}} = 10e^{-j90^0} = (-j10) \text{ } A$$

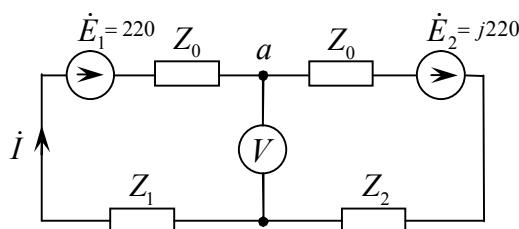
Ёки:  $I_2 = 10 \text{ } A.$

$$\dot{I}_3 = \frac{\dot{U}_{23}}{\underline{Z}_3} = \frac{100e^{-j45^0}}{10e^{-j90}} = 10e^{-j45^0} = (10 + j10) \text{ } A$$

Ёки:  $I_3 = \sqrt{10^2 + 10^2} = 14,1 \text{ } A.$

Масалани ечимини текширамиз:  $\dot{I}_1 = \dot{I}_2 + \dot{I}_3 = -j10 + 10 + j10 = 10 \text{ } A$

**Масала 3-7.** Комплекс қаршиликлари  $\underline{Z}_0 = (3 + j4)$ ;  $\underline{Z}_1 = (44 + j74)$ ;  $\underline{Z}_2 = -j80$  бўлган электр ток занжири кетма – кет схемада иккита генераторга уланган бўлиб, ток қиймати ва вольтметрнинг қучланиш аниqlансин.



**Ечиш:**

Занжир токи:

$$\dot{I} = \frac{\dot{E}_1 + \dot{E}_2}{2\underline{Z}_0 + \underline{Z}_1 + \underline{Z}_2} = \frac{220 + j220}{(6 + j8) + (44 + j74) + (-j80)} = \frac{220e^{j45}}{50 + j2} \approx 4,4e^{j45} = (4,4 + j4,4)$$

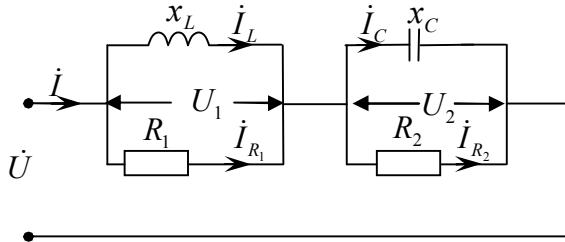
$$\text{Ёки: } I = \sqrt{4,4^2 + 4,4^2} \approx 6A$$

Вольтметр қучланиши:

$$\dot{U}_{ab} = \frac{\dot{E}_1 + \dot{E}_2 (\underline{Z}_0 + \underline{Z}_1)}{2\underline{Z}_0 + \underline{Z}_1 + \underline{Z}_2} = \frac{220 + j220[(3+j4) + (44+j74)]}{50+j2} = 335 - j547$$

Бундан:  $U_{ab} = \sqrt{335^2 - 547^2} = 642 \text{ B}$

**Масала 3-8.** Электр занжири параметрлари:  $R_1=R_2=25 \text{ Om}$ ,  $X_L=33,3 \text{ Om}$ ,  $X_C=-33,3 \text{ Om}$  бўлиб  $U=320 \text{ V}$  кучланиш уланган. Тўла қаршилик  $\underline{Z}$  бурчак  $\cos\varphi$  ва токлари аниқлансин.



**Ечиш:** Паралелл уланган биринчи контур комплекс тўла қаршилиги:

$$\underline{Z}_1 = \frac{33,3e^{j90^\circ} \cdot 25}{25 + j33,3} = \frac{830e^{j90^\circ}}{41,5e^{j53^\circ}} = 20e^{j37^\circ} = 16 + j12 \text{ Om}$$

Иккинчи контур тўла қаршилиги:

$$\underline{Z}_2 = \frac{33,3e^{-j90^\circ} \cdot 25}{25 - j33,3} = \frac{830e^{-j90^\circ}}{41,5e^{-j53^\circ}} = 20e^{-j37^\circ} = 16 - j12 \text{ Om}$$

Тўла комплекс қаршилик:  $\underline{Z} = \underline{Z}_1 + \underline{Z}_2 = 16 + j12 + 16 - j12 = 32 \text{ Om}$

Умумий ток:  $\dot{I} = \frac{\dot{U}}{\underline{Z}} = \frac{320}{32} = 10 \text{ A}$

Тўла қувват:  $\dot{S} = \dot{U} \dot{I} = 320 \cdot 10 = 3200 \text{ VA}$

Актив қувват:  $P = RI^2 = 32 \cdot 10^2 = 3200 \text{ W}$

Демак занжирнинг қувват коэффициенти:  $\cos\varphi = \frac{P}{S} = 1$  - бўлиб актив қаршилик характеристга эга.

Биринчи ва иккинчи контур кучланишлари:

$$\dot{U}_1 = \dot{I} \underline{Z}_1 = 10 \cdot 20e^{j37^\circ} = 200e^{j37^\circ} \text{ (B)}$$

$$\dot{U}_2 = \dot{I} \underline{Z}_2 = 10 \cdot 20e^{-j37^\circ} = 200e^{-j37^\circ} \text{ (B)}$$

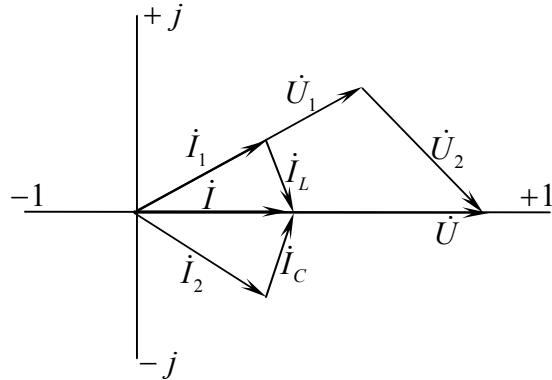
Токларни аниқлаймиз:  $\dot{I}_1 = \frac{\dot{U}_1}{R_1} = \frac{200e^{j37^\circ}}{25} = 8e^{j37^\circ} \text{ A}$

$$\dot{I}_L = \frac{\dot{U}_L}{X_L} = \frac{200e^{j37^\circ}}{33,3e^{j90^\circ}} = 6e^{-j53^\circ} \text{ A}$$

Иккинчи контур токларини аниқлаймиз:  $\dot{I}_2 = \frac{\dot{U}_2}{R_2} = \frac{200e^{-j37^\circ}}{25} = 8e^{-j37^\circ} \text{ A}$

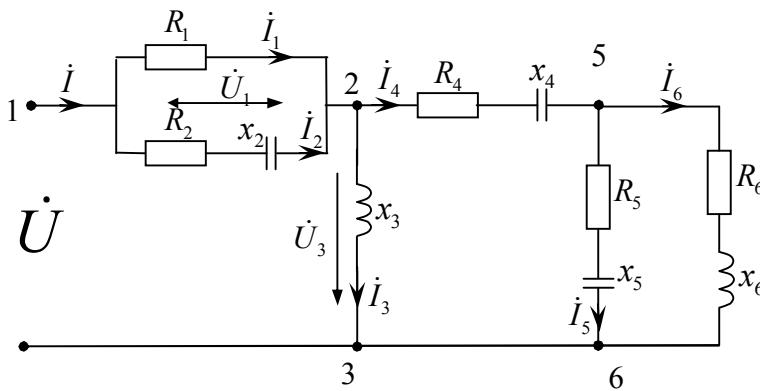
$$\dot{I}_C = \frac{\dot{U}_C}{X_C} = \frac{200e^{-j37^\circ}}{33,3e^{-j90^\circ}} = 6e^{j53^\circ} A$$

Комплекс текислиқда ток ва күчланиш вектор ифодасини тузамиз:



**Масала 3-9.** Берилған электр занжири параметрлари:  $R_1=50 \text{ Om}$ ,  $X_2=-25 \text{ Om}$ ,

$R_2=25 \text{ Om}$ ,  $X_3=10 \text{ Om}$ ,  $R_4=2,5 \text{ Om}$ ,  
 $X_4=-5 \text{ Om}$ ,  $R_5=1 \text{ Om}$ ,  $X_5=-2 \text{ Om}$ ,  
 $R_6=1 \text{ Om}$ ,  $X_6=2 \text{ Om}$  бўлиб,  
 $U=100 \text{ V}$  күчланишга уланган.  
 Занжир тармоқларидан оқадиган  
 $\dot{I}_1$ ,  $\dot{I}_3$  ва  $\dot{I}_4$  комплекс ток  
 қийматлари аниқлансин.



**Ечиш:**

Тармоқ комплекс қаршиликтарини аниқлаймиз:

$$\underline{Z}_6 = R_6 + jX_6 = 1 + j2 = e^{j63^\circ}$$

$$\underline{Z}_5 = R_5 - jX_5 = 1 - j2 = e^{-j63^\circ}$$

Паралелл уланган тармоқлар комплекс қаршилиги:

$$\underline{Z}_{56} = \frac{\underline{Z}_6 \cdot \underline{Z}_5}{\underline{Z}_6 + \underline{Z}_5} = 2,5 \text{ Om}$$

Тўртинчи тармоқ комплекс қаршилиги:

$$\underline{Z}_4 = R_4 - jX_4 + \underline{Z}_{56} = 2,5 - j5 + 2,5 = 5 - j5 = 7,1e^{-j45^\circ}$$

Учинчи тармоқ комплекс қаршилиги:

$$\underline{Z}_3 = \frac{\underline{Z}_4 \cdot X_3}{\underline{Z}_4 + jX_3} = \frac{71e^{-j45^\circ} \cdot 10e^{j90^\circ}}{5 - j5 + j10} = 10 \text{ Om}$$

Паралелл уланган биринчи контур комплекс қаршилиги:

$$\underline{Z}_{12} = \frac{R_1(R_2 - jX_2)}{R_1 + R_2 - jX_2} = 20,6 - j10,3 = 23e^{-j26^\circ 30'}$$

Занжирнинг комплекс тўла қаршилиги:

$$\underline{Z} = \underline{Z}_{12} + \underline{Z}_3 = 20,6 + j10,3 + 10 = 30,6 - j10,3 = 32,4e^{-j12^\circ}$$

Занжирга оқиб киравчи ток қиймати:

$$\dot{I} = \frac{\dot{U}}{\underline{Z}} = \frac{100}{32,4e^{-j12^0}} = 3,1e^{j12^0} = 3 + j \quad A$$

Тармоқдаги күчланишларини топамиз:

$$\dot{U}_1 = \dot{I} R_{12} = 3,1e^{j12^0} \cdot 23e^{-j26^030'} = 71,5e^{-j14^030'} = 70,5 - j10,5$$

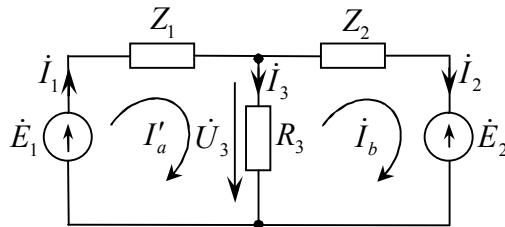
$$\dot{U}_3 = \dot{U} - \dot{U}_{R1} = 100 - 70,5 + j10,5 = 29,5 + j10,5 = 31,5e^{j19^030'}$$

Бундан тармоқ токлари:

$$\dot{I}_3 = \frac{\dot{U}_3}{jX_3} = \frac{31,5e^{j19^030'}}{10e^{j90^0}} = 3,15e^{-j70^030'} = -j3 + 1 \quad A$$

$$\dot{I}_4 = \dot{I} - \dot{I}_3 = 3 + j - 1 + j3 = 2 + j4 \quad A$$

**Масала 3-10.** Икки контурли электр ток занжирига ички қаршиликлари  $Z_1 = Z_2 = 1 + j2$  Ом; э.ю.к.  $E_1 = 120$  В,  $E_2 = 115$  В тенг. Иккита генератор ўртасига қаршилиги.  $R_3 = 10$  Ом бўлган истеъмолчи уланган. Тармоқ токи, күчланишлари ҳар хил усуллар ёрдамида хисоблансин.



**Ечиш:**

### 1. Контурли ток усули.

Берилган занжир иккита контурдан ташкил топган бўлиб, тармоқ ва контур токлар йўналиши шартли равишда белгилаб оламиз. Э.ю.к. ларнинг йўналишини хисобга олган холда  $\dot{I}_a, \dot{I}_b$  контурлар учун иккита тенглама тузамиз.

$$\dot{I}_a(Z_1 + Z_3) - \dot{I}_b Z_3 = \dot{E}_1$$

$$\dot{I}_b(Z_2 + Z_3) - \dot{I}_a Z_3 = \dot{E}_2$$

Тенгламалар системасини ечиш билан контур токлари топилади:

$$\dot{I}_a(11 + j2) - \dot{I}_b 10 = 120 \quad | \quad 10$$

$$\dot{I}_b(11 + j2) - \dot{I}_a 10 = -115 \quad | \quad (11 + j2)$$

$$\dot{I}_b(11 + j2)(11 + j2) - 100 \dot{I}_b = 1200 - 115(11 + j2)$$

Бундан:  $\dot{I}_b = (-5,04 - j0,47) \quad A$

Биринчи тенгламадан:  $\dot{I}_a = \frac{120 + \dot{I}_b 10}{11 + j2} = (6,05 - j1,53) \quad A$

Биринчи генератор токи контур токига тенг:

$$\dot{I}_1 = \dot{I}_2 = (6,05 - j1,53) \text{ A} \quad \text{ёки} \quad I_1 = \sqrt{(6,05)^2 + (-1,53)^2} = 6,24 \text{ A}$$

Иккинчи генератор токи:

$$\dot{I}_2 = \dot{I}_B = (-5,04 - j0,47) \text{ A} \quad \text{ёки} \quad \dot{I}_2 = \sqrt{(-5,04)^2 + (-0,47)^2} = 5,28 \text{ A}$$

$$\text{Истеъмолчи токи: } \dot{I}_3 = \dot{I}_a - \dot{I}_B = \dot{I}_1 - \dot{I}_2 = (6,05 - j1,53) - (-5,04 - j0,47) = (11,09 - j1,06) \text{ A}$$

$$\text{ёки: } I_3 = \sqrt{(11,09)^2 + (1,06)^2} = 11,14 \text{ A}$$

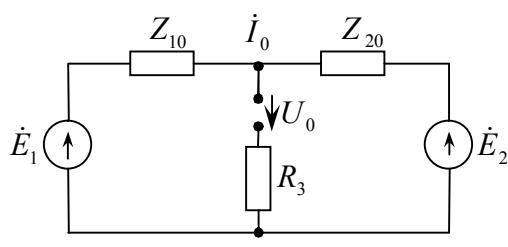
Истеъмолчи ва генераторлардаги кучланиш:

$$\begin{aligned} \text{ёки: } \dot{U}_3 &= \dot{I}_3 R_3 = (11,09 - j1,06) \cdot 10 = (110,9 - j10,6) \text{ B} \\ U_3 &= \sqrt{(110,9)^2 + (-10,6)^2} = 111,4 \text{ B} \end{aligned}$$

## 2. Эквивалент генератор үсули.

Занжирнинг истеъмолчи уланган тармоғи узилган бўлсин.

$$\text{Бунда: } \dot{U}_0 = \dot{E}_1 - \dot{I}_0 Z_1 = \dot{E}_1 - \frac{\dot{E}_1 - \dot{E}_2}{Z_1 + Z_2} = 120 - \frac{120 - 115}{2(1 + j2)} (1 + j2) = 117,5 \text{ B}$$



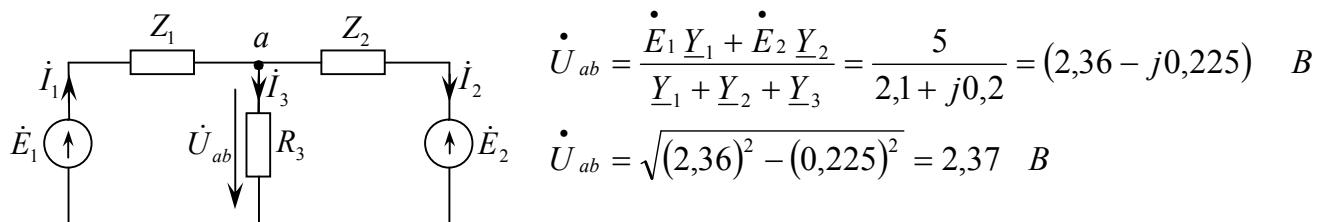
Узилган холатда занжирнинг ички қаршилиги  $(\dot{E}_1 = 0, \dot{E}_2 = 0)$  яъни эквивалент генератор қаршилиги:  
 $Z_3 = \frac{Z_1 Z_2}{Z_1 + Z_3} = (0,5 + j1) \text{ Om}$ .

$$\begin{aligned} \text{Истеъмолчидан оқадиган ток: } \dot{I}_3 &= \frac{\dot{U}_0}{R_3 + Z_3} = \frac{117,5}{10 + (0,5 + j1)} = (11,09 - j1,06) \text{ A} \\ \dot{I}_3 &= 11,14 \text{ A} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Истеъмолчи кучланиш: } \dot{U}_3 &= \dot{I}_3 R_3 = (110,9 - j10,6) \text{ B}; \\ \text{еки: } U &= \sqrt{(110,9)^2 + (10,6)^2} = 111,4 \text{ B} \end{aligned}$$

## 3. Тугун кучланишлар үсули

Занжирнинг  $a$  ва  $b$  тугун потенциалларида кучланиш:



$$\text{Биринчи } E_1 \text{ генератор токи: } \dot{I}_1 = \frac{\dot{E}_1 - \dot{U}_{ab}}{Z_1} = \frac{120 - (2,36 + j0,225)}{1 + j2} = (23,6 - j47) \text{ A}$$

$$\text{Ёки: } I_1 = \sqrt{(23,6)^2 + (-47)^2} = 52,6 \text{ A}$$

Иккинчи  $E_2$  генератордан оқиб ўтувчи ток:

$$\dot{I}_2 = \frac{\dot{U}_{ab}}{\underline{Z}_2} = (23,41 - j47) \quad \text{ёки} \quad I_2 = \sqrt{(23,41)^2 + (-47)^2} = 52,5 \text{ A}$$

Истеъмолчи токи:  $\dot{I}_3 = \frac{\dot{U}_{ab}}{\underline{Z}_3} = \frac{2,36 - j2,25}{10} = (0,24 - j0,023) \text{ A}$

Бундан:  $I_3 \approx 0,24 \text{ A}$

### **3-3. Мустақил ечиш учун масалалар:**

**Масала 3-1.** Ток ва кучланишларнинг комплекс ифодалари:

- |  |  |
|--|--|
| 1. $\dot{U} = 100 \text{ (B)}$                   | $\dot{I} = (16 + j12) \text{ A}$           |
| 2. $\dot{U} = 60 + j80 \text{ (B)}$              | $\dot{I} = 20 \text{ A}$                   |
| 3. $\dot{U} = 60 + j80 \text{ (B)}$              | $\dot{I} = j20 \text{ A}$                  |
| 4. $\dot{U} = 100e^{j\frac{\pi}{3}} \text{ (B)}$ | $\dot{I} = 20e^{j\frac{\pi}{6}} \text{ A}$ |

бўлган қийматлари учун комплекс тўла қаршилик, актив ва реактив ташкил этувчи параметрлар аниқлансин.

**Масала 3-2.** Ток ва кучланишларнинг ҳақиқий (эффектив) комплекс ифодалари  $\dot{I} = (5 + j5)$  ва  $\dot{U} = (20 + j20)$  бўлганда ток ва кучланишлар оний қиймат ифодаси ва тўла қаршилиги аниқлансин.

**Жавоб:**  $\underline{Z} = -j4 \text{ (Om)}$

**Масала 3-3.** Ток ва кучланишлар комплекс ифодалари:

- |   |  |
|---|--|
| 1. $\dot{U} = 100e^{j\frac{\pi}{6}} \text{ (B)}$    | $\dot{I} = 10e^{j\frac{\pi}{6}} \text{ A}$ |
| 2. $\dot{U} = 10^5 e^{-j\frac{\pi}{3}} \text{ (B)}$ | $\dot{I} = 50e^{j\frac{\pi}{6}} \text{ A}$ |

бўлганда, актив қувват, тўла қаршилик ва тўла ўтқазувчанлик комплекс ифодаси аниқлансин.

**Жавоб:** 1)  $P = 1 \text{ kBm}$ , 2)  $P = 0$

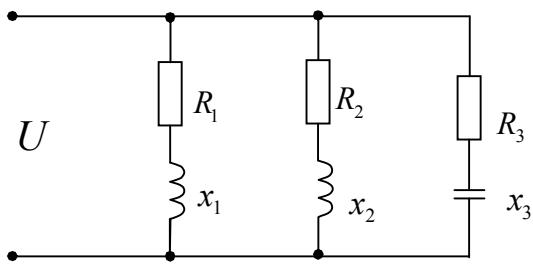
**Масала 3-4.** Индуктив ғалтак  $\dot{U} = 100 \text{ (B)}$  кучланишга уланган бўлиб, қаршиликлари  $R=3 \text{ Om}$ ,  $X=\pm 4 \text{ Om}$ . Ток ва тўла қувват комплекс ифодалари аниқлансин.

**Жавоб:**  $\widetilde{S} = \dot{U} \dot{I} = (1200 \pm j1600) \text{ BA}$

**Масала 3-5.** Қаршилик параметрлари  $R=20 \text{ Om}$ ,  $X_L=10 \text{ Om}$  бўлган индуктив ғалтак частотаси  $f= 50 \text{ Гц}$  бўлган  $U=100\sin(\varphi t+45^\circ) \text{ (B)}$  кучланиш уланган. Частота икки мартагача кўпайган холат учун комплекс тўла қаршилиги, ток ва тўла қуввати аниқлансин.

**Жавоб:**  $\dot{I} = 2,5 \text{ A}$ ,  $\widetilde{S} = 177 \text{ BA}$

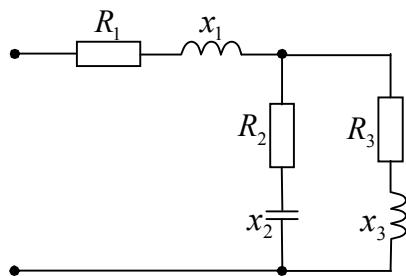
**Масала 3-6.** Параллел схемада уланган учта истеъмолчи параметрлари:



$R_1=5 \text{ Om}, X_1=2 \text{ Om}, R_2=2,5 \text{ Om}, X_2=5 \text{ Om}, R_3=1,25 \text{ Om}, X_3=-2,5 \text{ Om}$  тенг. Эквивалент комплекс үтқазувчанлик параметрлари ва умумий занжир учун бурчак  $\cos\varphi$  аниқлансин.

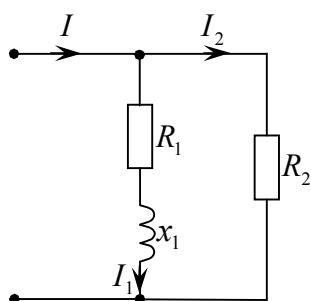
**Жавоб:**  $y = 0,425 \left(\frac{1}{\text{Om}}\right)$ ;  $\cos\varphi = 0,995$

**Масала 3-7.** Электр занжир параметрлари:  $R_1=3 \text{ Om}, X_1=20 \text{ Om}, R_2=50 \text{ Om}, X_2=-100 \text{ Om}, R_3=100 \text{ Om}, X_3=50 \text{ Om}$  тенг. Занжирнинг эквивалент актив ва реактив қаршиликтарини аниқлантириш.



**Жавоб:**  $R=105,5 \text{ (Om)}, X=-5,3 \text{ (Om)}$ .

**Масала 3-8.** Берилган электр ток занжирнинг тормоқ токлари  $I=1,6 \text{ A}, I_1=8,93 \text{ A}, I_2=10 \text{ A}$  ва қаршиликтар  $R_2=2 \text{ Om}$  бўлганда,  $P_1$  актив қувват,  $\cos\varphi$  - қувват коэффициенти ва  $R_1, X_1$  - қаршиликтарни аниқлантириш.



**Жавоб:**  $P_1=800 \text{ Bm}, \cos\varphi=0,446, R_1=10 \text{ Om}, X_1=\pm 20 \text{ Om}$ .

**Масала 3-9.** Электр занжирнинг токи  $I=10 \text{ A}$ , кучланиш  $U=130 \text{ V}$  истемол қиласидаган актив қуввати  $P=500 \text{ Bm}$  бўлиб,  $\varphi>0$  ва  $\varphi<0$  бўлган холатларда тўла қаршиликтарни аниқлантириш.

**Жавоб:**  $Z=(5\pm j12) \text{ Om}; Y=(2,96\pm j7,1)10^{-2} \frac{1}{\text{Om}}$

### **3-4. Синов саволлари:**

1. Комплекс сон математик ифодасини ёзинг. Эйлер формуласига изох беринг?
2. Комплекс сонлар билан кушиш, айриш, кўпайтириш ва булиш математик амаллари бажарилганда қандай куринишларда ёзилади?
3. Синусоидал ўзгарувчан ток занжирларини комплекс (символик) усулларда хисоблашда қандай афзалликлари бор?
4. Нима учун комплекс ифода  $\pm j$  ёки  $e^{\pm j\theta}$  га бурилиш бурчаги дейилади?
5. Синусоидал ўзгарувчан (ток, кучланиш, ЭЮК) функцияларини комплекс сон кўринишида ифодаланишини исботланг.
6. Синусоидал ўзгарувчан ток, кучланиш ва Э. Ю. К. лар комплекс ифодасини ёзинг.
7. Комплекс сонларни дифференциаллаш ва интеграллаш қандай бажарилади?
8. Ом ва Кирхгоф қонунлари комплекс усулда қандай ифодаланади?
9. Актив, реактив ва тўла қаршилик комплекс ифодасини ёзинг.
10. Актив, реактив ва тўла ўтказувчанлик комплекс ифодасини ёзинг.
11. Актив, реактив ва тўла қувват тенгламаларининг комплекс ифодасини ёзинг.
12.  $U=220\sin(\omega t +45)$ , ва  $i=10\sqrt{2}\sin(\omega t+90)$  ток ва кучланиш функциялари комплекс усулда қандай ифодаланади?
13. Кучланиш  $\mathring{U}=100e^{j120} B$ , ток  $\mathring{I}=j10A$  бўлганда, комплекс тўла қаршилик ва тўла ўтказувчанлик қийматларини аниqlанг
14. Тўла қаршиликлари:  $\underline{Z}_1=5+j11 \text{ Om}$ ,  $\underline{Z}_2 = 4-j2 \text{ Om}$  га тенг кетма – кет уланган ток занжири схемаси тузилиб умумий тўла қаршилиги аниqlansin.
15. Комплекс ифодалари:  $\mathring{U} = 60e^{j90}$ ,  $\mathring{I} = 5e^{j30}$  бўлганда комплекс тўла қувват ифодаси ва актив, реактив қувватлар қийматлари қандай аниqlанади?
16. Паралел схемада бириктирилган истемолчилар комплекс қаршиликлари  $\underline{Z}_1=10e^{j60} \text{ Om}$ ,  $\underline{Z}_2 = 5^{j30} \text{ Om}$  бўлганда комплекс эквивалент қаршилик канчага тенг?
17.  $\mathring{U} = -220+j220 B$ ,  $\mathring{I} = 15 -j5 A$  комплекс ифодаларининг оний синусоидал ўзгарувчан қийматларини ёзинг.
18.  $\mathring{I} = -5e^{j90} A$ ,  $\mathring{U}=j 141 e^{j90} B$  бўлган комплекс ифодаларининг оний синусоидал ўзгарувчан тенгламасини ёзинг.

## 4-Боб. Ўзаро индуктив боғланган ўзгарувчан электр ток занжирлари.

### 4-1. Асосий назарий түшүнчалар.

Электромагнит индукция қонунига асасан индуктив ғалтакда, ток  $i$ , магнит оқими  $\Phi$ , ёки индуктив параметр  $L$  ўзгарувчан бўлса ўзиндукиция э.ю.к хосил бўлади.

$$\ell_L = \frac{d\psi}{dt} = -W \frac{d\phi}{dt} = -L \frac{di}{dt}$$

Агарда иккита индуктив элементларнинг биридан оқиб ўтувчи ток иккинчи индуктивликда э.ю.к хосил қиласа, бундай электр ток занжири индуктив боғланган дейилади (трансформатор).



Бунда индуктивликда хосил бўладиган магнит оқими:

$$\left. \begin{array}{l} \Phi_1 = \Phi_{11} + \Phi_{12} \\ \Phi_2 = \Phi_{22} + \Phi_{21} \end{array} \right\} \quad \text{ёки} \quad \left. \begin{array}{l} \Phi_{1\text{умумий}} = \Phi_1 \pm \Phi_{21} \\ \Phi_{2\text{умумий}} = \Phi_2 \pm \Phi_{12} \end{array} \right\}$$

Чўлғамга илашган магнит оқим:

$$\begin{aligned} \Psi_1 &= W_1(\Phi_1 \pm \Phi_{21}) = \Psi_1 \pm \Psi_{21} \\ \Psi_2 &= W_2(\Phi_2 \pm \Phi_{12}) = \Psi_2 \pm \Psi_{12} \end{aligned}$$

Индуктивликларда хосил бўладиган ўзаро индукцияланувчи э.ю.к:

$$\ell_1 = -\frac{d\Psi_1}{dt} = -\frac{d(\Psi_1 \pm \Psi_{21})}{dt} = -\frac{d\Psi_1}{dt} \pm \frac{d\Psi_{21}}{dt} = -L_1 \frac{di_1}{dt} \pm M_{21} \frac{di_2}{dt} = \ell_{1L} + \ell_{1M}$$

$$\ell_2 = -\frac{d\Psi_2}{dt} = -\frac{d(\Psi_2 \pm \Psi_{12})}{dt} = -\frac{d\Psi_2}{dt} \pm \frac{d\Psi_{12}}{dt} = -L_2 \frac{di_2}{dt} \pm M_{12} \frac{di_1}{dt} = \ell_{2L} + \ell_{2M}$$

$M_{12} = M_{21} = M$  -ўзаро индуктивлик коэффициенти дейилади ва Гн ўлчанади.

$M$  – коэффициенти индуктив ғалтакнинг ўрамлар сонига, ўзаро жойлашишига ва магнит тавсифига ҳам боғлиқ бўлади.

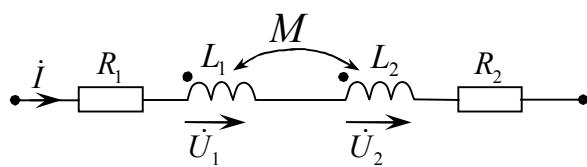
### 1. Кетма-кет схемада уланган индуктив ғалтак

Бу холда комплекс тўла қаршилиқ:

$$\underline{z} = z_1 + z_2 + 2\underline{z}_M = (R_1 + j\omega L_1) + (R_2 + j\omega L_2) \mp 2j\omega M$$

ёки  $\underline{z}_M = \pm 2j\omega M$  -ўзаро индукция комплекс қаршилиги.

“Плюс” ишора иккита индуктивлик кетма-кет, минус “ишора” эса қарама-қарши уланишга мос бўлади.



Эквивалент индуктивликлар ўзаро уланиш схемасига асосан:

$$L_{\text{мос}} = L_1 + L_2 + 2M$$

$$L_{\text{қарама-қарши}} = L_1 + L_2 - 2M$$

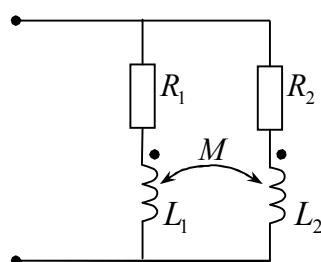
Индуктивликлардаги кучланишлар:

$$\dot{U}_1 = \dot{I}_1 (\underline{z}_1 \pm j\omega M)$$

$$\dot{U}_2 = \dot{I}_2 (\underline{z}_2 \pm j\omega M)$$

## 2. Параллл схемада уланиш

Параллл схемада бириктирилган индуктив боғланган ток занжирини



хисоблашда Кирхгофнинг 2-қонунига асосан хар-бир тармоқ учун тузилган комплекс тенгламалар системасини ечиш билан тармоқ токлари топилади.

Тармоқларнинг эквивалент қаршиликлари:

$$\underline{z}_{1\Theta} = \frac{\underline{z}_1 \underline{z}_2 - \underline{z}_M^2}{\underline{z}_2 - \underline{z}_M} \quad \underline{z}_{2\Theta} = \frac{\underline{z}_1 \underline{z}_2 - \underline{z}_M^2}{\underline{z}_1 - \underline{z}_M}$$

Тенгламага асосан эквивалент схемасини тузамиз.



Демак параллл схемада уланган индуктив ғалтак ток занжирини эквивалент схема, ёки қаршилик параметрлари орқали индуктив боғланмаган актив қаршилик  $R_\Theta$  ва  $X_\Theta$  индуктив қаршилик кўринишда ифодалаш мумкин .

$$\underline{z}_\Theta = R_\Theta + jX_\Theta$$

Хусусий холда, агар ( $R_1 = R_2 = 0$ ) бўлса,

$$L_{1\Theta} = \frac{L_1 L_2 - M^2}{L_2 \mp M}, \quad L_{2\Theta} = \frac{L_1 L_2 - M^2}{L_1 \mp M}$$

Занжирнинг умумий қаршилиги:

$$\underline{Z}_\Theta = \frac{\underline{z}_1 \underline{z}_2 - \underline{z}_M^2}{R + \underline{z}_2 \mp 2\underline{z}_M}$$

3. Индуктив боғланган занжирни хисоблашда **боғланиш коэффициенти -К** орқали ҳам ифодаланади.

$$K = \frac{M}{\sqrt{L_1 L_2}} \leq 1$$

Индуктив бөглөнгөн галтаклар мос равишида ёки қарама – қарши биритирилганд бүлсә:

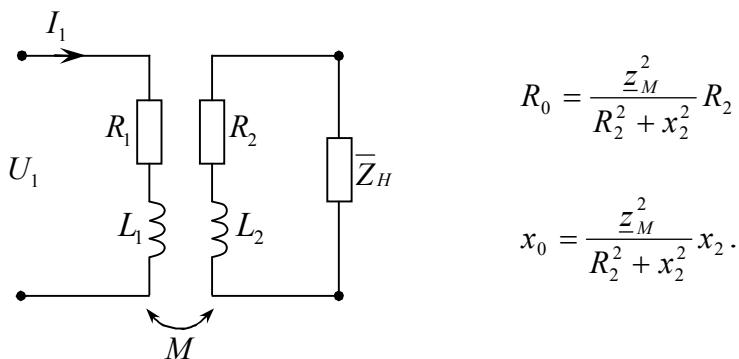
$$L_{moc} = L - M > 0 ; \quad L_{kk} = L - M < 0 \quad \text{ёки} \quad M = \frac{L_M - L_{kk}}{4}$$

Индуктивлик  $L$  ва ўзаро индуктивликлар  $M$  мувозанат тенгламаси.

$$M^2 \leq L_1 L_2 \quad \text{ёки} \quad 2M^2 \leq L_1 + L_2$$

#### 4. Үзаксиз трансформатор (хаво трансформатори)

Схемада берилганд үзаксиз трансформатор занжирини хисоблашда контури ток усули ёки эквивалент схемаси билан бажарилади. Агарда трансформаторнинг бирламчи чўлғамидан оқадиган токни аниклаш зарур бўлса, мураккаб индуктив бөглөнгөн ток занжири эквивалент схемасидан фойдаланган холда иккиламчи чўлғам комплекс қаршилиги ўрнига бирламчи чўлғамча кирувчи актив  $R_0$  ва реактив  $x_0$  қаршиликлар билан алмаштирилади:



Бунда  $R_2$  ва  $x_2$  - трансформаторнинг иккиламчи чўлғам актив ва реактив қаршиликлар.

Истемолчи қаршилиги инобатга олинган:

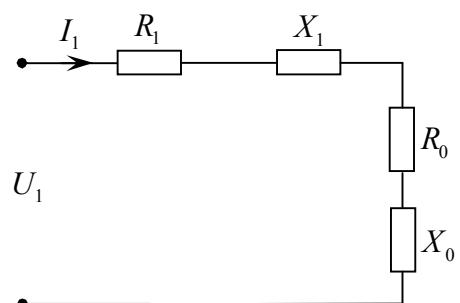
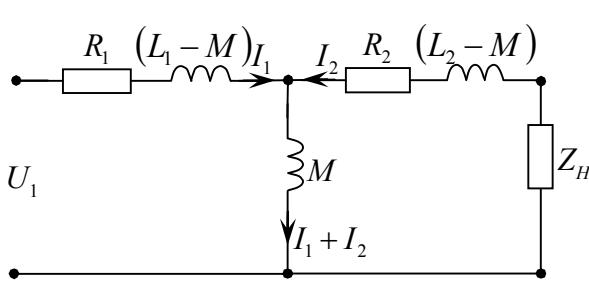
$$R' = R_2 + R_H, \quad x'_2 = x_2 + x_H.$$

Доимо  $R \geq 0$  бўлиб, сарф бўладиган қувватни ифодалайди.

Агар трансформатор иккиламчи чўлғамига индуктив қаршилик уланган бўлса, унда  $x_{2_L} > 0, x_0 < 0$  бўлиб трансформатор магнит оқими сусаяди

Агарада сифим қаршилиги уланган бўлса,  $x_{2_C} < 0, x_0 > 0$  бўлиб трансформаторнинг магнит оқими кучаяди.

Трансформаторнинг эквивалент схемалари.



**5. Бир нечта индуктив боғланган мураккаб ток занжирини хисоблашда,** Кирхгоф қонунлари, контурли ток усули, устма-устлик усул ва эквивалент генератор усулларидан фойдаланилади.

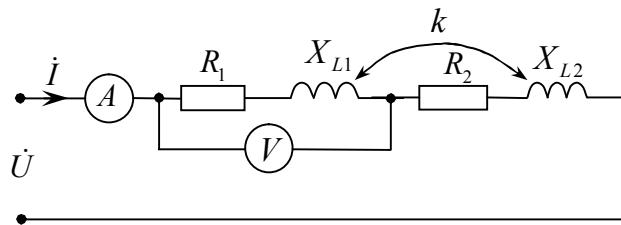
Ўзаро индуктив боғланган ток занжирлари Кирхгофнинг иккинчи қонунига асосан тенглама тузилганда қушимча  $U_M = \pm j\omega M_{nk} \cdot I_k$  ифода пайдо бўлиб  $n$ -ғалтак  $I_k$  ток оқиб утганда хосил бўладиган кучланишни ифодалайди. Бунда плюс (+) ёки минус (-) ишоралар индуктив ғалтакларнинг уланиш схемаси билан боғлиқ бўлади.

Индуктив боғланган ток занжирларнинг контурли ток усулидан фойдаланиб ҳисоблашда,  $n$ -контурдаги  $\pm j\omega M_{nk} \cdot I_k$  ифода ишорасини аниклашда,  $n$  ва  $k$  контурлар боғловчи ғалтақдаги контур токлари  $I_n$  ва  $I_k$  бир хил йуналишда бўлса, “плюс” ишора, агарда қарама-қарши йуналишда бўлса, “минус” ишора билан олинади. (Схемада нуқта билан белгиланган ишоралар токларнинг киришига мос келади ҳамда “плюс” ишораси билан хисобга олинади.)

#### 4-2. Масала ечиш.

**Масала 4-1** Кетма-кет уланган иккита реактив ғалтак параметрлари  $R_1 = 60\Omega$ ,  $R_2 = 40\Omega$ ,  $x_{i_1} = 8\Omega$ ,  $x_{i_2} = 1\Omega$  бўлиб,  $U = 300V$  кучланишга уланган.

Боғланиш коэффициенти  $K=0,565$  бўлган иккита ғалтакнинг ўзаро мос ва қарама-қарши уланган схемалари учун ўлчов асбобларнинг кўрсатиш қийматлари аниқлансин.



**Ечиш:**

A) **Кетма-кет (мос) уланиш**

Ўзаро индуктив қаршилик:  $x_M = \omega M = k\sqrt{\omega L_1 \cdot \omega L_2} = 0,565\sqrt{8 \cdot 1} = 1,6 \Omega$

$$\text{Комплекс ток: } \dot{I} = \frac{\dot{U}}{R + j\omega L_{mos}}$$

$$\begin{aligned} \text{Бунда} \quad L_{mos} &= L_1 + L_2 + 2M \\ R &= R_1 + R_2 \end{aligned}$$

Комплекс кучланиш хакикий сон бўлиб  $\dot{U} = U = 300V$

$$\text{Ёки: } \dot{I} = \frac{\dot{U}_2}{R + j\omega L_{mos}} = \frac{300}{10 + j12,2} = 12,05 - j14,7A$$

Амперметрдан оқиб утвичи токнинг хакикий киймати:

$$I = \sqrt{12,05^2 + 14,7^2} = 19A$$

Биринчи ғалтакдаги комплекс кучланиш:

$$\dot{U}_1 = \dot{I}_1 (R_1 + j\omega L + j\omega M) = (12,05 - j14,7) \cdot (6 + j4 + j1,6) = (213,3 + j27,5)(B)$$

Вольтметрдаги кучланиш:  $U_1 = \sqrt{213^2 + 27,5^2} = 216B$

Иккинчи ғалтақдаги комплекс кучланиш:

$$\dot{U}_2 = \dot{I}_2 (R_2 + j\omega L_2 + j\omega M_2) = (86,4 - j27,4)(B)$$

Масаланинг ечимини текширамиз:

$$\dot{U} = \dot{U}_1 + \dot{U}_2 = 213,3 + j27,48 + 86,4 - j27,4 = 299,7 + j0,06 \approx 300B$$

### **Б) Қарама-қарши уланиш.**

Комплекс ток:  $\dot{I} = \frac{\dot{U}}{R + j\omega L_{kk}}$

Бунда:  $L_{қарама-қарши} = L_1 + L_2 - 2M$

Ёки:  $x_{L_{kk}} = \omega L_{kk} = \omega L_1 + \omega L_2 - 2\omega M = 8 + 1 - 2 \cdot 1,6 = 5,8 \text{ Om}$

Ток  $\dot{I} = \frac{300}{10 + j5,8} = (22,5 - j13) A$

Амперметр курсатадиган киймати:  $I = \sqrt{(22,5)^2 + (-13)^2} = 26A$

Биринчи ғалтақдаги кучланиш комплекс ифодаси

$$\dot{U}_1 = \dot{I}(R_1 + j\omega L_1 + j\omega M) = (22,5 - j14) \cdot (6 + j8 + j1,6) = (218 - j65,6)B$$

Вольтметрдаги кучланиш:

$$U_1 = \sqrt{(218)^2 + (65,6)^2} = 226B$$

Иккинчи вольтметрдаги комплекс кучланиш:

$$\dot{U}_2 = \dot{I}(R_2 + j\omega L_2 - j\omega M) = (82,2 - j65,5)B$$

Демак ўзаро индуктив қаршилик абсолют киймати  $x_M = \omega M > x_{L_2} = \omega L_2$  дан бўлиб реактив қаршилиги “минус” ишорага тенг ҳамда комплекс “сифим” қаршилигига мос эканлиги ифодалайди.

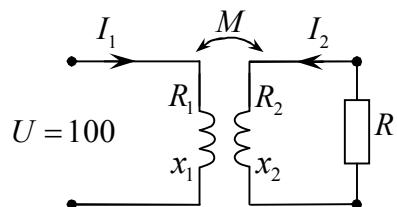
**Масала 4-2.** Ўзаксиз трансформаторнинг (ҳаво трансформатори) иккиламчи чўлғами истеъмолчи қаршилиги  $R=10 \text{ Om}$  уланган бўлиб, бирламчи чўлғами  $U=100 \text{ B}$  кучланишга уланган. Трансформаторнинг салт ишлаш холатида бирламчи ва иккиламчи чўлғамларидағи ток, кучланиш ва қувват кийматлари:  $I_{10} = 10A, P_{10} = 100BT, U_{10} = 100B$ ,

$U_{20} = 100B, I_{20} = 2,5A, P_{20} = 100B$  га тенг. Трансформаторнинг бирламчи  $W_1$  ва иккиламчи  $W_2$  чўлғамларидан оқадиган ток ва фойдали иш коэффициенти аниқлансин.

### **Ечиш:**

Ўзаро индуктив қаршилиги:  $x_M = \omega M = \frac{E_{20}}{I_{10}} = \frac{180}{10} = 18 \text{ Om}$

Бирламчи чўлғам актив қаршилиги:





### Ечиш:

Актив қаршилиги:

$$R = R_1 + R_2 = 21,1 \text{ Ом}$$

Тұла қаршилиги :

$$z = \frac{U}{I} = \frac{8,8 \cdot 10^{-3}}{2,2 \cdot 10^{-3}} = 40 \text{ Ом}$$

Реактив қаршилік:

$$x = x_L - x_C = \pm \sqrt{z^2 - R^2} = \pm 34 \text{ Ом}$$

Ғалтаклар индуктив қаршилиги  $x_L = \omega L_1 + \omega L_2 + 2\omega M = 38 \text{ Ом}$

Сигим қаршилиги

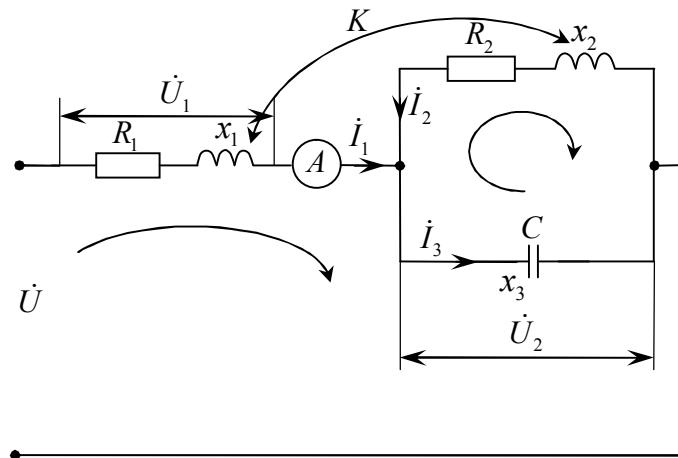
$$x_C = x_L - x = 38 \pm 34 \text{ Ом}$$

Демак индуктив ғалтакларнинг ўзаро уланиш схемасига караб сигим икки хил қаршиликта эга бўлади.

$$x'_{C_{\text{исс}}} = 38 - 34 = 4 \text{ Ом}, \quad x'_{C_{\text{ж}}}= 38 + 34 = 72 \text{ Ом}$$

$$\text{ёки: } C' = \frac{1}{\omega x'_C} = 0,8 \cdot 10^{-6} \phi = 0,8 \text{ мкФ}, \quad C'' = \frac{1}{\omega x''_C} = 0,044 \cdot 10^{-6} \phi = 0,044 \text{ мкФ}$$

**Масала 4-4.** Схемада келтирилган ўзаро индуктив боғланган ток занжиригининг биринчи тармогидан оқаетган ток  $I=10A$ , боғланиш коэффициенти  $K=0,75$ . Параметр қийматлари:  $R_1=2 \text{ Ом}$ ,  $x_1=10 \text{ Ом}$ ,  $R_2=1 \text{ Ом}$ ,  $x_2=4 \text{ Ом}$ ,  $x_3=2 \text{ Ом}$ . Ғалтак кучланишлари, умумий кучланиш ва қувват аниқлансин.



### Ечиш:

Кирхгоф қонунларига асосан контур токлари йўналиши бўйича тенглама Тузамиз:

$$\left. \begin{aligned} I_1 + I_2 &= I_3 \\ \dot{U} &= \dot{I}R_1 + \dot{I}_1 j\omega L_1 - \dot{I}_2 R_2 - \dot{I}_2 j\omega L_2 + \dot{I}_1 j\omega M - \dot{I}_2 j\omega M \\ O &= -\dot{I}_2 R_2 - \dot{I}_2 j\omega L_2 - \dot{I}_3 \left( -j \frac{1}{\omega C} \right) + \dot{I}_1 j\omega M \end{aligned} \right\}$$

Ўзаро индуктив қаршилиқ  $x_M = \omega M = k\sqrt{x_1 x_2} = 0,75\sqrt{1,4} = 1,5 \text{ Ом}$

Тузилган тенгламалар системасини ечамиш, бунда  $\dot{I}_1 = I_1 = 10A$  бўлиб, хақиқий сон ва комплекс тенглиқда хақиқий ўқ бўйича йўналтирилади.

$$10 + \dot{I}_2 = \dot{I}_3 \quad (1)$$

$$\dot{U} = 10(2 + j2,5) - \dot{I}_2(1 + j5,5) \quad (2)$$

$$O = -\dot{I}_2(1 + j4) + j15 + \dot{I}_3 \cdot j2 \quad (3)$$

Биринчи тенгламадан  $10 + \dot{I}_2 = \dot{I}_3$  ни (3)-тenglamaga қўямиз.

$$-\dot{I}_2(1 + j4) + j15 + \dot{I}_3 \cdot j2 = -\dot{I}_2(1 + j2) + j35 = 0$$

$$\text{Бундан: } \dot{I}_2 = \frac{j35}{1 + j2} = (14 + j7)A$$

Токнинг эффектив қиймати:  $I_2 = \sqrt{14^2 + 7^2} = \sqrt{245} = 15,6A$

Биринчи тенгламадан:

$$\dot{I}_3 = 10 + \dot{I}_2 = 10 + 14 + j7 = (24 + j7)A$$

$$I_3 = \sqrt{24^2 + 7^2} = \sqrt{625} = 25A$$

Иккинчи тенгламадан, занжир умумий кучланиши:

$$\dot{U} = 10(2 + j2,5) - (14 + j7)(1 + j5,5)B$$

Кучланиш эффектив қиймати:

$$\dot{U} = \sqrt{(44,5)^2 + (59)^2} = \sqrt{5461} = 73,9B$$

Биринчи ғалтакдаги кучланиш:

$$\dot{U}_1 = \dot{I}_1(R_1 + j\omega L_1) - \dot{I}_2 j\omega M = (10(2 + j) - 14 + j7)j1,5 = (30,5 - j11)B$$

Кучланиш эффектив қиймати:

$$\dot{U}_1 = \sqrt{(30,2)^2 + (11)^2} = \sqrt{1051,2} = 32,4B$$

Иккинчи ғалтак ёки конденсатор кучланиш:

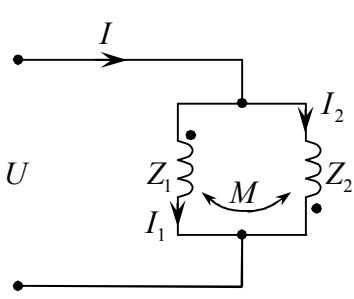
$$\dot{U}_2 = -\dot{I}_2(R_2 + j\omega L_2) + \dot{I}_1 j\omega M = -(14 + j7)(1 + j4) + j15 = (14 - j48)B$$

Эффектив қиймати:  $\dot{U}_2 = \sqrt{(14)^2 + (48)^2} = 50B$

Занжир актив қуввати:  $P = P_1 + P_2 = I_1^2 R_1 + I_2^2 R_2 = 445BT$

**Масала 4-5.** Индуктив боғланган паралелл схемада уланган ток занжирини тўла қаршиликлари  $\underline{z}_1 = (5 + j10) \text{ Om}$ ,  $\underline{z}_2 = (100 + j20) \text{ Om}$ ,  $\underline{z}_M = 10 \text{ Om}$

бўлиб,  $\dot{U} = 120B$  кучланишга уланган. Занжирга кирувчи ток ва қувват қийматлари аниқлансин.



#### Ечиш:

Паралелл уланган холда комплекс эквивалент тўла қаршиликлари

$$\underline{z}_{1\Theta} = \frac{\underline{z}_1 \underline{z}_2 - \underline{z}_M^2}{\underline{z}_2 - \underline{z}_M} = (6,7 + j8,9)\text{om}$$

$$\underline{z}_{2\Theta} = \frac{\underline{z}_1 \underline{z}_2 - \underline{z}_M^2}{\underline{z}_1 - \underline{z}_M} = (56,4 - j6)\text{om}$$

Тармоқ токлари:

$$\dot{I}_1 = \frac{U}{Z_{1_s}} = (6,4 - j8,6) \quad (I_1 = 10,8A)$$

$$\dot{I}_1 = \frac{U}{Z_{2_s}} = (2,1 - j0,27) \quad (I_2 = 2,2A)$$

Умумий ток:  $\dot{I} = \dot{I}_1 + \dot{I}_2 = (8,5 - j8,38)$

Биринчи ғалтакдаги реал актив қувват:

$$P_1 = R_s (U I_1) = R_s [120(6,4 + j8,6)] = 768BT$$

Ғалтакдаги актив қувват эса:  $P'_1 = I_1^2 R_1 = 115 \cdot 5 = 574BT$

Қувватлар фарқи:  $\Delta P_1 = P_1 - P'_1 = 768 - 574 = 194BT$

Иккинчи ғалтакдаги реал актив қувват:

$$P_2 = R_s (\dot{U} I_2) = R_e [120(2,1 + j0,22)] = 252BT$$

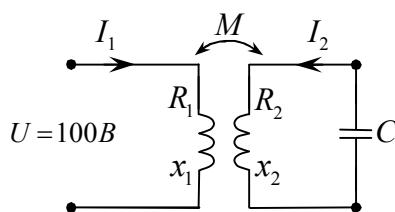
Ғалтакдаги актив қувват эса:  $P'_2 = I_2^2 R_2 = 4,46 \cdot 100 = 446BT$

Қувватлар фарқи:  $\Delta P_2 = P_2 - P'_2 = 252 - 446 = -194BT$

Бунда иккинчи ғалтакдаги етишмайдиган  $\Delta P_2 = -194BT$  актив қувват ўзароиндукция ходисасига асосан энергия билан таъминланади:

$$P_M = P_{12} = R_e \left[ j\omega M \dot{I}_1 \dot{I}_2 \right] = R_e [j10(11,56 - j19,4)] = 194BT$$

**Масала 4-6.** Ўзаксиз трансформаторнинг иккиламчи чўлғамдан оқиб ўтадиган ток  $I_2 = 0,5A$  бўлиб, сигим қаршилиги уланган, ғалтак параметрлари  $R_1 = 60\text{ом}, \omega L_1 = 80\text{ом}, R_2 = 90\text{ом}, \omega L_2 = 45\text{ом}, \frac{1}{\omega C} = 210\text{ом}$  ва боғланиш коэффициенти  $k=0,5$ . Бирламчи чўлғам токи ва кучланиш қийматлари топилиб, вектор ифодаси тузилсин.



### Ечиш:

Ўзаро индуктив қаршилик:  $x_M = \omega M = k\sqrt{\omega L_1 \cdot \omega L_2} = 30\text{ом}$

Кирхгоф қонунларига асосан контур токлари йўналиши бўйича тенглама тузамиз:  $\left[ R_2 + j\left(\omega L_2 - \frac{1}{\omega C}\right) \right] \dot{I}_2 + j\omega M \dot{I}_1 = 0$

$$\text{Бундан } \dot{I}_1 = \dot{I}_2 \frac{R_2 + j\left(\omega L_2 - \frac{1}{\omega C}\right)}{-j\omega M} = \frac{90 + j(45 - 210)}{-j30} = 3,14e^{j28^\circ} \text{ А}$$

Бирламчи чўлғам кучланиши:

$$\dot{U}_1 = (R_1 + j\omega L_1) \dot{I}_1 + j\omega M \dot{I}_2 = (60 + j80)3,14e^{j28^\circ} + 30 \cdot 0,5 = 328e^{j82^\circ}$$

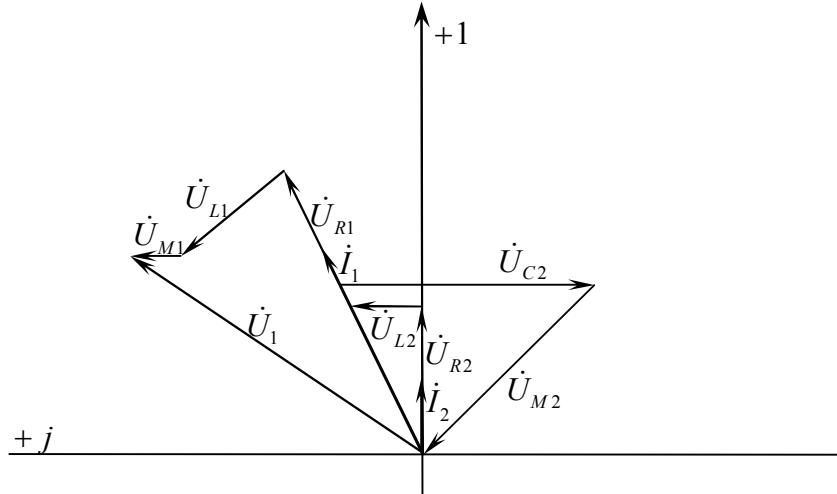
Вектор ифода тузиш учун, қаршилик параметр күчланишларини аниқлаш зарур;  $\dot{U}_{R_1} = R_1 \dot{I}_1 = (165 + j90)(B)$   $\dot{U}_{R_2} = R_2 \dot{I}_2 = 45(B)$

$$\dot{U}_{L_1} = j\omega L_1 \dot{I}_1 = (-120 + j220)(B) \quad \dot{U}_{L_2} = j\omega L_2 \dot{I}_2 = j22,5(B)$$

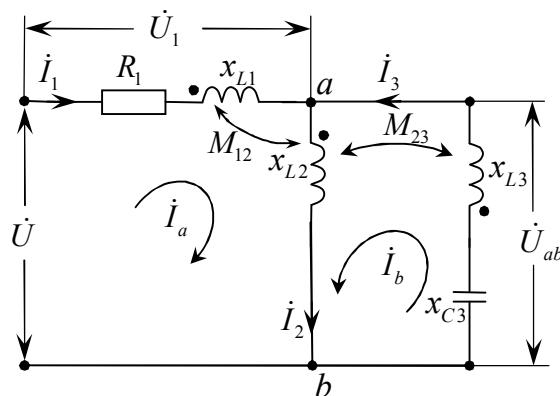
$$\dot{U}_{M_1} = j\omega M \dot{I}_1 = (-45 + j82,5)(B) \quad \dot{U}_{M_{21}} = j\omega M \dot{I}_2 = j15(B)$$

$$\dot{U}_{C_2} = \frac{1}{j\omega C} \cdot \dot{I}_2 = -j105(B)$$

Комплекс текислиқда вектор ифодасини тузамиз.



**Масала 4-7.** Схемада берилған электр ток занжирининг қаршилик параметрлари:  $R_1 = 2 \text{ Ohm}$ ,  $x_1 = 10 \text{ Ohm}$ ,  $R_2 = 1 \text{ Ohm}$ ,  $x_{M_{23}} = 10 \text{ Ohm}$ , бўлиб  $U = 150 \text{ MB}$  күчланишга уланган. Тармоқ токлари топилиб  $U_{ab}$  күчланиш аниқлансин.



### 1. Кирхгофнинг қонунларига асосан ечиш

Кирхгофнинг қонунларига асосан тенглама тузамиз:

$$\left. \begin{aligned} I_1 - I_2 + I_3 &= 0 \\ z_1 \dot{I}_1 + z_{M_{12}} \dot{I}_2 + z_{M_{23}} \dot{I}_3 + z_2 \dot{I}_2 + z_{M_{12}} \dot{I}_1 &= \dot{U} \\ z_2 \dot{I}_2 + z_3 \dot{I}_3 + z_{M_{12}} \dot{I}_1 + z_{M_{32}} \dot{I}_2 + z_{M_{32}} \dot{I}_3 &= 0 \end{aligned} \right\}$$

Бунда:

$$z_1 = (50 + j20)$$

$$z_2 = j20$$

$$z_3 = (j20 - j50) = -j30$$

$$\begin{aligned}\underline{z}_{M_{12}} &= j\omega M_{12} = j10 \\ \underline{z}_{M_{23}} &= j\omega M_{32} = j10 \text{ ом}\end{aligned}$$

Тенглама қаршиликтар ва кучланиш қийматларини қўйсак:

$$\left. \begin{array}{l} \dot{I}_1 - \dot{I}_2 + \dot{I}_3 = 0 \\ (5 + j3)\dot{I}_1 + j3\dot{I}_2 + j\dot{I}_3 = 25 \\ \dot{I}_1 + 3\dot{I}_2 - 2\dot{I}_3 = 0 \end{array} \right\}$$

Детерминант усули билан ечиш натижасида:

$$\Delta = 5(1 + j2), \Delta_1 = 25, \Delta_2 = -75, \Delta_3 = -100$$

Демак:

$$\dot{I}_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta} = (1 + j2) \quad (\text{МА})$$

$$\dot{I}_2 = \frac{\Delta_2}{\Delta} = -3(1 + j2) \quad (\text{МА})$$

$$\dot{I}_3 = \frac{\Delta_3}{\Delta} = -4(1 + j2) \quad (\text{МА})$$

$U_{ab}$  - потенциал кучланиш учун тенглама тузамиз:

$$\dot{U}_{ab} = j\omega M_{12}\dot{I}_1 + j\omega L_2\dot{I}_2 + j\omega M_{23}\dot{I}_3 = (180 - j90) \text{ (МВ)}$$

## 2. Контурли ток үсулига асосан ечиш

Контур токлари йуналиши буйича тенглама тузамиз:

$$\left. \begin{array}{l} (\underline{z}_1 + 2\underline{z}_{M_{12}})\dot{I}_a + (\underline{z}_2 + \underline{z}_{M_{23}} + \underline{z}_{M_{12}})\dot{I}_b = \dot{U} \\ (\underline{z}_2 + \underline{z}_{M_{12}} + \underline{z}_{M_{23}})\dot{I}_a + (\underline{z}_{22} + 2\underline{z}_{M_{23}})\dot{I}_b = 0 \end{array} \right\}$$

Бунда:

$$\underline{z}_{11} = \underline{z}_1 + \underline{z}_2 = (50 + j40) \text{ ом}$$

$$\underline{z}_{22} = \underline{z}_2 + \underline{z}_3 = -j10 \text{ ом}$$

$$\begin{aligned} \text{Тенгламалар системасини ечиш натижасида: } \dot{I}_a &= \frac{\dot{U}(\underline{z}_{22} + 2\underline{z}_{M_{23}})}{\Delta} \\ \dot{I}_b &= \frac{-\dot{U}(\underline{z}_2 + \underline{z}_{M_{12}} + \underline{z}_{M_{23}})}{\Delta} \end{aligned}$$

$$\text{Бунда: } \Delta = (\underline{z}_{11} + 2\underline{z}_{M_{12}})(\underline{z}_{22} + 2\underline{z}_{M_{23}}) - (\underline{z}_2 + \underline{z}_{M_{12}} + \underline{z}_{M_{23}})^2$$

Ушбу қаршилик параметрлари қийматларини кувиш билан:

$$\dot{I}_a = (1 + j2) \text{ (МА)}$$

$$\dot{I}_b = (-4 - j8) \text{ (МА)}$$

Тармоқ токларининг комплекс ифодаси:  $\dot{I}_1 = \dot{I}_a = (1 + j2)$  (МА)

$$\dot{I}_1 = \dot{I}_a + \dot{I}_b = -3(1 + j2) \text{ (МА)}$$

$$\dot{I}_3 = -\dot{I}_b = (4 + j8) \text{ (МА)}$$

Кучланиш:  $\dot{U}_{ab} = j\omega M_{12}\dot{I}_1 + j\omega L_2\dot{I}_2 + j\omega M_{23}\dot{I}_3 = (180 - j90) \text{ (МВ)}$

### 4-3. Мұстакил ечиш учун масалалар:

**Масала 4-1** Паралелл схемада уланган ғалтакнинг параметрлари  $R_1 = 20\text{ом}$ ,  $R_2 = 20\text{ом}$ ,  $x_{L_1} = 10\text{ом}$ ,  $x_{L_2} = 20\text{ом}$  ва  $x_M = 10\text{ом}$  тенг. Занжирга кириш ёки эквивалент қаршилиги  $z_0 = z_e$  аниқлансын.

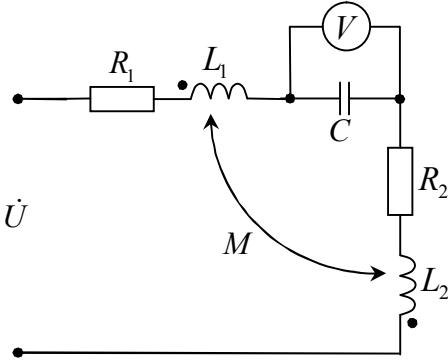
**Жавоб:**  $z_0 = z_e = 16,27e^{j49^020'}$

**Масала 4-2.** Индуктив боғланган ғалтакнинг параметрлари  $x_{L_1} = 15\text{ом}$ ,  $x_{L_2} = 20\text{ом}$ ,  $x_M = 3\text{ом}$  бўлганда, боғланиш коэффициенти  $k$  аниқлансын.

**Жавоб:**  $k=0,17$

**Масала 4-3.** Берилган электромагнит занжир параметрлари:  
 $C = 43\text{мкФ}$ ,  $L_1 = 22\text{Гн}$ ,  $L_2 = 18\text{Гн}$ ,  $M = 6,5\text{мГн}$ ,  $R = 10,5\text{ом}$ ,  $R_2 = 9,2\text{ом}$ ,  $U = 100\text{В}$ ,  $f = 200\text{ Гц}$ .  
Сифимга уланган вольтметрнинг кўрсатиш қиймати аниқлансын.

**Жавоб:**  $U=48\text{В}$

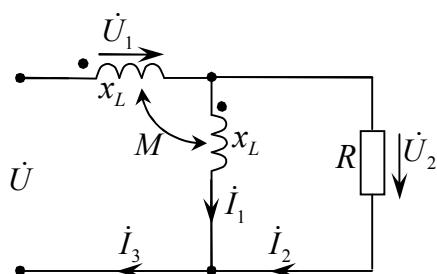


**Масала 4-4.** Трансформаторнинг қаршилик параметрлари  
 $R_2 = 2,3\text{ом}$ ,  $x_{L_1} = 8\text{ом}$ ,  $x_{L_2} = 10\text{ом}$ ,  $x_M = 8\text{ом}$ ,  $z_H = 3,35e^{-j50^\circ}\text{ом}$ , бўлиб, бирламчи чўлғами  $\dot{U}_1 = 100\text{В}$  кучланишга уланган. Бирламчи ва иккиламчи чўлғамларидан оқиб утувчи ток аниқлансын.

**Жавоб:**  $\dot{I}_1 = 21,9\text{А}$ ;  $\dot{I}_2 = 22,8e^{j15,8^\circ}$

**Масала 4-5.** Схемада келтирилган ток занжирининг параметрлари  $x_L = 140\text{ом}$ ,

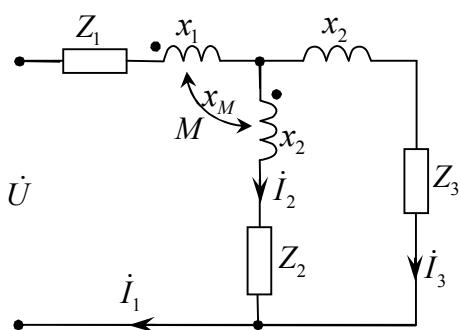
$x_M = 60\text{ом}$ ,  $R = 30\text{ом}$  бўлиб  $\dot{U} = 200\text{В}$  кучланишга уланган. Тармоқ токлари,  $\dot{U}_1, \dot{U}_2$  кучланиш ва қувватлар баланси аниқлансын.



**Жавоб:**

$$\begin{aligned} U_1 &= 171\text{В}; U_2 = 60\text{В}; I_1 = 0,67\text{А}; I_2 = 2\text{А}; I_3 = 1,43\text{А}; \\ \tilde{S} &= \dot{U}I = 120 + j260(\text{ВА}) \\ \dot{I}_1 &= -0,6 + j0,3\text{А}; \dot{I}_2 = 1,2 - j1,6\text{А}; \dot{I} = 0,6 - j1,3\text{А} \end{aligned}$$

**Масала 4-6.** Берилган схеманинг параметрлари:  $z_1 = (3 + j) \text{ } \Omega$ ,  $z_2 = -j10 \text{ } \Omega$ ,



$z_3 = (12 + j5) \text{ } \Omega$ ,  $x_1 = 3 \text{ } \Omega$ ,  $x_2 = 2 \text{ } \Omega$ ,  $x_3 = 3 \text{ } \Omega$ ,  $x_M = 8 \text{ } \Omega$  бўлиб, учинчи тармоқ токи  $I_3 = 1A$  тенг. Тармоқ токлари  $I_1, I_2$  ва  $\dot{U}_1$  кучланиш аникланиб, топаграфик диограммаси тузилсин.

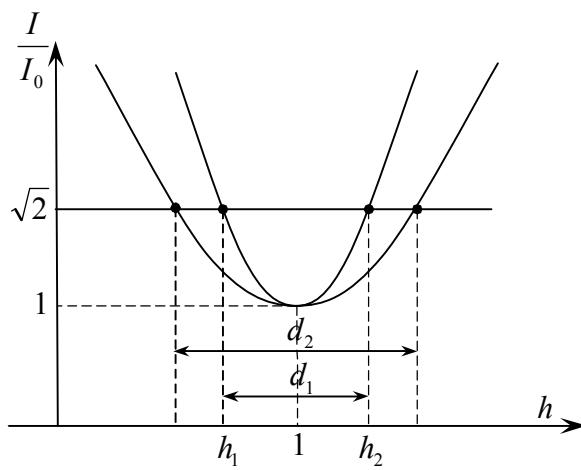
**Жавоб:**  $I_1 = j2A$ ,  $I_2 = -1 + j2A$ ,  $\dot{U}_1 = j12B$

#### **4-4. Синов саволлари:**

1. Ўзиндуция ва ўзаро индукция ходисаларининг физик маъносини тушунтириб беринг.
2. Магнит индукция, магнит оқим ва индуктивлик тенгламалари қандай ифодаланади, ўлчов бирлиги нима?
3. Электромагнит индукция қонунини ифодаловчи тенгламадаги  $e = -wdf/dt$  «минус» ишора маъносига изох беринг.
4. Ўзаро индуктив боғланиш коэффициент ифодасини ёзинг.
5. Ўзаро индуктивлик коэффициенти ифодасини ёзинг.
6. Ўзаро индукция ЭЮК қандай ифодаланади ва йўналиши қандай аниқланади?
7. Ўзаро индуктив боғланган ток занжирларининг уланиш схемаларини чизинг.
8. Ўзаро индуктив боғланган кетма-кет ва параллел схемаларда уланган занжирнинг эквивалент индуктивлик тенгламасини ёзинг.
9. Ўзаро индуктив боғланиш коэффициенти тажриба асосида қандай аниқланади?
10. Чизикли хаво трансформаторини таърифлаб беринг.
11. Трансформаторнинг эквивалент алмашлаш схемасини чизинг.
12. Трансформатор вазифаси, тузилиши ва ишлаш принципини биласизми?
13. Трансформаторнинг трансформациялаш коэффициенти нима?
14. Трансформаторнинг ишчи холат вектор ифодасини тузинг ва тушунтириб беринг.
15. Индуктивлиги  $L=0,05\text{Гн}$  ва ўзаро индуктивлик коэффициенти  $M=0,08\text{ Гн}$  бўлган ток занжирини ўзаро индуктив боғланиш коэффициентини К аникланг.
16. Индуктивлиги  $L_1 = 0,1\text{ Гн}$ ,  $L_2 = 0,1\text{ Гн}$ , индуктив боғланиш коэффициенти  $K = 0,8$  бўлган электр занжири ўзаро индуктивлик коэффициенти  $M$  аниклансин.
17. Эквивалент индуктивлиги  $L_s = L_1 + L_2 - 2M$  тенглама билан ифодаланувчи ўзаро индуктив боғланган электр занжир схемасини чизинг.
18. Ўзаро индуктив боғланган учта ғалтақдан иборат икки контурли электр ток занжири учун контурли ток усулига асосан тенгламасини тузинг.
19. Кетма-кет схемада уланган иккита индуктив боғланган (ғалтак) занжир учун тенгламасини ёзиб, тапографик вектор диаграммасини тузинг.







Келтирилган характеристикадан резонанс частота суниш чегаралари  $d = h_2 - h_1$  билан ифодаланилади.

Токлар резонанси пайтида хам электромагнит майдон энергиясининг тебраниши кучланишлар резонанс холатига ухшаш ва узгармас булади.

$$W = \frac{1}{2}LI^2 = \frac{1}{2}CU^2 = \text{const}$$

### 3. Тармокланган электр ток занжиirlарида резонанс.

Тармокланган электр ток занжиirlарида хам резонанс шарти  $\varphi = 0$  булиб, ток ва кучланиш векторлари орасидаги бурчак нулга тенг.

Ёки:  $x_s = 0; \psi_s = 0$

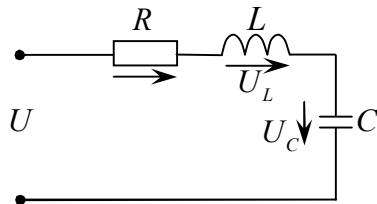
Бир нечта индуктивлик ва сигим элементларидан тузилган мураккаб электр занжиirlарида резонанс ходисаси, баъзи контур ва тармокларда хам хосил булиши мумкин.

## 5-2. Масала ечиш.

**Масала 5-1.** Кетма – кет бириклирилган ток занжирининг параметрлари  $L = 150 \text{ мкГн} = 15 \cdot 10^{-5} \text{ Гн}$ ,  $C = 470 \text{ мкФ} = 47 \cdot 10^{-7} \text{ Ф}$ ,  $R = 5 \text{ Ом}$  булиб,  $U = 10 \text{ В}$  кучланишга уланган. Резонанс частотаси  $f_0$ , реактив элементлардаги кучланиш

$U_L, U_C$ , тулкин каршилиги  $\rho$ , контур асилиги  $Q$  ва суниш коэффициенти  $d$  аниклансин.

**Ечиш:**



$$\text{Резонанс частота: } \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{705 \cdot 10^{-16}}} = \frac{1}{26,6 \cdot 10^{-8}} = 376 \cdot 10^4 (\text{рад/сек})$$

$$\text{Бундан: } f_0 = \frac{\omega_0}{2\pi} = \frac{376 \cdot 10^4}{6,28} = 6 \cdot 10^5 (\text{гц})$$

$$\text{Резонанс холат токи: } I_0 = \frac{U}{R} = \frac{10}{5} = 2 (\text{А})$$

$$\text{Реактив каршиликлари: } x_L = \omega_0 L = 565 \text{ ом}$$

$$x_C = \frac{1}{\omega_0 C} = \frac{1 \cdot 10^{11}}{376 \cdot 10^4 \cdot 47} = 565 \text{ ом}$$

Реактив каршиликлардаги кучланишлар:

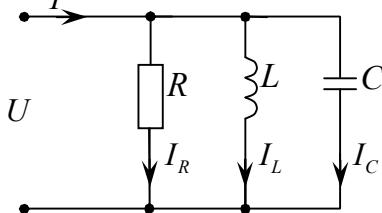
$$U_L = IX_L = 565 \cdot 2 = 1130 \text{ B}, \quad U_C = IX_C = -1130 \text{ B}$$

Тулкин каршилиги:  $\rho = \sqrt{\frac{L}{C}} = 565$

Асилик коэффициенти:  $Q = \frac{U_C}{U} = \frac{\rho}{R} = 113$

Суниш коэффициенти:  $d = \frac{1}{Q} = \frac{1}{113} = 0,885 \cdot 10^2$

### Масала 5-2.



Параллел схемада уланган ток занжирининг параметрлари

$R = 50 \text{ Ом} (g = 0,02 \frac{1}{\text{Ом}})$ ,  $L = 16 \text{ мГн} = 16 \cdot 10^{-3} \text{ Гн}$ ,  $C = 40 \text{ мкФ} = 40 \cdot 10^{-6} \text{ Ф}$ , бўлиб,  $U = 200 \text{ В}$ , кучланишга уланган. Резонанс частота  $f_0$ , токлар  $I, I_L, I_C$  сўниш коэффициенти  $d$  ва тулкин утказувчанлиги  $\gamma$  аниклансин.

#### Ечиш:

Резонанс частота:  $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{64 \cdot 10^{-8}}} = \frac{1}{8 \cdot 10^{-4}} = 1250 \text{ (рад/сек)}$

Еки:  $f_0 = \frac{\omega_0}{2\pi} = 199(\text{рад})$

Ток:  $I = Ug = 200 \cdot 0,02 = 4 \text{ (A)}$

Индуктив ва сигим реактив утказувчанликлари:

$$b_L = \frac{1}{\omega_0 L} = \frac{1}{1250 \cdot 16 \cdot 10^{-6}} = 0,05 \text{ (1/ом)}$$

$$b_C = \omega_0 C = 1250 \cdot 40 \cdot 10^{-6} = 0,05 \text{ (1/ом)}$$

Индуктивлик ва сигимдан окиб утвичи ток:

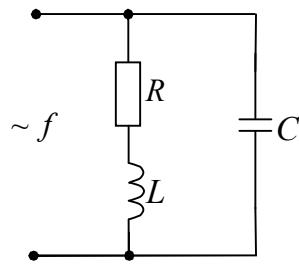
$$I_L = Ub_L = 10 \text{ (A)}, \quad I_C = Ub_C = 10 \text{ (A)}$$

Тулкин утказувчанлиги:  $\gamma = \sqrt{\frac{C}{L}} = 0,05$

Контур асиликлиги:  $Q = \frac{\gamma}{g} = 2,5$

Контур суниш коэффициенти:  $d = \frac{1}{Q} = 0,4$

**Масала 5-3.** Схемада келтирилган электр занжири частотаси  $f=400 \text{ Гц}$  узгарувчан ток манбаига уланган. Агар актив каршилик  $R=5 \text{ Ом}$ , сигим параметр  $C=10,5 \text{ мкФ}$  булса, индуктивликнинг кандай кийматида резонанс холат юзага келади.



### Ечиш:

Ушбу занжир учун резонанс шарти, реактив утказувчанликнинг йигиндиси нолга тенглиги булади.

Яни:

$$y = y_1 + y_2$$

Бунда:

$$y_1 = \frac{1}{z_1} = j\omega c; \quad y_2 = \frac{1}{z_2} = \frac{1}{R + j\omega L} = \frac{R - j\omega L}{R^2 + \omega^2 L^2}$$

Еки:

$$y = \frac{R}{R^2 + \omega^2 L^2} + j\left(\omega c - \frac{\omega L}{R^2 + \omega^2 L^2}\right)$$

“Қавс” ичидағи реактив утказувчанлик тенгламасини нолга тенглаймиз:

$$b = \omega c - \frac{\omega L}{R^2 + \omega^2 L^2} = 0$$

Умумий махражга келтириб  $\omega$  га булиб юборилса:

$$\omega^2 L^2 c^2 - L + cR^2 = 0$$

Индуктивликта нисбатан тенгламани ечими илдизлари:

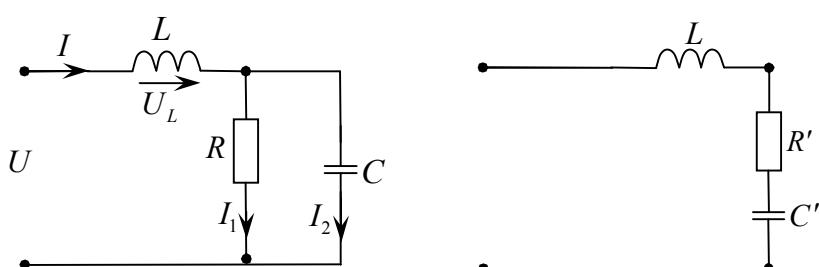
$$L_{1,2} = \frac{1 \pm \sqrt{1 - 4\omega^2 c^2 R^2}}{2\omega^2 c} = \frac{1 \pm 0,85}{132}$$

Демак занжирда резонанс холат юзага келиши мүмкін булган индуктивлик кийматлари:

$$L_1 = 0,014 \text{ ГН} = 14 \text{ мГН}$$

$$L_2 = 0,00114 = 1,14 \text{ мГН}$$

**Масала 5-4.** Келтирилған ток занжири учун резонанс частота  $\omega_0$  тенгламаси ва актив каршиликнинг ( $Z_0$ ) кандай кийматида резонанс холат юзага келишини аниклансын.



### Ечиш:

Занжирнинг параллелл уланган кисмини эквивалент схемаси билан алмаштирамиз.

$$R' = \frac{g}{y^2} = \frac{\frac{1}{R}}{\left(\frac{1}{R}\right)^2 + (\omega c)^2} = \frac{R}{1 + \omega^2 C^2 R^2}$$

$$x' = \frac{b}{y^2} = \frac{\omega C}{\left(\frac{1}{R}\right)^2 + (\omega c)^2} = \frac{\omega CR^2}{1 + \omega^2 C^2 R^2}$$

Кетма-кет уланган эквивалент схема учун резонанс шарти:

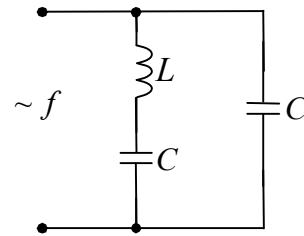
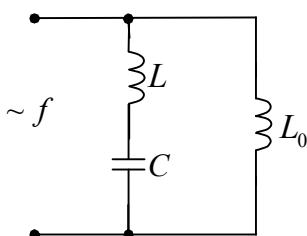
$$x = \omega L - \frac{\omega CR^2}{1 + \omega^2 C^2 R^2} = 0$$

Тенглама умумий маҳражи берилиб,  $\omega$  булинса:  $L + \omega_0^2 C^2 R^2 L - CR^2 = 0$

$$\text{Бундан: } \omega_0 = \sqrt{\frac{CR^2 - L}{C^2 R^2 L}} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \sqrt{1 - \frac{L}{R^2}}$$

Демак ушбу занжирда  $R > \sqrt{\frac{L}{C}} = \rho$  булғандагина резонанс хосил булади.

**Масала 5-5.** Берилган электр занжири узгарувчан ток частотаси  $f=10^5 \text{ Гц}$  бўлган генераторга уланган. Индуктивлиги  $L=100 \text{ мкГн}$ , сигими  $C=500 \text{ Пф}$ . Занжирда кучланишлар резонанси хосил килувчи индуктивлик киймати  $L_0$  аникланиб, шу занжирда токлар резонанси юзага келиши учун  $f=2 \text{ МГц}$  бўлганда кандай истемолчига уланиши керак.



### Ечиш:

Ушбу занжир учун резонанс шартига асосан реактив қаршиликлари нолга тенг:

$$\epsilon = \epsilon_1 + \epsilon_0 = 0$$

Бунда:  $\epsilon_1 = \frac{\omega C}{\omega^2 LC - 1}$  - LC занжир реактив ўтказувчанлиги

$\epsilon_0 = \frac{\omega C}{\omega L_0}$  -  $L_0$  индуктивлиги реактив ўтказувчанлиги

$$\text{Демак: } -\frac{\omega C}{\omega^2 LC - 1} + \frac{1}{\omega L_0} = 0$$

$$\text{Бундан: } \omega^2 L_0 C + \omega^2 LC - 1 = 0$$

Тенгламани  $L_0$  га нисбатан ечиш билан:

$$L_0 = \frac{1 - \omega^2 LC}{\omega^2 C} = \frac{1}{\omega^2 C} - L = 0,0049 \text{ Гн} = 4,9 \text{ МГн}$$

Демак занжирда кучланишлар резонанси юзага келиши учун  $L_0 = 4,9 \text{ МГн}$  тенг бўлиши зарур.

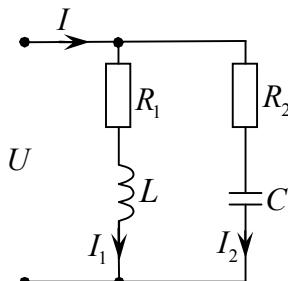
Масаланинг иккинчи шарти бўйича яна реактив ўтқазувчанликлар тенгламасини нолга тенглаймиз:

$$\epsilon = \frac{\omega C}{\omega^2 LC - 1} + \epsilon'_0 = 0$$

$\omega = 2\pi f = 4\pi \cdot 10^6 \text{ сек}^{-1}$  - тенг булганда, бунда  $\epsilon'_0$  - занжир тармоғида уланган реактив ўтқазувчанлик:  $\epsilon'_0 = \frac{\omega C}{\omega^2 LC - 1} = -9,2 \cdot 10^{-4} < 0 \frac{1}{\text{Ом}}$

Демак ушбу электр занжирида токлар резонанси ҳосил бўлиши учун индуктивлик  $L_0$  сифим элементи билан алмаштирилиши зарур. Сифим параметрлари эса  $C_0 = \frac{\epsilon'_0}{\omega} = \frac{9,2 \cdot 10^{-4}}{4\pi \cdot 10^6} = 73,3 \text{ нФ}$  тенг.

**Масала 5-6.** Паралелл уланган ток занжирининг параметрлари:  $R_1 = 100 \text{ Ом}$ ,  $R_2 = 200 \text{ Ом}$ ,  $L = 0,2 \text{ Гн}$ ,  $C = 1 \text{ мкФ}$ , манба кучланиши  $\dot{E} = 100 \text{ В}$ . Резонанс частота, реактив каршиликлар ва резонанс холат токлари аниклансин.



Ечиш:

Паралелл уланган электр занжирида токлар резонанс шарти  $\epsilon_L = \epsilon_C$  бўлиб, бундан резонанс частота тенгламаси:

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} \sqrt{\frac{\frac{L}{C} - R_1^2}{\frac{L}{C} - R_2^2}} = 2414 \frac{1}{\text{сек}}$$

Реактив каршиликлари:  $x_L = \omega_0 L = 483 \text{ (Ом)}$ ,  $x_C = \frac{1}{\omega_0 C} = 414 \text{ (Ом)}$ ,

Тармок тўла каршиликлари:  $\underline{z}_1 = R_1 + j\omega L = 493 \cdot e^{j78^\circ} \text{ (Ом)}$

$$\underline{z}_2 = R_2 - j\frac{1}{\omega_0 C} = 460 e^{-j64^\circ} \text{ (Ом)}$$

Биринчи тармоқ токи:  $\dot{I}_1 = \frac{\dot{U}}{\underline{z}_1} = \frac{100 e^{j0^\circ}}{493 e^{j78^\circ}} = (0,04 - j0,19) \text{ А}$

Иккинчи тармоқ токи:  $\dot{I}_2 = \frac{\dot{U}}{\underline{z}_2} = \frac{100e^{j^0}}{493e^{-j64^0}} = (0,09 - j0,19) \text{ A}$

Умумий ток:  $\dot{I} = \dot{I}_1 + \dot{I}_2 = (0,04 - j0,19) + (0,09 - j0,19) = 0,13 - j0,38 \text{ A}$   
Демак резонанс ҳолатда реактив каршиликлар нолга тенг.

**Масала 5-7.** (5-6) масалада берилган схеманинг қаршиликлари  $x_L = 40 \text{ Om}$ ,  $R_1 = 30 \text{ Om}$ ,  $R_2 = 28 \text{ Om}$ . частотаси  $f = 1000 \text{ Гц}$  бўлган ҳолатда занжирда токлар резонансини юзага келтирувчи сигим киймати аниклансин.

**Ечиш:**

Резонанс пайтида реактив каршилик токлари нолга тенг.

Яни:  $Q_L - Q_C = 0$  еки:  $Q_L = Q_C$

Бунда индуктивликдаги реактив қувват:  $Q_L = I_1^2 x_L = \frac{U^2}{R_1^2 + x_C^2} x_L$

Сигимдаги реактив қувват:  $Q_C = I_1^2 x_C = \frac{U^2}{R_2^2 + x_C^2} x_C$

Демак:  $\frac{U^2}{30^2 + 4} \cdot 40 = \frac{U^2}{28^2 + x_C^2} x_C$

Бундан сигим қаршилик:  $x_C = 17,75 \text{ om}$

Сигим параметри:  $C = \frac{x_C}{2\pi f} = \frac{17,75}{2 \cdot 3,14 \cdot 1000} = 2,28 \text{ мкф}$

### 5-3. Мұстақил ечиш учун масалалар.

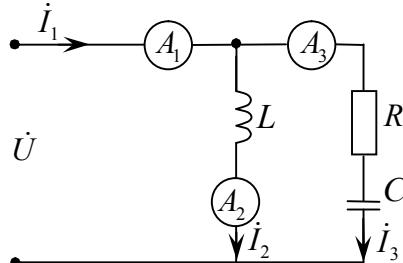
**Масала 5-1.** Кетма – кет уланган ток занжирининг параметрлари  $R=100\text{ }Oм$ ,  $L_1 = 0,2\text{ }Гн$ ,  $C = 1\text{ }мкФ$ , кучланиши  $U = 100\text{ }мВ$  тенг болғанда; резонанс частота  $\omega_0$ , ток  $I_0$ , кучланишлар  $U_{Cmax}$ ,  $U_{Lmax}$  кийматта эришган холатдаги  $\omega_c$  ва  $\omega_L$  частота,  $U_{Cmax}$ ,  $U_{Lmax}$  кийматлари, контур асиллиги  $Q$ , резонанс частота чегарали  $d = (\omega_2 - \omega_1)$ лар аниклансын.

**Жавоб:**

$$\omega_0 = 2236 \frac{1}{\text{сек}}, \quad I_0 = 1\text{ }MA, \quad \omega_L = 2264 \frac{1}{\text{сек}}, \quad \omega_c = 2207 \frac{1}{\text{сек}}, \quad U_{Cmax} = 0,45B, \quad U_{Lmax} = 0,45B,$$

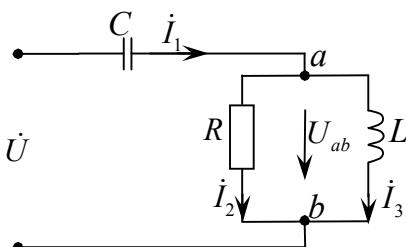
$$Q = 4,47, \quad \omega_2 - \omega_1 = 500, \quad \omega_2 = 2500 \frac{1}{\text{сек}}, \quad \omega_1 = 2000 \frac{1}{\text{сек}}, \quad \Delta f = 79,6\text{гц}$$

**Масала 5-2.** Келтирилған схемада резонанс ҳолатда тармоқ токлари  $I_1=4\text{ }A$ ,  $I_2=3\text{ }A$  тенг бўлиб,  $I_3$  ток аниклансын.



**Жавоб:**  $I_3=5\text{A}$

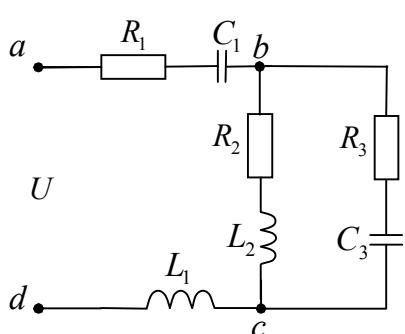
**Масала 5-3.** Резонанс ҳолатдаги занжир қаршиликлари  $R=20\text{ }Oм$ ,  $X_L=20\text{ }Oм$  ва  $U=300\text{ }V$  бўлғанда, сифим қаршилиги, умумий эквивалент қаршилиги кучланиш ва токлари аниклансын.



**Жавоб:**

$$x_C = 10\text{ }Oм, \quad z_R = 10\text{ }Oм, \quad U_{ab} = 300\sqrt{2}e^{j45^\circ}, \quad I_1 = 30e^{j0}\text{A}, \quad I_2 = 15 + j15\text{ (A)}, \quad I_3 = 15 + j15\text{ A}$$

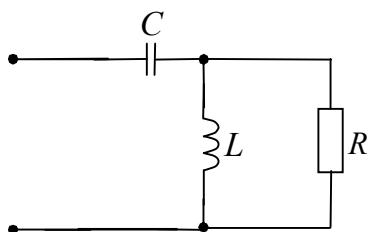
**Масала 5-4.** Берилған занжир параметрлари  $C_3=10 \cdot 10^{-6}\text{ }Ф$ ,  $L_2=18 \cdot 10^{-3}\text{ }Гн$ ,  $R_2=40\text{ }Oм$ ,  $R_3=30\text{ }Oм$  бўлғанда, токлар резонансини юзага келтирувчи резонанс частота  $\omega_0$  аниклансын.



**Жавоб:**  $\omega_0=1560\text{ rad/сек}$

**Масала 5-5.** Индуктив талтакга, актив қаршилик  $R$  паралелл ва сиғим қаршилигига  $X_C=20 \text{ Ом}$  кетма – кет уланган.

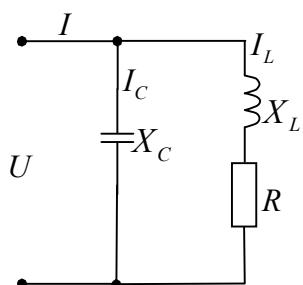
Частота  $f=50 \text{ Гц}$  қаршиликлар эса  $R=40 \text{ Ом}$  ва  $R=80 \text{ Ом}$  булганда резонанс хосил қилувчи индуктивлик  $L$  қиймати аниқлансанын ва қайси холларда умумий қаршилик  $Z_{min}$  минимал бўлади.



**Жавоб:** 1)  $R=40 \text{ Ом}$  бўлганда, резонанс индуктивлик  $L=0,0128 \text{ Гн}$ , умумий қаршилиги  $Z=Z_{min}$ ,  $L=0,052 \text{ Гн}$ .

2)  $R=80 \text{ Ом}$  бўлганда резонанс индуктивлик  $L=0,069 \text{ Гн}$  ва  $L=0,95 \text{ Гн}$ ,  $Z=Z_{min}$ ;  $L=0,061 \text{ Гн}$ .

**Масала 5-6.** Берилган электр ток занжир резонанс холатда бўлиб, умумий ток  $I=10 \text{ А}$ , қаршилик  $R=6 \text{ Ом}$ ,  $x_L=8 \text{ Ом}$ . Сиғимдан оқиб ўтувчи ток  $I_C$ , реактив қаршилик  $x_C$  ва қучланиш аниқлансанын.

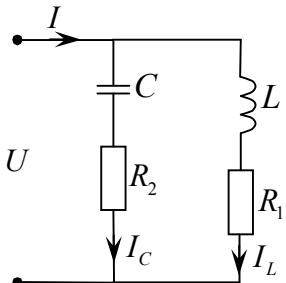


**Жавоб:**  $I_C=13,3 \text{ А}$ ,  $x_C=12,5 \text{ Ом}$ ,  $U=166,7 \text{ В}$ .

**Масала 5-7.** 5-6 масалада берилган схеманинг индуктив қаршилиги  $X_L=R$  ва ток  $I=10 \text{ А}$ . Резонанс холатдаги  $I_C$ ,  $I_L$ ,  $X_C$ ,  $U$  кийматлари аниқлансанын.

**Жавоб:**  $I_C=10 \text{ А}$ ,  $I_L=10\sqrt{2} \text{ А}$ ,  $X_C=2X_L$ ,  $U=20\text{В}$

**Масала 5-8.** Галтак параметрлари  $L=6,4 \text{ Гн}$ ,  $R=10 \text{ Ом}$  булган паралелл ток занжириига частотаси  $f=50 \text{ Гц}$ ,  $U=100 \text{ В}$ ,  $I=75 \text{ А}$  кучланишга уланган. Резонанс холатда;  $R_2$ ,  $C$  кийматлари аниқлансанын

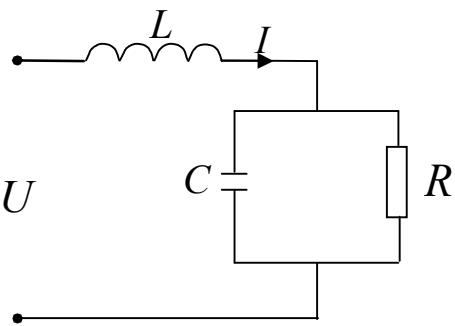


**Жавоб:**  $R_2=1,16 \text{ Ом}$ ,  $C=3540 \text{ мкФ}$

**Масала 5-9.** Кетма – кет уланган ток занжирининг параметрлари  $R=40 \text{ Ом}$ ,  $L=0,2 \text{ Гн}$ ,  $C=10 \text{ мкФ}$  га teng булган холат учун резонанс, частота  $f_0$  индуктивликдаги  $U_{L max}$  кучланиши ва манба кучланишига нисбатан канча марта катта булиши аниқлансанын.

**Жавоб:**  $f_0=112 \text{ Гц}$ ,  $X_L=140 \text{ Ом}$ ,  $U_{L max}=3,5 \text{ У}$

**Масала 5-10.** Электр занжири резонанс холатда булиб частотаси  $\omega_0 = 0$



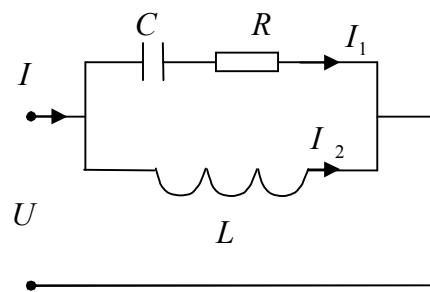
булганда  $Z_{y\mu(0)} = 5 \text{ Ом}$  ва резонанс частота  $\omega = \omega_0$  да  $Z_{y\mu(\omega_0)} = 2,5 \text{ Ом}$ . Каршилик

параметрларилар:  $R_1$ ,  $X_L$  ва  $X_C$  аниклансин, хамда вектор ифодаси тузилсин.

**Жавоб:**  $R_1 = 5 \text{ Ом}$ ,  $X_L = 2,5 \text{ Ом}$   $X_C = 5 \text{ Ом}$ .

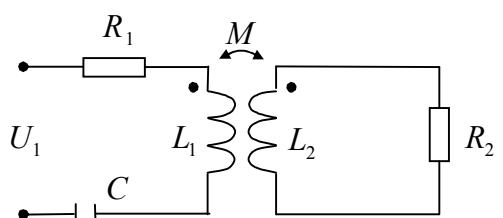
**Масала 5-11.** Электр занжирларнинг резонанс холат токлари  $I_1 = 7 \text{ А}$ ,

$I = 3,6 \text{ А}$  тенг. Индуктивликдан окиб утивчи  $I_2$  ток аникланиб вектор ифодаси тузилсин.



**Жавоб:**  $I_2 = 6 \text{ А}$

**Масала 5-12.** Индуктив боғланган ток занжири параметрлари:



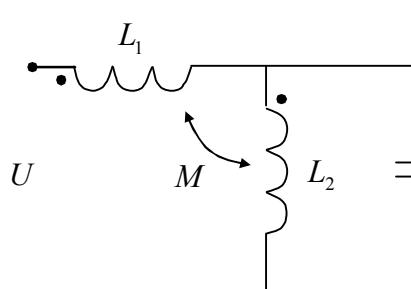
$R_1 = 2 \text{ Ом}$ ,  $X_{L_1} = 10 \text{ Ом}$ ,  $X_C = 8 \text{ Ом}$ ,  $X_{L_2} = 9 \text{ Ом}$ ,

$X_M = 6 \text{ Ом}$  булиб  $U = 100 \text{ В}$  кучланиш уланган.

$R_2$  нинг кайси кийматида зажирда резонанс холат юзага келади.

**Жавоб:**  $R_2 = 9 \text{ Ом}$ .

**Масала 5-13.** Электр занжири параметрлари:  $L_1 = 4 \text{ Гн}$ ,  $L_2 = 2 \text{ Гн}$ ,  $C = 1 \text{ Ф}$  ва



боғланиш коэффициенти  $k = \frac{1}{\sqrt{2}}$  булганда

кучланишлар (кетма – кет) ва токлар (паралелл) резонанс частотаси аниклансин.

**Жавоб:**  $\omega_0 = 0,71 \frac{1}{\text{сек}}$  - токлар резонанси

$\omega_0 = 1,58 \frac{1}{\text{сек}}$  - кучланишлар резонанси.

#### **5-4. Синов саволлари:**

1. Электр занжирларида резонанс ходисаси қандай юзага келади?
2. Резонанс хосил қилиш учун электр занжири қайси элементлардан тузилган бўлиши зарур ва шарти нимада?
3. Резонанс ходисасидан амалда қайси соҳаларда фойдаланилади?
4. Резонанс частота тенгламасини ёзиб, резонанс холатга қандай эришилишини тушунтиринг?
5. Тебранувчан контур индуктивлиги  $L=25$  МГн, сифими  $C=4$  мкФ бўлганда резонанс частота  $f_0$  қанча бўлади?
6. Кучланишлар резонанси қандай хосил бўлади? Вектор ифодасини чизинг. Ток ва қувват тенгламаларини ёзинг.
7. Токлар резонанси қандай хосил бўлади? Ток ва қувват тенгламаларини ёзинг.
8. Нима сабабдан кучланишлар резонанс пайтида сифим ва индуктивликдаги кучланишлар, умумий кучланишга нисбатан катта бўлади?
9. Частотага нисбатан реактив қаршиликлар ёки ўтқазувчанликлар қандай узгарили? Частотали характеристикасини чизинг.
10. Резонанс пайтида қувват коэффициенти нимага тенг?
11. Контур саҳийлиги ёки контур сўниши нима ва қандай ифодаланади?
12. Тулкин қаршилиги ёки ўтқазувчанлиги нима қандай ифодаланади?.
13. Резонанс пайтида электр занжирнинг тармоқланмаган қисмидаги ток қандай қийматга эришади?
14. Резонанс контур реактив қаршиликлари  $X_L > X_C$ ,  $X_L = X_C$   $X_L < X_C$  холатлар учун вектор ифодасини тузинг ва қандай характерга эга булишини тушунтиринг.
15. Резонанс холатда электромагнит майдон энергияси тебраниш физик маъносини тушунтиринг.
16. Токлар резонанс ходисаси билан кучланишлар резонансини қандай ўхшашликлари бор?